

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
مَدِينَةُ الرَّبِّ الْوَادِي

مع اقتراب موعد امتحان شهادة التعليم المتوسط 2018 على تلاميذنا الأعزاء  
مضاعفة الجهد واستثمار الوقت المتبقي في التحضير والإصرار على النجاح والتفوق في

امتحان شهادة التعليم المتوسط

" استغلال الوقت مع الجهد هي المعادلة الحقيقية للنجاح "

تربعون الله إعداد وتجميع سلاسل تمارين ومواضيع مقترحة للتحضير لشهادة التعليم المتوسط  
تتضمن هذه المجلة :

- ✓ ملخصات وسلسلة تمارين حول مواضيع الفصل الأول
- ✓ ملخص تمارين حول الحساب الحرفي والمعادلات والمتراجحات
- ✓ ملخص و تمارين حول الأشعة والانسحاب والمعلم
- ✓ ملخص وسلسلة تمارين حول مواضيع الفصل الثاني
- ✓ تمارين ومسائل حول الدالة الخطية والدالة الترباعية
- ✓ 10 مواضيع مقترحة لشهادة التعليم المتوسط .

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

السنة الدراسية: 2017/2018

المستوى : الرابعة متوسط

مديرية التربية لولاية الوادي

متوسطة حمودي عبد الرحمان

بجاني عبد الكريم

ملخصات و تمارين للتحضير لشهادة

التعليم المتوسط 2018 ومواضيع مقترحة

من إعداد الأستاذ : لخوميس عبد الفتاح



## ملخصات لمواضيع الفصل الأول

تذكر أن :

القاسم المشترك الأكبر :

$a, b$  عدنان طبيعيان  $b$  قاسم  $a$  معناه باقي القسمة الاقليدية  
على  $a$  مددوا

$$PGCD(a, b) = PGCD(b, a - b) *$$

$$PGCD(a, b) = PGCD(b, r) *$$

الاقليدية  $a$  على  $b$ .

\* العدنان الأوليان فيما بينهما فاسمها المشترك الأكبر يساوي  $a$

\* العكس  $\frac{a}{b}$  غير قابل للاختزال معناه  $b$  و  $a$  أوليان فيما بينهما

\* عندما تقسم عددي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبطه

ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال.

مبرهنة طالس :

(d) و (d) مستقيمان متقاطعان في القطعة  $A$

$C$  و  $B$  تقطعان من (d) تحتلفان عن  $A$

$M$  و  $N$  تقطعان من (d) تحتلفان عن  $A$

$$\frac{AM}{AN} = \frac{AB}{AC} = \frac{MB}{CN} \text{ فان : متوازيين فان :}$$

مبرهنة طالس العكسية :

(d) و (d) مستقيمان متقاطعان في القطعة  $A$

$C$  و  $B$  تقطعان من (d) تحتلفان عن  $A$

$M$  و  $N$  تقطعان من (d) تحتلفان عن  $A$

$$\frac{AN}{AM} = \frac{AC}{AB} \text{ والعاطق } A; N; M \text{ مرتبة بنفس ترتيب العاطق}$$

$A; C; B$  فان (CN) و (MB) متوازيان.

المجذور التربيعية :

1- مهما يكن العدنان الموجبان  $a$  و  $b$  فان :

$$\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b} \text{ و } \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a+b} \text{ و } \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

$$b < a \text{ و } \sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a-b}$$

2- مهما يكن العدد الموجب  $a$  فان :  $(\sqrt{a})^2 = a \cdot \sqrt{a^2} = a$

المعادلة من الشكل  $x^2 = b$

\* إذا كان  $b$  موجب للمعادلة حلان مختلفان هما  $\sqrt{b}$  و  $-\sqrt{b}$

\* إذا كان  $b$  سالب للمعادلة ليس لها حل

\* إذا كان  $b$  معدوم للمعادلة لها حل وحيد هو العدد 0.

• النسب المثلثية :

جيب وجيب تمام وظل زاوية حادة في مثلث قائم

$$\text{جيب تمام زاوية حادة} = \frac{\text{طول الجوارب}}{\text{طول الوتر}} \text{ ونرمز له بـ } \cos$$

$$\text{جيب زاوية حادة} = \frac{\text{طول المقابل}}{\text{طول الوتر}} \text{ ونرمز له بـ } \sin$$

$$\text{ظل زاوية حادة} = \frac{\text{طول المقابل}}{\text{طول الجوارب}} \text{ ونرمز له بـ } \tan$$

إذا كان  $ABC$  مثلثاً قائماً في  $A$  فان :

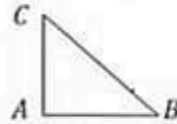
$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC} \text{ و } \cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$$

العلاقات بين النسب المثلثية :

في مثلث قائم مهما يكن العدد  $\alpha$  قياس زاوية حادة فان :

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} ; \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$



## تمارين حول مواضيع الفصل الأول

تمرين 01 :

1- أحب ( 340 , 500 ) PGCD

2- استنتج مجموعة القواسم المشتركة للعددين 340 , 500

3- عندما تقسم 346 على العدد  $x$  نجد الباقي 6 وعندما تقسم 508

على العدد  $x$  نجد الباقي 8 - أوجد القيم الممكنة للعدد  $x$

تمرين 02 :

$A, B$  عدنان طبيعيان حيث :  $A = 756 \cdot B = 441$

1- هل العدنان  $A, B$  أوليان فيما بينهما ؟ علل

2- اختزل العكس  $\frac{A}{B}$  إلى كسر غير قابل للاختزال

3- أحب المجموع  $D$  حيث :  $D = \frac{A}{B} + \frac{19}{21}$

تمرين 03 :

1- أحب ( 945 , 819 ) PGCD

2- اختزل العكس  $\frac{819}{945}$  إلى كسر غير قابل للاختزال

3- أوجد مجموعة القواسم المشتركة للعددين 945 , 819

4- أكتب  $A$  على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث :

$$A = \frac{819}{945} - \frac{2}{3} \times \frac{4}{5}$$

تمرين 04 :

1- أحب ( 315 , 252 ) PGCD

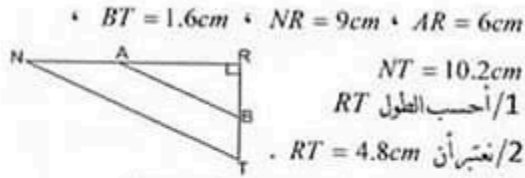
2- أحب  $A$  على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث :

$$A = \frac{3}{5} + \frac{63}{5} \times \frac{1}{63}$$

3- أحب  $M$  حيث

$$M = \frac{252}{315} \times \frac{25000000}{16} \times 10^{-6}$$

- ماذا تلاحظ بين  $M \cdot A$



- أثبت أن المستقيمان  $(AB)$  و  $(NT)$  متوازيان .  
 3/ أحسب القيمة المضبوطة للزاوية  $RNT$  ثم القيمة المقربة إلى الدرجة .

تمرين : 10

$A$  و  $B$  عبارتان حيث:

$$A = \sqrt{75} + 2\sqrt{12} - 2\sqrt{48}$$

$$B = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{18} - 2\sqrt{32}$$

1- اكتب كل من  $A$  و  $B$  من الشكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $b$  أصغر عدد ممكن

2- اكتب النسبة  $\frac{A}{B}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

تمرين : 11

إليك العددين  $A$  و  $B$  حيث:  $A = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{7}}$  و

$$B = 2\sqrt{32} - 3\sqrt{2} + \sqrt{72}$$

1- اكتب  $A$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

2- اكتب  $B$  على شكل  $a\sqrt{b}$

تمرين : 12

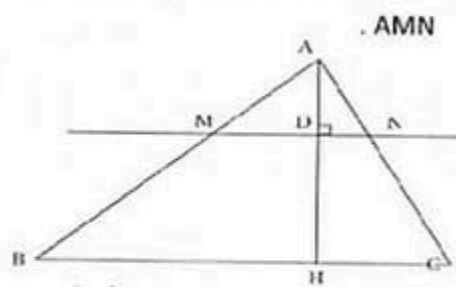
$A$  و  $b$  عددان حقيقيان حيث:

$$A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \quad B = \sqrt{162} + \sqrt{72} - \sqrt{18}$$

1. بسط كل من العددين  $A$  ,  $B$  .

2. احسب القيمة المضبوطة لكل من العددين:  $\frac{A+B}{2}$  ,  $\frac{A-B}{2}$

5) أثبت أن مساحة المثلث  $ABC$  تساوي 9 مرات مساحة المثلث



تمرين : 07

\* وحدة الطول هي السنتيمتر

(C) دائرة نصف قطرها  $2.6\text{cm}$  [MN] قطرها : P نقطة من

الدائرة بحيث  $MP = 2\text{cm}$

1- أرسد الشكل

2- أثبت أن المثلث  $MNP$  قائم في P .

3- أحسب الطول  $PN$

4- أحسب  $\cos \angle NMP$  أعط المدور إلى 0.001

5- استنتج قياس الزاوية  $\angle NMP$  بتدوير إلى الدرجة .

تمرين : 08

أرسد دائرة مركزها O وقطرها  $6.4\text{cm}$

[MN] قطرها : S نقطة من هذه الدائرة حيث  $MS = 2\text{cm}$

1- أرسد الشكل .

2- أثبت أن المثلث  $MSN$  قائم في S

3- / أحسب  $\sin \angle SNM$  \* أعط القيمة المضبوطة \*

ب/ استنتج قياس الزاوية  $\angle SNM$  أعط القيمة بتدوير إلى الدرجة

تمرين : 09

$RNT$  مثلث قائم في R حيث:

تمرين : 05

الشكل المقابل ليس بالقياسات الحقيقية وليس مطلوباً إعادة رسمه .

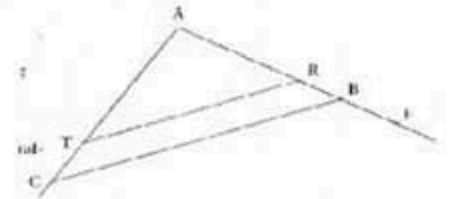
$ABC$  مثلث بحيث:

$AB = 6\text{cm}$  ;  $AC = 7.2\text{cm}$  ;  $BC = 10\text{cm}$

E و R نقطتان من المستقيم  $(AB)$  و T من  $(AC)$

المستقيمان  $(BC)$  و  $(RT)$  متوازيان

بحيث  $AR = 4.5\text{cm}$  ;  $BE = 2\text{cm}$



1- هل المثلث  $ABC$  قائم في A ؟

2- بين أن  $AT = 5.4\text{cm}$

3- تحقق أن  $AE = 8\text{cm}$

4- هل  $(BT)$  و  $(EC)$  متوازيان ؟

تمرين : 06

إليك الشكل المقابل :

$AM = 5\text{cm}$  ;  $AB = 15\text{cm}$  ;  $AN = 4\text{cm}$  ;  $AC = 12\text{cm}$  ;  $AH = 7.5\text{cm}$

المستقيمان  $(AH)$  و  $(MN)$  متعامدان في D

(1) أثبت أن  $(BC) \parallel (MN)$

(2) أحسب  $AD$

(3) اشرح لماذا  $\hat{AMN} = \hat{ABC}$

(4) أثبت أن المثلث  $AHB$  قائم في H

## ملخصات حول الحساب المحرفي و المعادلات و المتراجحات

تذكر أن :

المتطابقات الشهيرة :

$(a+b)^2$ $(a-b)^2$ $(a+b)(a-b)$	$= a^2 + b^2 + 2ab$ $= a^2 + b^2 - 2ab$ $= a^2 - b^2$
----------------------------------	---

الخاصية التوزعية :

$a(b+c)$ $a(b-c)$	$= ab + ac$ $= ab - ac$
-------------------	-------------------------

- كل المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد ، تؤول بعد التحويلات والتعابير الى الشكل  $ax = b$  وحلها هو  $x = \frac{b}{a}$  حيث  $(a \neq 0)$ .

في حل معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد : يجب مراعاة ما يلي :

- 1- عند نقل حد من طرف معادلة الى طرفها الآخر تغيير إشارته
- 2- إذا ظهر المجهول في طرف المعادلة فمن الضروري جعل المجهول في طرف والمعلوم في طرف .
- 3- يجب وضع مجموعة حلول المعادلة

ملاحظة

كل عدد يحقق معادلة يسمى حلها .

تربيض مسألة :

لهم مسألة يجب :

أ- البحث عن مجهول أو مجاهيل

- ب- كتابة بعض جمل النص باستعمال المجهول أو المجاهيل .
- ج- البحث عن العلاقات بين المجاهيل إن كانت موجودة .

• محل مسألة يجب :

- 1- اختيار المجهول المناسب
- 2- صياغة المسألة في شكل معادلة
- 3- حل المعادلة الحاصل عليها
- 4- التحقق من صحة النتائج
- 5- الإجابة على السؤال المطروح

## تمارين حول الحساب المحرفي و المعادلات و المتراجحات

تمرين 01 :

لتكن العبارة A حيث :  $A = (x+4)^2 - 16$

- 1) أنشئ تبسيط A .
- 2) حلل العبارة A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .
- 3) حل المعادلة  $A = 0$

تمرين 02 :

لتكن العبارة E حيث :  $E = (5x-4)^2 - (2x+3)^2$

- 1) أنشئ تبسيط العبارة E .
- 2) حلل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .
- 3) حل المعادلة  $(3x-7)(7x-1) = 0$

تمرين 03 :

لتكن العبارة A حيث :

$$A = (2x-3)^2 - (4x+7)(2x-3)$$

- 1) أنشئ تبسيط A .

2) حلل العبارة A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

3) حل المعادلة  $(2x-3)(-2x-10) = 0$

تمرين 04 :

لتكن العبارة F حيث :  $F = 36 - (2x+1)^2$

- 1) أنشئ تبسيط F .
- 2) حلل العبارة F إلى جداء عاملين .

3) حل المعادلة  $(5-2x)(7+2x) = 0$

تمرين 05 :

أنشئ تبسيط مايلي :  $(4x-5)(x+2)$

حلل العبارة A إلى جداء عاملين حيث :

$$A = 5(4x^2 + 3x - 10) - (3x+2)(x+2)$$

تمرين 06 :

تحقق من صحة المساواة التالية :

$$2(3x+1)^2 = 18x^2 + 12x + 2$$

حلل العبارة M حيث :

$$M = 18x^2 + 12x + 2 - (x-2)(3x+1)$$

احسب العبارة M من اجل  $x = \sqrt{3}$

3) حل المعادلة :  $(5x+4)(3x+1) = 0$

تمرين 07 :

لتكن العبارة التالية :  $E = 4x^2 - 9 + (2x+3)(x-2)$

- 1) أنشئ تبسيط E .
- 2) حلل  $4x^2 - 9$  إلى جداء عاملين ثم استنتج تحليلا للعبارة E

3) حل المعادلة  $(2x+3)(3x-5) = 0$

تمرين 08 :

(1) تحقق بالنشر أن:

$$(2x-1)(x-3) = 2x^2 - 7x + 3$$

(2) حل المعادلة التالية:

$$2x^2 - 7x + 3 + (2x-1)(3x+2)$$

تمرين 09 :

تسكن العبارة E حيث  $E = 2x - 10 - (x-5)^2$

(1) انشر تبسط العبارة E

حل المعادلة  $E = 0$

تمرين 10 :

اشترى أخوان قطعة أرض مستطيلة كما هو موضح في الشكل طولها ثلاثة أمثال عرضها

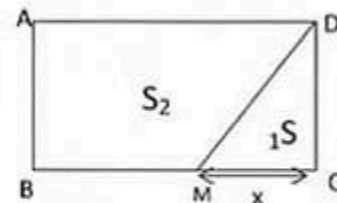
أحب طولها و عرضها علما أن مساحتها  $2700m^2$ .

قسمت هذه القطعة إلى جزئين حيث  $MC = x$

(1) عبر عن  $S_1$  مساحة الجزء DMC بدلالة x

(2) عبر عن  $S_2$  مساحة الجزء ADBM بدلالة x

(3) اوجد قيمة x حيث  $S_2 = 3 \times S_1$



تمرين 11 :

مستطيل عرضه يساوي ثلاثة أرباع طولته ومحيطه يساوي 42cm

- أوجد طول وعرض هذا المستطيل .

تمرين 12 :

أربعة أولاد مجموع أعمارهم يساوي عمر أبيهم وهو 41 سنة .

ما هو عمر كل واحد منهم إذا علمت أن عمر يونس يزيد عن عمر

موس ب 3 سنوات وعمر تركيها هو ضعف عمر موسى وعمر

مريم يزيد عن عمر تركيها بستين

تمرين 13 :

دفع ياسين مبلغا قدره 158DA لشراء 6 أقلام وكراسين ، إذا علمت أنه

سعر الكراسي الواحد يزيد عن سعر قلمين ب 4DA

ما هو سعر كل من القلم الواحد والكراسي الواحد ؟

تمرين 14 :

$n+1 \cdot n \cdot n-1$  أطوال أضلاع مثلث قائمه (حيث n عدد

طبيعي أكبر من 1)

تمرين 15 :

إليك العبارة A  $A = (3x-4)^2 - 25$

$B = x^2 - 9$

1/ انشر تبسط العبارة A.

2/ حل المعادلات التالية  $A = B$  ،  $A = 11$

3/ حل المتراجحة  $B \geq x^2 + 3x + 4$  ثم مثل مجموعة حلولها .

تمرين 16 :

حل المتراجحات التالية ومثل مجموعة حلولها

$$4x - 11 \leq 7x + 10 \quad \cdot \quad 7x - 2 \geq 2x + 8$$

$$\frac{4}{5}x - 3 \leq \frac{2}{3}x + 10 \quad \cdot \quad (x-3)(x+4) \geq x^2 + 10 .$$

$$\frac{3x-8}{7} \leq \frac{7x-5}{3} \quad \cdot \quad \frac{2}{3}x - \frac{1}{6} \geq \frac{5}{4}x + \frac{1}{2}$$

تمرين 17 :

B+A عبارة ثان جبري ثان حيث :

$$A = (x+3)(x+1)$$

$$B = (x+3)(x-5) + x^2 + 4x + 3$$

(1) انشر تبسط العبارة A

(2) حلل العبارة B إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة:  $(x+3)(2x-4)=0$

تمرين 18 :

(1) أنشر وبسط العبارة:  $P = (x+12)(x+2)$

(2) اكتب على شكل جداء عاملين العبارة:

$$Q = (x+12)^2 - 25$$

(3) ABC مثلث قائم في A ، x عدد موجب حيث:  $AB = 5$  ،

$$BC = x + 7$$

أرسم الشكل (وحدة الطول هي السنتيمتر)

$$\text{ثم بين أن: } AC^2 = x^2 + 14x + 24$$

تمرين 19 :

A عبارة جبرية بحيث:

$$A = 16x^2 - 9 - (2x+5)(4x-3)$$

1- انشر وبسط العبارة A

2- احب قيمة A من أجل  $x = 1$

3- حلل  $16x^2 - 9$  ثم حلل العبارة A

4- حل المعادلة  $(2x-2)(4x-3) = 0$

عندما تصل إلى عمق معنى كلمة النجاح تجد أنها ببساطة تعني الإصرار

## ملخصات حول الأشعة والاشحاب-المعالم

تذكر أن:

عند انزاحة شكل نقل كل نقط الشكل على مستقيمات متوازية في نفس الاتجاه ونفس المسافة نحصل على صورة الشكل بالاشحاب .

• مفهوم الشعاع:

A و B نقطتان مختلفتان من المستوي، الاشحاب الذي يحول A الى

B يعرف شعاعاً منزله بالرمز  $\overrightarrow{AB}$

يسمى الشعاع بثلاث مميزات:

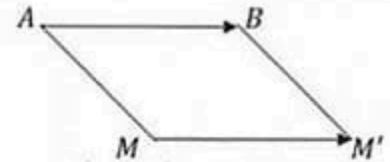
1- منحى 2- اتجاه 3- طول

• الشعاعان المتساويان:

هما شعاعان لهما نفس المنحى ونفس الاتجاه ونفس الطول

\* صورة M' صورة M بالاشحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{AB}$

معناه  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{MM'}$



الرابعي ABCD متوازي أضلاع معناه  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

إذا كان الرابعي ABCD متوازي أضلاع فإن  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$

A و B نقطتان مختلفتان من المستوي لدينا

$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BA} = \vec{0}$  الشعاع  $\overrightarrow{AB}$  يسى معاكس الشعاع  $\overrightarrow{BA}$

الشعاع  $\vec{0}$  يسى الشعاع المعدوم

ونكتب:  $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$

• علاقة شال:

قول أن الشعاع  $\overrightarrow{AC}$  هو مجموع الشعاعين  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{BC}$

ونكتب:  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$

المعالم:

تمثيل شعاع بمعرفة إحداثيته نعين الإزاحتين الموافقتين لإشارتي الإحداثيتين x و y لشعاع .

لتكن النقط A ; B ; C ذات الإحداثيات  $(x_A; y_A)$  ;  $(x_B; y_B)$  ;  $(x_C; y_C)$  في معلم متعامد ومتجانس

$(O; \vec{o}_i; \vec{o}_j)$

• إحداثيتي الشعاع  $\overrightarrow{AB} (x_B - x_A; y_B - y_A)$

• المسافة  $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

• إحداثيتي النقطه C منتصف القطعة [AB]:  $x_C = \frac{x_A + x_B}{2}$

•  $y_C = \frac{y_A + y_B}{2}$

- حساب مسافة بين نقطتين لإثبات أن:

المثلث قائم، المثلث متساوي الساقين، المثلث متقايس الأضلاع، الدائرة

تشمل مرؤوس المثلث، حساب مسافة بين نقطتين .

- حساب إحداثيتي منتصف قطعة لحساب إحداثيتي:

مركز تناظر متوازي أضلاع، مركز دائرة محيطه بمثلث، نظرية

قطعة بالنسبة إلى نقطة، قانون حساب منتصف قطعة .

## سلسلة تمارين حول الأشعة والاشحاب-المعالم

تمرين 01:

ABC مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 5 cm

1- أنش هذا المثلث

2- عين D صورة A بالاشحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{BC}$

3- عين M صورة A بالاشحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{CB}$

4- بين أن النقط D, A, M على استقامة واحدة .

تمرين 02:

ABC مثلث قائم في A حيث: AB = 4 cm . AC = 3 cm

1- أنش النقطه D حيث:  $\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{CD}$

2- مانوع الرابعي ABCD مع التعليل .

3- أنش النقطه M حيث:  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

4- بين أن C منتصف [MD]

5- مانوع الرابعي ABM D ثم أحب مساحته .

تمرين 03:

ABC مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 3cm

1- أنش النقط K, N, M حيث:

$\overrightarrow{AK} = -\overrightarrow{BA}$  ,  $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB}$  ,  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BC}$

2- مانوع المثلث NMK ؟ علل .

تمرين 04:

ABC مثلث قائم في A

1- أنش النقطتين D, F حيث:

$\overrightarrow{BC} = -\overrightarrow{FA}$  ,  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

2- أنكمل الفراغ بما يناسب

$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD} = \dots$  ,  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BD} = \dots$  ,  $\overrightarrow{AB} = \dots$

- (3) احسب احداثي النقطة D حيث يكون  $\vec{CA} = \vec{BD}$
- (4) بين أن  $(AB) \perp (CD)$ .

### تمرين 12:

- المستوي متسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- (1) علمه القطر  $A(-2; -3), B(4; 1), C(2; 4)$
- (2) اعط القيمة المضبوطة للطول AB.
- (ب) علما ان  $AC = \sqrt{13}$  و  $AC = \sqrt{65}$  بين ان المثلث ABC قائم.
- (3) انشئ النقطة E صورة النقطة A بالاسحاب الذي شعاعه  $\vec{BC}$ ، أثبت ان  $ABCE$  مستطيل.

لا تحقق الأعمال بالأمتيات وإنما بالإمرادة نضع المعجزات

### تمرين 09:

- في معلم متعامد ومتجانس  $(O, OI, OJ)$
- 1- علمه القطر  $A(3, 2), B(-2, +2), C(0, -3)$ .
- 2- احسب احداثي الشعاع  $\vec{BC}$  ثم الطول BC.
- 3- احسب احداثي النقطة D حيث:
- $\vec{AD} = \vec{BC}$  ثم استنتج نوع الرباعي ABCD.
- 4- احسب احداثي N مركز تناظر الرباعي ABCD.

### تمرين 10:

- المستوي متسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$
- (1) علمه القطر  $A(2; 0), B(-4; 3), C(5; 3)$
- (2) احسب احداثي الشعاع  $\vec{AB}$  ثم الطول AB.
- (3) عين النقطة D صورة النقطة C بالاسحاب الذي شعاعه  $\vec{AB}$  ثم احسب احداثي النقطة D.
- (4) أوجد احداثي M نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (BC).

### تمرين 11:

- $(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي.
- (1) علمه القطر  $A(2; -1), B(-2; 3), C(-4; -3)$
- (2) احسب الطول AC واستنتج نوع المثلث ABC علما ان  $BC = 2\sqrt{10}$

$$\vec{AB} + \vec{DC} = \dots$$

- 3- مانع كل من الرباعين ABCF, ABDC ؟ علل.

### تمرين 05:

- ABC مثلث قائم في A حيث:
- $\hat{C} = 30^\circ$  و  $AB = 3 \text{ cm}$
- 1- انشئ هذا المثلث ثم احسب BC
- 2- انشئ النقطة M حيث:  $\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AC}$
- \* بين ان الرباعي ABMC مستطيل.
- 3- انشئ النقطة N حيث:  $\vec{AN} = \vec{CA}$
- \* بين ان المثلث BCN متساوي الساقين

### تمرين 06:

- المستوي متسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .
- A, B, C, D نقط منه بحيث:  $A(-2; 3), B(1; -2), C(2; -1), D(-1; 4)$
- بين ان الرباعي متوازي أضلاع.

### تمرين 07:

- المستوي متسوب الى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .
- $A(-2; 1), C(4; -3)$
- النقطة C نظيرة A بالنسبة إلى B
- احسب احداثي النقطة B

### تمرين 08:

- $(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي.
- $A(4; 0), B(0; 2), C(-6; 0), D(3; 3), M(-1; -1)$
- (1) بين ان المثلث ADC قائم في D.
- (2) بين ان النقطة M هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

- 3/ عين الدالة التآلفية  $g$  حيث  $g(0) = 2$  ،  $g(1) = -1$   
 4/ أحسب  $g(-1)$  ،  $g\left(\frac{2}{3}\right)$   
 5/ مثل بيانياً كلا من الدالتين  $f$  ،  $g$  وذلك في نفس المعلم  
 $(O, OI, OJ)$   
 6/ حل المتراجحة  $f(x) \geq g(x)$ .

**التسرين 08:**

- المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$   
 1) علمه القطبين  $A(0, 4)$  ،  $B(1, 0)$   
 2) حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $f$  التي تمثلها البياني هو  
 المستقيم  $(AB)$  . ليكن المستقيم  $(\Delta)$  التمثيل  
 البياني للدالة  $g$  حيث:  $g(x) = \frac{2}{3}x + 2$   
 - أنتسب  $(\Delta)$  .  
 - أوجد إحداثيي نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  
 $(\Delta)$  .

**التسرين 09:**

- أربعة أولاد مجموع أعمارهم يساوي عمر أبهم وهو 41 سنة .  
 ما هو عمر كل واحد منهم إذا علمت أن عمر موسى يزيد عن  
 عمر موسى بـ 3 سنوات وعمر تركر يا هو ضعف عمر  
 موسى وعمر مرسيد يزيد عن عمر تركر يا بستين

**التسرين 10:**

- اشترى أخوان قطعة أرض مستطيلة كما هو موضح في الشكل  
 طولها ثلاثة أمثال عرضها  
 أحسب طولها و عرضها علماً أن مساحتها  $2700m^2$  .  
 قسمت هذه القطعة إلى جزئين حيث:  $MC = x$   
 1) عبر عن  $S1$  مساحة الجزء  $DMC$  بدلالة  $x$

**التسرين 04:**

- معلم متعامد ومتجانس  $(O, OI, OJ)$   
 1- / علمه القطب  $A(3, 2)$  ،  $B(-2, 0)$  ،  $C(0, -3)$   
 2- / أحسب إحداثيي الشعاع  $BC$  ثم استخرج الطول  $BC$   
 3- / أحسب إحداثيي النقطة  $D$  حيث:  $\vec{AD} = \vec{BC}$  ثم استخرج نوع  
 الرباعي  
 4- / أحسب إحداثيي  $N$  مركز تناظر الرباعي  $ABCD$ .

**التسرين 05:**

- المستوي منسوب لمعلم متعامد ومتجانس .  
 1) علمه القطب:  $A(2; 0)$  ،  $B(0; 3)$  ،  $C(3; 2)$   
 2) احسب الطول  $AB$  .  
 3) احسب إحداثيات النقطة  $E$  بحيث تكون  $A$  منتصف  $[BE]$   
 4) احسب إحداثيات النقطة  $D$  صورة  $C$  بالانحباب الذي شعاعه  
 $\vec{AB}$

**التسرين 06:**

- $MAT$  مثلث .  
 أنشئ النقطة  $I$  بحيث:  $\vec{IM} + \vec{IT} = \vec{0}$  .  
 أنشئ النقطة  $H$  بحيث:  $\vec{HI} = \vec{IA}$   
 ما نوع الرباعي  $MATH$  مع التعليل .  
 أتمم بشعاع مناسب حسب الشكل:  
 $\vec{AM} = \dots$  ،  $\vec{TA} = \dots$   
 $\vec{MA} + \vec{AT} = \dots$  ،  $\vec{TH} + \vec{IA} = \dots$

**التسرين 07:**

- 1/ عين الدالة الخطية  $f$  حيث:  $f(4) = -20$   
 2/ ما هو العدد الذي صورته 20 بواسطة الدالة  $f$ .

**سلسلة تمارين حول مواضيع الفصل الثاني**

**التسرين 01:**

- $A$  ،  $B$  عبارتان جبريتان حيث:  
 $A = (2x - 1)^2 - 3(2x - 1)$   
 $B = (\sqrt{2} + 1)^2$   
 1- / انشر كلا من  $A$  ،  $B$  .  
 2- / حل العبارة  $A$  إلى جداء عاملين ثم حل العبارة  
 $x^2 - (3 + 2\sqrt{2})x - 2$   
 3- / حل المعادلة:  $4x^2 - 12x + 2 = -2x - 2$

**التسرين 02:**

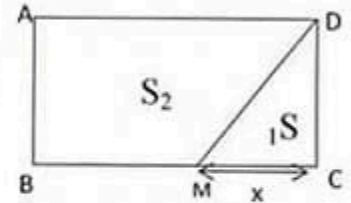
- $A$  عبارة جبرية بحيث:  
 $A = 16x^2 - 9 - (2x + 5)(4x - 3)$   
 1- / انشروا بسطة العبارة  $A$   
 2- / احسب قيمة  $A$  من أجل  $x = 1$   
 3- / حلل  $16x^2 - 9$  ثم حلل العبارة  $A$   
 4- / حل المعادلة  $(2x - 2)(4x - 3) = 0$   
 5- / حل المتراجحة:  
 $8x^2 - 14x + 6 = 8x^2 - 12$

**التسرين 03:**

- $g$  دالة تآلفية حيث:  $g(0) = 3$  ،  $g(1) = -1$   
 1- / أكتب العبارة الجبرية للدالة  $g$   
 2- / مثل بيانياً الدالة  $g$  في معلم متعامد ومتجانس  $(O, OI, OJ)$   
 3- / بين أن النقطة  $p(2014, -8053)$  تنتمي إلى بيان  $g$   
 4- / أوجد بيانياً إحداثيي نقطة تقاطع بيان الدالة  $g$  مع محور  
 الترتيب .



- (2) عبر عن  $S_2$  مساحة الجزء  $ADMB$  بدلالة  $x$   
 (3) اوجد قيمة  $x$  حيث:  $S_2 = 3 \times S_1$



### مسألة 01:

- تقدم إحدى المجلات العلمية الشهيرة عرضاً لزيارتها تشجيع مبيعاتها وذلك بتحديد التسعيرة الأولى 120DA للمجلة في الشهر، التسعيرة الثانية 80DA في الشهر بالإضافة إلى مبلغ الاشتراك بقدر 120DA سويًا.  
 (أ) من أجل كل تسعيرة، احب ثمن 2 و 10 مجلات (استعمل الجدول).  
 (ب) ليكن  $x$  عدد المجلات. أكتب  $A_1$  سعر المجلة بدون اشتراك بدلالة  $x$ .  
 - أكتب  $A_2$  سعر المجلة باشتراك بدلالة  $x$ .  
 المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \overline{OI}; \overline{OJ})$   
 أمرهم المستقيمين  $(\Delta_1)$  و  $(\Delta_2)$  ذي المعادلتين على الترتيب  $y = 120x$  و  $y = 80x + 120$   
 على محور الفواصل ( $1 \text{ cm} < x < 1 \text{ كتاب}$ ) وعلى محور الترتيب ( $200 \text{ DA} < 1 \text{ cm}$ )  
 من التمثيل البياني ساعد مصطلقي الاختيار أفضل طريقة لشراء أربع مجلات، مجلتين.  
 حل المتراجحة  $120x \leq 80x + 120$  وماذا يعني بالنسبة إليك هذا الحل.

### مسألة 02:

تعرض شركتان للهاتف الثقال صيغتين للاشتراك:

«D جيزي»: 200 DA للاشتراك و 3 DA سعر الدقيقة.

«M موبليس»: 260 DA للاشتراك و 2 DA سعر الدقيقة.

1 - ما هو المبلغ اللازم عند استعمال الهاتف مدة: 1 h 30 min بالصيغتين . ؟

2- ليكن  $x$  المدة بالدقائق، PD الثمن بالصيغة «D جيزي»

4، P M الثمن بالصيغة «M موبليس»

أ- عبر بدلالة  $x$  عن: PD و P M

ب- أكمل الجدول التالي:

العدد $x$ (min)	10	40	60	70
PD (DA)				
P M (DA)				

3- على ورق ملصقة أمرهم  $(d_1)$  و  $(d_2)$  المثلين للدالتين:

$x \rightarrow 3x + 200$  و  $x \rightarrow 2x + 260$  على

الترتيب: حيث: 1 cm على محور الفواصل يمثل 10 min و

1 cm على محور الترتيب يمثل 20 DA

4- بقراءة بيانية: (أترك أنرا الإجابة على الملصقة).

أ- عين المدة التي يكون من أجلها الثمن اللازم نفسه بالصيغتين.

ب- متى يكون اختيار «M موبليس» أفضل؟ تحقق حسابيا

### مسألة 03:

عاش سكان المناطق الجبلية في بلادنا أوضاعاً صعبة جداً في

الفترة الأخيرة، وهذا بسبب الثلج التي استمر سقوطها عدة أيام

❶ - قصد أحد المحسنين بعض المناطق وشرع في توزيع:

4350kg من السميد

و 2088kg من الحبوب الجافة على العائلات الفقيرة، بعدما قسم السميد والحبوب

الجافة بالتساوي داخل أكياس متماثلة، بحيث تأخذ كل عائلة فقيرة كيس واحد .

(1) - ما هو أكبر عدد ممكن من العائلات الفقيرة التي تحصلت على المساعدات؟

(2) - ما هي حصة كل عائلة من السميد ومن الحبوب الجافة؟

❷ - في تلك الأثناء، أمرسل مُحسن آخر شاحنة تحمل 450 قارورة من غائر البوتان،

قصد توزيعه على العائلات الفقيرة بحيث تُرخصيص 3 قارورات لكل عائلة .

- ليكن  $x$  هو عدد العائلات الفقيرة، و  $f(x)$  عدد

قارورات الموزعة، و  $g(x)$  عدد القارورات المتبقية في

الشاحنة .

(1) - غير عن:  $f(x)$  و  $g(x)$  بدلالة  $x$  .

(2) - مثل الدالتين:  $f, g$  في معلم متعامد ومتجانس (الوحدة هي: cm) خذ على محور الفواصل (10 عائلة  $\rightarrow 1 \text{ cm}$ ) وعلى محور

الترتيب (50 قارورة  $\rightarrow 1 \text{ cm}$ ) .

(3) - باستعمال التمثيل البياني أجب على ما يلي:

(أ) ما هو عدد القارورات المتبقية بعد مرور الشاحنة على 50 عائلة فقيرة؟

(ب) - عند ما يتساوى عدد القارورات الموزعة والباقية في الشاحنة، ما هو عدد العائلات

التي استفادت من الغائر؟

(ج) - حدد العدد الإجمالي للعائلات المستفيدة من الغائر الموزع

## سلسلة تمارين حول "الدالة الخطية والدالة التآلفية"

تذكر أن:

كل دالة تكتب على شكل  $f(x) = ax$  تسمى دالة خطية وتمثلها البياني عبارة عن خط مستقيم يمر بالمبدأ.

كل دالة تكتب على شكل  $f(x) = ax + b$  تسمى دالة تآلفية وتمثلها البياني عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالمبدأ.

حالات خاصة:

إذا كان  $b=0$  فإن الدالة الخطية هي دالة تآلفية

إذا كان  $a=0$  فإن الدالة التآلفية في هذه الحالة تسمى بالدالة الثابتة

تعبّر الدالة الخطية عن وضعية تناسبية

تمرين 01:

تكن الدالة الخطية  $f$  حيث  $f(x) = -4x$

1. احب كل من:  $f(1)$ ,  $f(\frac{2}{3})$ ,  $f(\sqrt{3})$

2. أوجد العدد الذي صورته 15 بالدالة  $f$

3. أوجد  $x_1, x_2, x_3$  حيث:  $f(x_1) = 28$

4. مثل الدالة  $f$  بيانياً في مستورد معلم.

تمرين 02:

$f$  دالة خطية حيث:  $f(-4) = 8$

1. أوجد العبارة الجبرية للدالة  $f$

2. احب  $f(3)$ ,  $f(-5)$

3. أوجد العدد  $x_1$  حيث  $f(x_1) = 28$

تمرين 03:

تكن الدالة  $g$  حيث  $g(x) = 3x + 4$

1. احب كل من:  $g(1)$ ,  $g(\frac{2}{3})$ ,  $g(\sqrt{3})$

2. أوجد العدد الذي صورته 25 بالدالة  $g$ .

3. احب  $x_1, x_2, x_3$  حيث:  $g(x_1) = 31$

4. مثل الدالة  $f$  بيانياً في مستورد معلم.

تمرين 04:

1/ عين الدالة الخطية  $f$  حيث:  $f(4) = -20$

2/ ما هو العدد الذي صورته 20 بواسطة الدالة  $f$ .

3/ عين الدالة التآلفية  $g$  حيث  $g(0) = 2$ ,  $g(1) = -1$

4/ احب  $g(-1)$ ,  $g(\frac{2}{3})$

5/ مثل بيانياً كل من الدالتين  $f$ ,  $g$  وذلك في نفس المعلم

$(O, \overline{OI}, \overline{OJ})$

6/ حل المتراجحة  $f(x) \geq g(x)$ .

تمرين 05:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k}; 0)$

1) علم القطعتين  $A(0, 4)$ ,  $B(1, 0)$

2) حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $f$  التي تمثلها البياني هو

المستقيم  $(AB)$ . ليكن المستقيم  $(\Delta)$  التمثيل

البياني للدالة  $g$  حيث:  $g(x) = \frac{2}{3}x + 2$

- أنشئ  $(\Delta)$ .

- أوجد إحداثيي  $M$  نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(\Delta)$

مسألة 01:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k}; 0)$

1) احب  $A(1, 1)$ ,  $B(-2, 7)$ ,  $C(4, -5)$

- أوجد العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $f$  التي تمثلها البياني هو

المستقيم  $(AB)$

2- احب  $f(-3)$ ,  $f(\frac{-5}{2})$ ,  $f(\frac{4}{5})$

3- احب  $x_1, x_2$  حيث:  $f(x_1) = 43$

$f(x_2) = -17$

4- بين أن القطر  $A, B, C$  على استقامة واحدة.

(II)

$F(4, 3)$ ,  $E(2, 1)$ ,  $D(-1, -8)$

1- حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية  $g$  التي تمثلها البياني يشمل

القطعتين  $D, E$

2- احب  $g(-3)$ ,  $g(\frac{7}{3})$ ,  $g(\frac{-4}{5})$

3- احب  $x_1, x_2, x_3$  حيث:  $g(x_1) = 22$

$g(x_2) = -17$ ,  $g(x_3) = \frac{4}{5}$

4- هل القطعة  $F$  تنتمي إلى التمثيل البياني للدالة  $g$ ؟ برهن.

5- ليكن  $(D)$  و  $(D')$  التمثيل البيانيين للدالتين  $f$  و  $g$

على الترتيب.

- مثل بيانياً الدالتين  $f$  و  $g$  على نفس المعلم.

- احب إحداثيي  $M$  نقطة تقاطع المستقيمين  $(D)$  و

$(D')$

مسألة 02:

. تخرج وكالة تجارة للاتصالات الهاتفية تسعيرتين:

التسعيرة A: 5 DA للدقيقة الواحدة و 600 DA مبلغ الاشتراك

خلال شهر.

التسعيرة B: 3 DA للدقيقة الواحدة و 1200 DA مبلغ الاشتراك

خلال شهر.

1/ أ- احب تكلفة المكالمات التي مدتها 100 دقيقة بالتسعيرة A

والتسعيرة B

2- ليكن:  $x$  هو عدد الكيلومترات للمسافات المقطوعة .

$y_1$  هو المبلغ حسب التسعيرة الأولى

$y_2$  هو المبلغ حسب التسعيرة الثانية

أ- عبر عن  $y_1$  و  $y_2$  بدلالة  $x$  .

ب- حل المتراجحة  $15x > 12x + 900$

3- في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  
( $o; \vec{i}; \vec{j}$ )

أ- مثل بيانيا الدالتين  $f; g$  حيث:  $f(x) = 15x$

$g(x) = 12x + 900$

المسافة (km)	60		
تسعيرة الأولى (DA)			5100
تسعيرة الثانية (DA)		3060	

(1cm على محور الفواصل يمثل 50km، 1cm على محور الترتيب

يمثل DA 500)

ب- استعمل التمثيل البياني لتحديد أفضل تسعيرة مع الشرح .

• الوسيلة الوحيدة إلى النجاح هي الاستمرار بقوة حتى النهاية .

1) انقل وأتمم الجدول:

عدد الجمرات المشتراة	50		
مبلغ الصيغة الأولى بـ DA		1000	
مبلغ الصيغة الثانية بـ DA			3300

2) ليكن  $x$  عدد الجمرات المشتراة .

نسمي  $f(x)$  الثمن المدفوع بالصيغة الأولى و  $g(x)$  الثمن

المدفوع بالصيغة الثانية .

- عبر عن  $f(x)$  و  $g(x)$  بدلالة  $x$  .

3) مثل بيانيا الدالتين  $f(x)$  و  $g(x)$  في معلم متعامد

ومتجانس ( $0; \vec{i}; \vec{j}$ ) حيث:

2cm على محور الفواصل يمثل 50 جريدة و 2cm على

محور الترتيب يمثل DA 500 .

4) حل المعادلة  $f(x) = g(x)$  وماذا يمثل المحل؟

5) ماهي الصيغة الأفضل في الحالتين التاليتين:

- عند اقتناء 150 جريدة .

- عند اقتناء 270 جريدة .

مسألة 04:

تقترح شركة لسيارات الأجرة التسعيرتين التاليتين:

- التسعيرة الأولى: DA 15 للكيلومتر الواحد لغير المنحرفين .

- التسعيرة الثانية: DA 12 للكيلومتر الواحد مع مشاركة شهريّة

قدرها DA 900

1- انقل الجدول على ورقة الإجابة ثم أكمله:

ب- احب تكلفة المكالمات التي مدتها 4 ساعات و 50 دقيقة

بالتسعيرة A والتسعيرة B

2/ انقل وأتمم الجدول:

المدة بالنقل (mn)	90		
التسعيرة A		1000	
التسعيرة B			2400

3/ نسمي  $x$  عدد المكالمات بالدقيقة .

نسمي  $y_1$  المبلغ المدفوع حسب التسعيرة A و  $y_2$  المبلغ المدفوع

حسب التسعيرة B

أ- عبر عن  $y_1$  و  $y_2$  بدلالة  $x$

ب- حل المعادلة  $y_1 = y_2$  ماذا تمثل هذه النتيجة؟

ج- حل المتراجحة  $5x + 600 < 3x + 1200$  ماذا تمثل هذه

النتيجة؟

د- مثل بيانيا الدالتين  $f(x)$  و  $g(x)$  حيث:

$f(x) = 3x + 1200$

$g(x) = 5x + 600$

وذلك بأخذ (على محور الفواصل 1cm يمثل 50 دقيقة و على محور

الترتيب 1cm يمثل DA 200) .

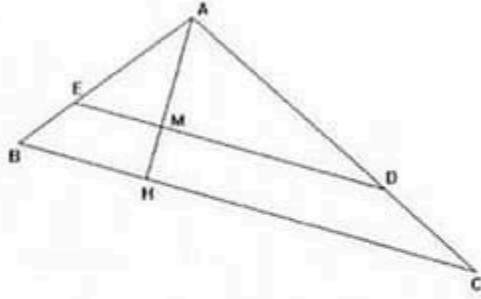
هـ- بقرأة بيانية حدد التسعيرة الأفضل للزبون

مسألة 03:

يقترح مدير صحيفة يومية على زبائنه صيغتين لاقتناء الجريدة .

- الصيغة الأولى: ثمن الجريدة DA 10 .

- الصيغة الثانية: ثمن الجريدة DA 8 مع اشتراك قدره DA 500



- (1) إذا كان  $AM = x$ ، أجب الطول  $ED$  بدلالة  $x$ .
- (2) أجب مساحة كل من القطعتين  $AED$  و  $EDCB$  بدلالة  $x$ .
- (3) أوجد قيمة  $x$  بحيث تساوي المساحتان، أعطني النتيجة على شكل عدد عشري علماً أن  $\sqrt{2} = 1,4$ .
- (4) ما هو طول السياج اللائحة لإحاطة القطعة الكلية  $ABC$  إذا علمت أنها على شكل مثلث متساوي الساقين فاعدته  $[BC]$ .

(2) أتمه الجدول التالي:

عدد الدورات	3	6	7	10
عدد التلاميذ	4	.....	.....	.....
التكرار الجموع الصاعد (المتزايد)	.....	.....	.....	.....

(3) أجب الوسط الحسابي لهذه السلسلة (تعطى النتيجة مدورة إلى الوحدة).

التصنيف الرابع (4 تعطى):

المستوي منسوب إلى معلم متعامد متجانس  $(\vec{i}, \vec{j})$ . وحدة الطول هي السنتيمتر.

(1) علمه النقط  $A(-3; 2)$ ؛  $B(3; 5)$ ؛

$C(6; -1)$

(2) أجب أطول  $AB$ ،  $AC$ ،  $BC$ .

(3) فترض أن  $AB = 3\sqrt{5}$ ،  $AC = \sqrt{90}$ ،

$BC = \sqrt{45}$

بين أن المثلث  $ABC$  قائمه ومتساوي الساقين.

(4) أنشئ صورة القطعة  $C$  بالاسحاب الذي شعاعه  $\overline{BA}$ .

أنتج نوع الرباعي  $ABCD$ .

المجزء الثاني: مسألة (8 تعطى)

ورث أخوان قطعة أرض على شكل مثلث  $ABC$  حيث

$BC = 120$  m والارتفاع  $AH = 80$  m.

أراد تقسيمها إلى فاصل بينهما خط مستقيم يوازي  $(BC)$  كما هو

مبين في الشكل التالي:

مواضيع مقترحة لشهادة التعليم المتوسط 2018:

الموضوع الأول:

المجزء الأول: (12 نقطة).

التسعين الأول (تقطان):

(1) أجب القائم المشترك الأكبر للعددين 364 و 672.

(2) استنتج العكس غير القابل للاختزال المساوي للعكس

$$\frac{364}{672}$$

التسعين الثاني (3 تعطى):

تكن العبارة  $E$  حيث

$$E = (3x + 1)^2 - (x)(3x + 1)$$

(1) أنشئ تبسيط العبارة  $E$ .

(2) حلل العبارة  $E$ .

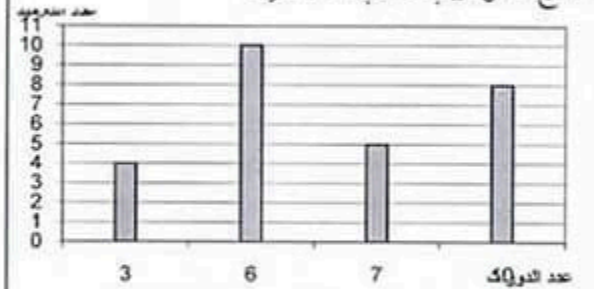
(3) حل المعادلة  $E = (3x + 1)(2x + 1)$ .

التسعين الثالث (3 تعطى):

قارم أساذ التربية البدنية في متوسطة، أثناء التدريبات، بحساب عدد

الدورات حول الملعب حققها فوج تروبي خلال نصف ساعة. تُرجعت

النتائج المحصل عليها بالمخطط بالأعمدة التالي:



(1) ما هو عدد تلاميذ الفوج التروبي؟

الموضوع الثاني :

المجزء الأول :

التسعين الأول: (3 نقاط)

ليكن العددين:

$$A = \frac{2}{3} + \frac{7}{3} \times \frac{1}{5}, \quad B = \frac{7}{2} - \frac{5}{6} \times \frac{1}{4}$$

1. أكتب كل من A, B على شكل عدد ناطق.

2. أكتب العدد A/B على شكل كسر غير قابل

للاختزال.

التسعين الثاني: (3 نقاط)

A و B عدنان حقيقيان حيث:

$$A = \sqrt{89} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad B = \sqrt{162} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$$

1. أكتب كل من العددين A, B على الشكلين:

$\sqrt{x}$ ,  $\sqrt{y}$  حيث:  $x, y$  عدنان طبيعيان يطلب

تعيينهما.

2. أحب القيمة المضبوطة لكل من العددين:

$$\frac{A-B}{2}, \quad \frac{A+B}{2}$$

التسعين الثالث: (3 نقاط)

حديقة مستطيلة الشكل لوقص طولها 3 أمتار ووزاد عرضها 6

أمتار لصارت مربعاً ووزادت مساحتها عن المساحة الأولى بمقدار

$78m^2$ .

ما هو طول وعرض الحديقة؟

التسعين الرابع: (3 نقاط)

في معلمه متعامد ومتجانس .

1. علمه القطب  $A(1;2), B(4;-1), M(3;1)$

2. أكتب الإحداثيتين للشعاع AB

3. أوجد إحداثيتي النقطة P منتصف القطعة [AB]

4. بين أن النقطة M تنتمي إلى محور القطعة [AB]

المجزء الثاني (8 نقاط)

مسألة:

يتلقى عامل في مصنع للمحافظ أجرة أسبوعية قدرها 400DA ثم إنه

علاوة قدرها 50DA عن كل محفظة يجزها.

(A) ثم يرب  $x$  لعدد المحافظ المجزاة خلال الأسبوع وبالرمز  $y$  للأجرة

الأسبوعية.

1. أنقل وأكمل الجدول التالي:

x	0	2	8	15
y				

2. عبر عن  $y$  بدلالة  $x$

3. مثل بياناً التطبيق التآلفية F المعروف ب:  $F(x) = 50x + 400$

تأخذ 1cm من أجل 2 وحدات على محور الفواصل و 1cm من أجل

100 وحدة على محور الترتيب.

4. إذا أراد هذا العامل أن تكون أجرته الأسبوعية 1200DA ما هو

عدد المحافظ التي يجب إنجازها في

هذا الأسبوع؟

(B) عادة هذا العامل أجرته الأسبوعية تقدر ب 1200DA . لكن

في أحد الأسابيع وقع له عائق فلم يجز

إلا 75% من عدد المحافظ المعتادة .

1. ما هو عدد المحافظ التي أنجزها في هذا الأسبوع؟

2. ما هي أجرته في هذا الأسبوع؟

الموضوع الثالث:

المجزء الأول:

التسعين الأول:

a, b, c ثلاثة أعداد .

(1) اكتب الجداء  $(a+b+c)(a-b+c)$  على

شكل جداء شهر .

(2) نضع  $b^2 = ac$  تحقق أن:

$$(a+b+c)(a-b+c) = a^2 + b^2 + c^2$$

التسعين الثاني:

ليكن:

$$A = \frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{3}}$$

بين أن:  $A = -\sqrt{3}$

التسعين الثالث:

سأل أب ولديه أحمد وسليمة كم عندهما من المفرقات .

قال أحمد: " لو أعطيتني 3 مفرقات يصبح عندي مثل ما عند سليمة ."

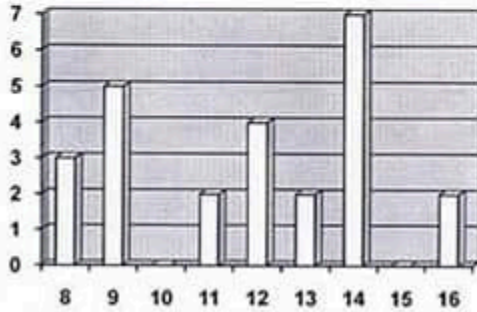
3) حل المعادلة  $(2x-5)(7-x)=0$

التمرين الثالث (3 قطع):

إليك المخطط بالأعداد الممثل لتوزيع القاطن المتحصل

عليها غي اختبار

مادة الرياضيات تقسم من أقسام السنة الرابعة متوسط:



(1) ما هو مدى هذه السلسلة

(2) احس وسيط هذه السلسلة

التمرين الرابع (4 قطع):

ABC مثل قائم في A حيث  $AB=3cm$

$BC=5cm$

1- انشئ الشكل ثم حدد الطول AC

2- E نقطة من [AB] حيث  $AE=1cm$  المستقيم الذي

يشمل E ويعامد (AB) يقطع (BC) في النقطة M

- أوجد BM

- احس  $\cos \widehat{ABC}$  ثم استنتج قياس الزاوية  $\widehat{EMB}$

تدوير النتيجة الى الوحدة من الدرجة

(1) احس مساحة القطعة المربعة.

(2) أوجد طول الضلع [DC].

(3) احس مساحة القطعة التي اشتراها عمر.

(4) ما هو المبلغ الذي دفعه عمر؟

عجز علي عن دفع المبلغ المستحق لشراء القطعة المربعة لذلك تنازل

عن الجزء BCM.

ضع  $CM = x$ .

(أ) عبر بدلالة x عن المساحة  $f(x)$  للرباعي ABMD.

(ب) عبر بدلالة x عن المساحة  $g(x)$  للمثل BME.

(ت) احس قيمة x حتى تكون مساحة الرباعي

ABMD والمثل BME متساويتين.

الموضوع الرابع:

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول (تقطعتان):

(1) احس القاسم المشترك الأكبر للعددين 1512 و

3150

(2) اكتب الكسر  $\frac{3150}{1512}$  على شكل كسر غير

قابل للاختزال

التمرين الثاني (3 قطع):

تسكن العبارة الجبرية التالية:

$$A = (2x-5)^2 - 3(2x-5)(x-4)$$

(1) انشرو بسط العبارة الجبرية A

(2) حلل العبارة الجبرية A

وقال سليمة: "لو أعطيتني 8 مفرقات يصبح عندي ضعف ما عند أحمد".

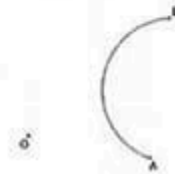
ما هو عدد المفرقات التي يملكها كل من أحمد وسليمة؟

التمرين الرابع:

ليكن القوس  $\widehat{AB}$  والقطة O (الشكل).

انشئ القوس  $\widehat{A'B'}$  صورة القوس  $\widehat{AB}$  بواسطة الدوران

الذي مركزه القطة O وزاويته قياسها  $180^\circ$ .



الجزء الثاني:

المألة:

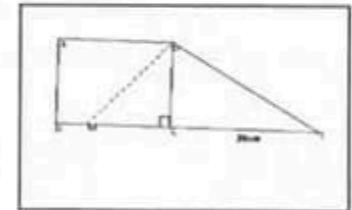
الشكل المقابل يمثل قطعتي أرض مهيأتين للبناء القطعة ABCD مربعة

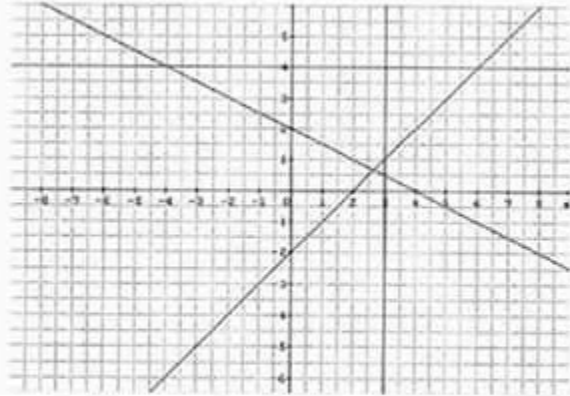
الشكل اشتراها علي بسعر 4000000 دينار جزائري حيث يبلغ

سعر المتر المربع 10000 دينار جزائري، واشترى عمر القطعة المثلثة

الشكل

BCE بسعر 12000 دينار المتر المربع الواحد.





### التمرين الخامس (تقطان)

شمعة لها شكت عمود و دوران حيث نصف قطر قاعدته يساوي

5cm وطول مولده يساوي 13cm .

- تحقق بان الارتفاع يساوي 12cm .

- احب حجم الشمعة .

- كم من شمعة يمكن إنتاجها إذا استعملت 9420cm<sup>3</sup>

من مادة الشمع ؟

### الجزء الثاني (8 نقاط)

#### مسألة:

مجلة أسبوعية تفتح على ثمانية أسعار:

السعر الأول: 15 DA للمجلة الواحدة لغير المشتركين

السعر الثاني: 150 DA للمخترطين سنويا وكل مجلة ثمنها 10 DA

1. أحب ثمن الحصول على 10 مجلات، ثم على 50 مجلة وذلك في

كل حالة من السعري .

### الموضوع الخامس:

#### الجزء الأول (12 نقطة)

#### التمرين الأول (3 نقط)

أكتب على أبسط شكل ممكن ما يلي:

$$A = \frac{3}{2} - \frac{1}{5} \times \frac{20}{7}, B = \left( \frac{3}{9} - \frac{6}{48} \right) : \frac{15}{12}$$

$$D = 2\sqrt{32} - \sqrt{50}, C = \frac{25 \times 10^3 \times 169}{13 \times 500 \times 65}$$

$$E = \sqrt{15} \times \sqrt{10}$$

#### التمرين الثاني (3 نقط):

أنتشر ثم بسط العبارة P حيث:

$$P = (2x-3)^2 - (x+1)(3-2x)$$

- حلل العبارة P .

$$\text{- حل المعادلة: } (2x-3)3x = 0$$

#### التمرين الثالث (تقطان):

ثمن كراسين وثلاثة أقلام هو 45 DA، أحب ثمن كل من

الكراس والقلم إذا علمت أن ثمن كراس وقلم هو 33 DA

#### التمرين الرابع (تقطان)

إليك معادلات المستقيمات التالية:

$$y = 4, y = x - 2, x = 3, y = -1, y = 3$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 2, y = 4x + 2$$

عين المعادلة الموافقة لكل من المستقيمات المثلة في الشكل التالي:

### الجزء الثاني: مسألة (8 نقط):

يقترح صاحب قاعة مسرح على ثمانية خيارين:

- الخيار الأول: يبدد الزبون 400DA لمشاهدة مسرحية واحدة

- الخيار الثاني: يبدد الزبون اشتراكا سنويا قيمته 2500DA

عندئذ يسمح له بتسديد 1500DA لمشاهدة

مسرحية واحدة

- آ - ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 12

مسرحية خلال سنة؟ برر إجابتك.

ب - ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 5

مسرحيات خلال سنة؟ برر إجابتك.

- نسبي x عدد المسرحيات التي شاهدتها زبون خلال

سنة، ونسبي y<sub>1</sub> المبلغ السنوي الذي سدده إذا فضل الخيار

الأول، ونسبي y<sub>2</sub> المبلغ السنوي الذي سدده إذا فضل

الخيار الثاني.

عبر عن كل من y<sub>1</sub> و y<sub>2</sub> بدلالة x .

- في معلم متعامد، تختار الوحدات البيانية التالية:

1) على محور الفواصل: 1cm يمثل مسرحية واحدة.

2) على محور الترتيب: 1cm يمثل 500DA .

أ - ارسم على ورقة لمطرية المستقيم (D) الذي معادلته: y<sub>1</sub> =

400x وكذلك المستقيم (Δ) الذي معادلته y<sub>2</sub> = + 2500

150x .

ب - اعتمادا على البيان، حدد الخيار الأفضل تبعاً لعدد المسرحيات

المشاهدة.

### المسألة:

وضع صاحب مكتبة ضفتين لإستعارة الكتب:  
الصيغة الأولى:  $8DA$  على كل كتاب  
الصيغة الثانية:  $30DA$  كدفعة أولى و  $3DA$  للكتاب الواحد سنويا  
استعارة تلميذ 9 كتب خلال سنة  
1/ ماهي كلفته حسب كل صيغة  
2/ باستعمال الصيغة الثانية كانت كلفة التلميذ  $51DA$  سنويا  
ما هو عدد الكتب التي استعارها  
3/ ليكن  $x$  عدد الكتب المستعارة سنويا . غير بدلالة  $x$  عن التكلفة حسب كل صيغة.

### II

المستوي منسوب ال معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$   
1cm على محور الفواصل يمثل كتابا واحدا .  
1cm على محور الترتيب يمثل 5 دنانير .  
1/ ارسم المستقيمين :  $D_1: y=3x+30$  ،  $D_2: y=8x$   
2/ عين الصيغة الراجعة للتلميذ حسب عدد الكتب المستعارة بطريقة حسابية.

بين أن:  $(B-A)^2 = A \times B$   
استنتج أن  $\frac{1}{A} - \frac{1}{B} = \frac{1}{B-A}$   
المسرين الثاني:

1. أعط العلاقة التي تعبر عن القسمة الإقليدية للمعد  $1512$  على العدد  $21$ .
2. أكتب العدد  $\frac{720}{1512}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال

### المسرين الثالث:

لكن العبارة  $A = (x+4)^2 - 16$   
1. أنشره بسط العبارة  
2. حلل العبارة  $A$  إلى جداء عاملين  
3. حل المعادلة:  $A = 0$

### المسرين الرابع:

- المستوي منسوب إلى معلم متعامد متجانس . الوحدة  $1 \text{ cm}$
1. علم القطر  $A(2,1)$  ،  $B(5,5)$  ،  $C(6,2)$
  2. أعط إحداثيي الشعاع  $AB$
  3. أحسب المسافة  $AB$
  4. أنشئ القطعة  $D$  بحيث يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع
  5. أعطني بدون تبرير إحداثيي القطعة  $D$

2. أحمد يجب هذه المجلة ويشترها في بعض الأحيان .  
نسمي  $x$  عدد المجلات التي يشترها في السنة الواحدة ، ولا الثمن المدفوع للنوع الأول و  $y$  الثمن المدفوع للنوع الثاني .  
عبر عن  $x$  كلا من  $y$  و  $x$  بدلالة  $x$
3. المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}, \vec{j})$  ، على محور الفواصل  $1 \text{ cm}$  يمثل 5 مجلات ، على محور الترتيب  $1 \text{ cm}$  يمثل  $50DA$   
- ارسم المستقيم  $(D_1)$  الذي معادته  $y = 15x$  .  
- ارسم المستقيم  $(D_2)$  الذي معادته  $y = 10x + 150$  .  
4. بالاستعانة بالتمثيل البياني ، أجب عن مايلي:  
- ما النوع الأحسن فائدة للمسرين لما أحمد يشتر 20 مجلة .  
- إذا اشترى أحمد 25 مجلة من النوع الثاني ، كم سيدفع من دينار؟  
- إذا كان لإحمد  $600DA$  ، كم يمكن أن يشتر من مجلة على الأكثر من كل نوع؟  
5. حل المترابحة  $15x > 10x + 150$  ثم علل على هذه النتيجة .

### الموضوع السادس:

#### المسرين الأولى:

1. نعتبر العدد الحقيقي  $A = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$   
بين أن  $A = 3\sqrt{5} - 1$   
أثبت أن  $A$  عدد موجب .  
2. ليكن العدد الحقيقي  $B = 6 + 4\sqrt{5}$   
أحسب  $A \times B$



الموضوع السابع :

التمرين الأول (3 نقط):

(1) اكتب على الشكل  $p\sqrt{3}$  حيث  $p$  عدد صحيح نسي

كل من العددين الآتين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300}$$

$$B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

(2) تحقق من أن  $\frac{A}{B}$  هو عدد طبيعي.

التمرين الثاني (3 نقط):

$$E = (5x - 4)^2 - (2x + 3)^2$$

(1) انشر تبسط العبارة  $E$ .

(2) حلل العبارة  $E$  إلى جداء عاملين كل منهما من الشكل

$$(ax + b)$$

$$(3) \text{ حل المعادلة } (3x - 7)(7x - 1) = 0$$

التمرين الثالث (3 نقط):

يمثل المخطط نصف الدائري المرفق توزيع 30 سيارة حسب النوع تابعة

لمحافظة إحدى الولايات:



(1) احب قيس الزاوية الموافقة لفة سيارات بيجو.

(2) احب التكرار والتكرار النسبي لكل فئة.

(3) مثل في جدول معطيات الشكل بالتكرار والتكرار النسبي.

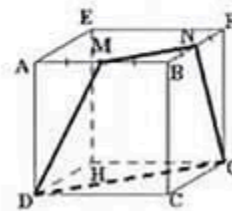
التمرين الرابع (3 نقط):

ABCDEFGH مكعب طول حرفه 5cm، القطبان M و N

منتصفا حرفيه [AB] و [BF].

(1) ما نوع الرباعي DGNM؟ برمز جوابك.

(2) احب محيط هذا الرباعي.



المسألة (8 نقط):

التمر الأول:

مؤسسة تصنع علبا للتصبير، وتنتج نعتلين من البيع:

النمط الأول: 25 DA للعبة الواحدة.

النمط الثاني: 15 DA للعبة الواحدة تراند مبلغ جزا في 50 DA.

(1) احب ثمن 30 لعبة و ثمن 50 لعبة حسب النمط الأول، ثم احب

النمط الثاني.

(2) نرسم  $x$  إلى عدد اللعب المنتجة، عبر بدلالة  $x$  عن ثمنها حسب

كل من النمطين.

$$(3) \text{ لتكن } P_1(x) = 25x \text{ و } P_2(x) = 15x + 50$$

أنتس في معلم متعامد المستقيمين  $(D_1)$  و  $(D_2)$  المثلين للذاتين

$P_1$  و  $P_2$  على الترتيب، (تأخذ على محاور القواصل 1cm لكل لعبة

وعلى محاور الترتيب 1cm لكل 100 DA)

(4) بقراءة بيانية بسيطة أجب عن الأسئلة الثلاثة الآتية:

(أ) ما هو أكبر عدد من اللعب يمكن شراؤها بـ 1200 DA؟

(ب) من أجل أي عدد من اللعب يكون الثمنان متساويين؟

(ج) ما هو الشرط الذي يكون من أجله النمط الثاني أفضل من النمط الأول

بالنسبة إلى المشتري؟

التمر الثاني:

تصنع كل لعبة على شكل اسطوانة نصف قطرها 5cm

و ارتفاعها 20cm، ويغلف كل سطحها الجانبي بورقة إظهارية.

(1) احب القيمة المضبوطة لمساحة هذه الورقة، والقيمة المقربة بأخذ

$$\pi = 3,14$$

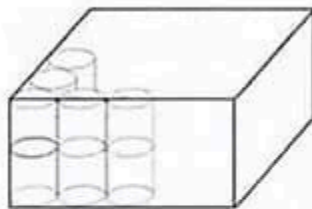
(2) احب سعة كل لعبة بالتبسيط المكعب، ثم بالتر.

(3) توضع اللعب في صناديق على شكل متوازي مستطيلات كما

هو موضح

في الشكل المرفق. ما هي أبعاد كل صندوق كي يسع 100

لعبة؟



1) يريد السيد علام، ممثل لمؤسسة توزيع أدوات البكترونية، الانتقال من الجزائر إلى غرداية.

لهذا، عليه أن يختار بين:

- أن يستعمل سيارة خاصة التي تستهلك 10 لترات من البنزين في كل 100 كيلومتر،
- أو يستعمل سيارة أجرة، حيث يكون ثمن الكيلومتر الواحد هو 1,50 ديناراً مع إضافة مبلغ ثابت قدره 200 ديناراً للأمتعة.

ساعد السيد علام على اختيار وسيلة النقل الأقل تكلفة علماً أن سعر اللتر الواحد من البنزين هو 20 ديناراً .

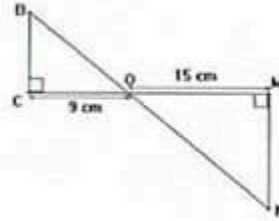
2) نسمي  $x$  المسافة التي يقطعها السيد علام و  $y$  تكلفة نقله. اكتب  $y$  بدلالة  $x$  في كل من الاختيارين السابقين.

3) نسمي  $k$  الدالة التي ترفق المسافة  $x$  للتقل بـ  $k$  تكلفة النقل لا في الاختيار الأول و  $g$  الدالة التي ترفق المسافة  $x$  بالـ  $g$  في الاختيار الثاني.

أ) مثل بيانياً كلاماً من الدالتين  $k$  و  $g$  . يؤخذ  $1\text{ cm}$  على محور الفواصل لتمثيل  $100\text{ km}$  و  $1\text{ cm}$  على محور الترتيب لتمثيل  $100$  ديناراً.

ب) ما هي المسافة التي تكون من أجلها تكلفة نقل السيد علام هي نفسها، سواء استعمل سيارته الخاصة أو سيارة أجرة؟

2. بين أن:  $\frac{OB}{ON} = 0,6$
3. احس الطول  $OB$  إذا علمت أن:  $ON = 17,5\text{ cm}$



التسعين الخامس (تقطان):

نعتبر المثلث  $ABC$  القائم في  $A$  حيث  $AB = 8\text{ cm}$  و  $\widehat{ACB} = 55^\circ$ . احس محيط الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$ .

الجزء الثاني: مسألة (8 قط):

يمثل الجدول التالي المسافات (بالكيلومترات) عن طريق البر بين بعض المدن الجزائرية.

	الجزائر	قسطية	الشلف	غرداية	وهران
الجزائر		421	213	600	434
قسطية	421		549	848	770
الشلف	213	549		659	221
غرداية	600	848	659		740
وهران	434	770	221	740	

الموضوع الثامن:

الجزء الأول:

التسعين الأول (تقطان):

1) اكتب العدد:  $A = \frac{3600 \times 10^4}{21 \times 10^5}$  على شكل عدد طبيعي.

2) احس العدد:  $B = (\sqrt{3} + 1)^2 \times (4 - 2\sqrt{3})$ .

التسعين الثاني (3 قط):

1) إذا علمت أن  $DA = 60$  يمثل  $12\%$  من سعر لعبة، ما هو سعر هذه اللعبة؟

2) المسافة بين مدينتين هي  $280\text{ km}$  وهي على الخريطة  $7\text{ cm}$ . ما هو المقياس الذي رسمت به هذه الخريطة؟

3) احس القائم المشترك الأكبر للعددين  $364$  و  $672$ ، ثم اكتب الكسر  $\frac{364}{672}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التسعين الثالث (تقطان):

من بين السلاسل الإحصائية التالية:

$A: 16:12:11:9:0$

$B: 19:17:11:8:3$

$C: 15:2:18:7:11$

أوجد السلسلة الإحصائية الموافقة للمعطيات التالية: المدى:  $16$

بالتوسط:  $11$  بالوسط:  $10,6$

التسعين الرابع (3 قط):

في الشكل المقابل، المستقيمان  $(BN)$  و  $(CM)$  متتامان في القطعة  $O$ .

1. برهن أن:  $(MN) \parallel (BC)$

الموضوع التاسع :

المجزء الأول:

التمرين الأول:

لتكن العبارة الجبرية:  $A = (3x - 2)^2 - (x + 1)^2$

(1) انشر تبسط العبارة  $A$ .

(2) حلل العبارة  $A$  إلى جداء عاملين كل معهما من الدرجة

الأولى.

(3) حل المعادلة:  $(3x - 2)^2 - (x + 1)^2 = 0$

التمرين الثاني:

$x$ ،  $y$  عدنان حيث:  $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}}$  و  $y = \frac{\sqrt{5}}{2}$

(1) اجعل مقام العدد  $x$  عددا ناطقا.

(2) احب العدد  $z$  حيث  $z = 2y - 5x$  ثم اعط

القيمة المقربة للعدد  $z$  بتقريب  $10^{-2}$  بالنقصان.

(يمكن استعمال الآلة الحاسبة).

التمرين الثالث:

$ABC$  مثلث قائم في  $B$  حيث  $AB = 4$  و

$CB = 4\sqrt{3}$

لتكن  $M$  نقطة من  $[BC]$  حيث  $BM = \frac{BC}{4}$

المستقيم  $(\Delta)$  العمودي على  $(BC)$  في النقطة  $M$  يقطع

$[AC]$  في النقطة  $H$ .

(1) احب الطول  $MH$ .

(2) احب  $\tan \angle AMB$  واستنتج قياس  $\angle AMB$ .

(يمكن استعمال الحاسبة).

التمرين الرابع:

$ABCD$  متوازي أضلاع و  $I$  نقطة من المستوي :

(1) أنشئ النقط  $E; F; G; H$  التي تحقق :

النقطة  $E$  تحقق  $\vec{IE} = \vec{AB}$  والنقطة  $F$  تحقق  $\vec{IF} = \vec{BC}$

النقطة  $G$  تحقق  $\vec{IG} = \vec{CD}$  والنقطة  $H$  تحقق  $\vec{IH} = \vec{DA}$

(2) أثبت أن:  $\vec{IE} + \vec{IF} + \vec{IG} + \vec{IH} = \vec{0}$

(3) برهن أن:  $\vec{GH} = \vec{FE}$  واستنتج طبيعة الرباعي

$EFGH$

المجزء الثاني:

مسألة:

يزرع فلاح القمح ويحضر دقيقه بنفسه. من أجل تحسين مداخيله، قرّر أن

يصنع خبزا تقليديا مرة واحدة في الأسبوع ليبيعه بسعر 23 دج

للكيلوغرام الواحد. تذاخر مصاريف الفلاح الشهريه بمبلغ ثابت قدره

2600 دج يُضاف إليها 3 دج كلفة كل كيلوغرام من الخبز

المصنوع.

1. في شهر جوان، يبيع الفلاح 200 kg من الخبز.

1. (أ) ماهي مداخيله خلال هذا الشهر؟

(ب) ماهي مصاريفه؟

2. هل حقق مربحا؟ إذا كان الجواب بنعم، ما هو المبلغ المحقق

؟

11. نسمي  $x$  كتلة الخبز (بالكيلوغرامات) المباعة في

الشهر.

ليكن  $R(x)$  مبلغ المداخيل و  $D(x)$  مبلغ المصاريف خلال

هذا الشهر.

1. عرّف عن  $R(x)$  و  $D(x)$  بدلالة  $x$ .

2. (أ) حل المتراجحة  $R(x) > D(x)$ .

(ب) كيف يمكن للفلاح أن يفسر النتيجة المحصل

عليها؟

3. احس كتلة الخبز التي يجب أن يبيعها الفلاح في الشهر

حتى يتحصل على مريح قدره 2000 ديناراً.

4. المستوي منسوب إلى معلم متعامد. الوحدة بالنسبة إلى محور

الفواصل هي  $1\text{ cm}$  لكل  $20\text{ kg}$

وبالنسبة إلى محور الترتيب هي  $1\text{ cm}$  لكل

400 دج.

(أ) ليكن  $(d_1)$  المستقيم الذي معاداته

$y = 23x$  و  $(d_2)$  المستقيم الذي معاداته

$y = 3x + 2600$ .

أنشئ المستقيمين  $(d_1)$  و  $(d_2)$ .

(ب) تحقق من النتائج المحصل عليها في السؤال 11. 2.

الموضوع العاشر:

الجزء الأول (12 نقطة)

التمرين الأول: (3 نقط)

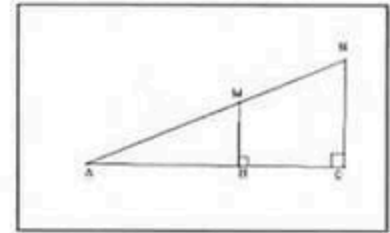
- 1) احب القاسم المشترك الأكبر للمعددين 210 و 441 .
- 2) اكتب العكس  $\frac{441}{210}$  على شكل غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني: (3 نقط)

لديك في الشكل المقابل (الوحدة هي السنتر)

$$. MB = 2 , AC = 10 , AB = 6$$

احب الطولين  $AM$  و  $NC$  .



التمرين الثالث: (3 نقط)

$$\begin{cases} x + 2y = 30 \\ x + y = 23 \end{cases}$$

- 1) حل الجملة
- 2) لديك 23 ورقة نقدية من الفئتين 1000 دينار و 500 دينار بالمبلغ الكلي لهذه الأوراق يساوي 15000 دينار .  
بفرض  $x$  هو عدد الأوراق من فئة 500 دينار و  $y$  هو عدد الأوراق من فئة 1000 دينار، عبر عن هذه الوضعية بجملة معادلتين من الدرجة الأولى ذات المجهولين  $x$  و  $y$  .

التمرين الرابع: (3 نقط)

$$. A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$$

$$. B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$$

كسر مقامه عدد ناطق .

$$. \frac{1}{2}A = 3B$$

الجزء الثاني:

المسألة: (8 نقط)

المستوي مزود بمعلمه متعامد  $(O; I; J)$  .

بستان على شكل خماسي منتظم طول ضلعه  $x$  ، أحاطه صاحبه بسياج وترك مدخلا بقدر  $3m$  .

1) بين أنه يمكن التعبير عن كلاً من محيط البستان وطول السياج المستعمل بدالتين للمتغير  $x$  إحداهما خطية والأخرى تآلفية .

2) مثل على ورقة مليمتريّة الدالة التآلفية  $f$  والدالة الخطية  $g$  .  
(خذ على محور الفواصل كل  $1m$  يقابله  $1cm$  ، وعلى محور

الترتيب كل  $3m$  يقابله  $1cm$  ) .

3) بقرأة بيانة للتشيلين

أ . إذا كان طول السياج المستعمل هو  $28m$  أوجد طول ضلع هذا البستان .

ب . إذا كان طول الضلع هو  $5m$  أوجد كلاً من محيط البستان وطول السياج .

4) تحقق من صحة النتائج السابقة حسابياً مع الشرح .