

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

الدالة الخطية و التالفية + جملة معادلتين

مذكرات السنة 04 متوسط

من اعداد خلية بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المقطع 05





مذكرات المقصع التعلم الخامس لسنة الرابعة متوسط 2019-2018

الأساتذة:

- شعيبي زهير
- عباس محمد المهدي
- بن يمينة محمد الأمين
- شبوب أسامة
- عبيدي س
- خضراوي س
- عزيز نصر الدين
- قادة زليط
- عوالي محمد
- قادة حسين
- زلاق محمد الأمين
- عجال ن
- خوجة س



المقصد التعلم الخامس لسنة الرابعة متوسط

الكفاءة المحتممية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

المذكرات:

- ✓ وضعية الانطلاق.
- ✓ التعرف على جملة معادلتين.
- ✓ حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا.
- ✓ تعلم ادماج جزئي (حل مشكلات بتوظيف جملة معادلتين).
- ✓ معرفة الترميز $ax \rightarrow x$ (تعيين صورة عدد و تعيين عدد صورته بدالة خطية معلومة)
- ✓ تعيين دالة خطية انطلاقا من عدد غير معدوم وصورته.
- ✓ تمثيل دالة خطية بيانيا.
- ✓ قراءة التمثيل البياني لدالة خطية.
- ✓ معرفة الترميز: $ax + b \rightarrow x$ (تعيين صورة عدد و تعيين عدد صورته بدالة تآلفية معلومة)
- ✓ تعيين دالة تآلفية انطلاقا من عددين و صورتيهما.
- ✓ تمثيل دالة تآلفية بيانيا.
- ✓ قراءة التمثيل البياني لدالة تآلفية.
- ✓ تعيين العاملين a و b انطلاقا من التمثيل البياني لدالة تآلفية.
- ✓ أنجاز تمثيل بياني لوضعية يتدخل فيها مقدران أحدهما معطى بدلالة الآخر
- ✓ (التفسير البياني لحل جملة معادلتين، قراءته و تفسيره)
- ✓ تعلم ادماج جزئي (حل مشكلات بتوظيف الدوال).
- ✓ وضعية تقويم



الميدان: أنشطة عديدة - هندسية

المقضع التعلم: الخامس

وضعية الإنصلاق

السنة
الرابعة متوسط

الكفاءة: التنامية المستهدفة

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية

﴿ورتل القرآن تزيلا﴾



دخل عبد الله ومحمد الى مدرسة قرآنية في نفس اليوم لحفظ كتاب الله عز وجل.

- يحفظ عبد الله أربعة احزاب كل شهر.

- محمد دخل المدرسة حافظا لـ: ستة احزاب ثم اصبح يحفظ ثلاثة احزاب كل شهر.

إشرح حسابيا بعد كم شهر يصبح كل منهما حافظ لنفس العدد من الاحزاب؟.

بقراءة بيانية من هو الاكثر حفظا من بداية حفظهما الى ختم كتاب الله؟.



- ✓ حل مشكلات من الحياة بتوظيف جملة معادلتين
- ✓ حل مشكلات من الحياة بتوظيف الدوال
- ✓ تحقيق مستوى معين من الكفاءة الجديدة

غايات الوضعية التعليمية
وهيبتها
«المتغيرات التعليمية»

- ✓ نص مكتوب على قصاصات أو على السبورة.

السدات التعليمية المستعملة

- ✓ نص المشكلة جديد بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب مباشر (الأمر هنا في حاجة إلى تحليل وتركيب).
- ✓ طبيعة المشكل الذي لا يقود إلى إجراء معين.

صعوبات متوقعة

- ✓ حلّ متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد وتمثيل مجموعة حلولها على مستقيم مدرج

- ✓ حلّ جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين جبريا

- ✓ معرفة الترميز $x \mapsto ax$

- ✓ تعيين صورة عدد بدالة خطية

- ✓ تعيين عدد صورته بدالة خطية معلومة

- ✓ تعيين دالة خطية انطلاقا من عدد غير معدوم وصورته

- ✓ تمثيل دالة خطية بيانيا و قراءة التمثيل البياني لدالة خطية

- ✓ حساب معامل الدالة الخطية انطلاقا من تمثيلها البياني

- ✓ معرفة الترميز $x \mapsto ax + b$

- ✓ تعيين صورة عدد بدالة تآلفية و تعيين عدد صورته بدالة تآلفية معلومة

- ✓ تعيين دالة تآلفية انطلاقا من عددين وصورتيهما

- ✓ تمثيل دالة تآلفية بيانيا و قراءة التمثيل البياني لدالة تآلفية

- ✓ تعيين العاملين a و b انطلاقا من التمثيل البياني لدالة تآلفية

- ✓ إنجاز تمثيل بياني لوضعية يتدخل فيها مقداران أحدهما معطى بدلالة الآخر، قراءته وتفسيره

- ✓ تفسير حلّ جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين بيانيا

- ✓ حلّ مشكلات بتوظيف جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين.

الموارد المعرفية والموارد
المنهجية البندلة لحلّ الوضعية

- ✓ استخراج المعلومات، يوظف ويتخيل.

فكر

- ✓ ينظم عمله بدقة و إتقان باتخاذ إستراتيجية سليمة

منهجو

- ✓ يبلغ الحل ويبرر

تواصلو

- ✓ يبذل الجهد للقيام بعمله بدقة وصدق و مثابرة و إتقان.

- ✓ يتعاون مع أقرانه.

- ✓ يثمن قيمة العمل.

إجتماعو

الكفاءات العرضية البندلة لحلّ
الوضعية

- ✓ تحسيس التلاميذ بضرورة حفظ وقراءة القرآن.

- ✓ الاعتزاز باللغة العربية و الامازيغية من خلال تبرير أعماله.

- ✓ مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية و تسيير الأمور.

القيم و المواقف



الميدان: أنشطة عديدة
المقضع التعلّم: الخامس
المورد: يتعرف على جملة معادلتين.

السنة:
الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

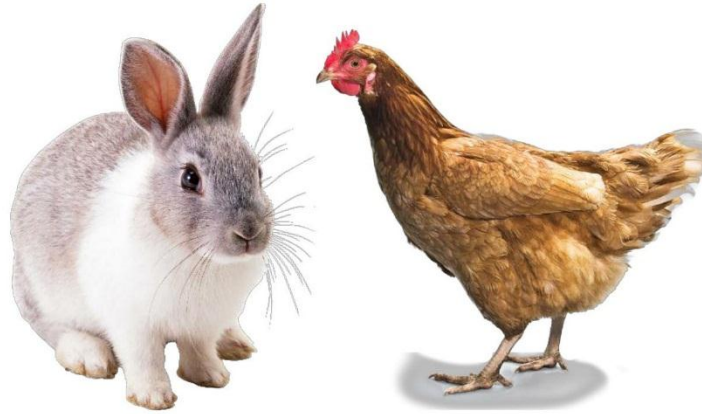
مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ يتعرف على جملة معادلتين واستعمالها في وضعيات بسيطة.
- ✓ يوظف جملة معادلتين في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف.

✓ التعرف على جملة معادلتين.	أهداف الوضعية التعليمية
✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لجملة معادلتين. ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.	خصائص الوضعية التعليمية وصيغتها «المتغيرات التعليمية»
✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة	السندات التعليمية المستعملة
✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية. ✓ صعوبة اختيار المجهول. ✓ الخلط بين عدد الرؤوس والأرجل.	العقبات المصنوعة لتفكيكها
✓ تذكير بالمعادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد.	تمهيد

نص الوضعية

ذهب محمد عند جده في الريف حيث وجد في مزرعته الارانب والدجاج ولم يستطع عدّها فسأل جده عن عدد الارانب وعن عدد الدجاج فأجابه جده بلغز عجز عن حله:
عدد رؤوس الارانب والدجاج هو 42 رأس وعدد الأرجل الكلي هو 130 رجل.
ما هو عدد المعادلات الرياضية الموجودة؟ ما هي؟



المعرفة العلمية

جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين :

تكتب جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين x و y على الشكل

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ حيث } a, b, c, a', b', c' \text{ اعداد معلومة}$$

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases} \text{ جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين } x \text{ و } y$$

إعادة الاستمرار

تمرين: 3 ص 120

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ يتعرف على حل جملة معادلتين واستعمالها في وضعيات بسيطة.
- ✓ يوظف جملة معادلتين في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف.

✓ حل جملة معادلتين ذات مجهولين من الدرجة الأولى.

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لجملة معادلتين.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية

وصيغتها

المتغيرات التعليمية

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

المسندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ صعوبة اختيار المجهول.
- ✓ الخلط بين عدد الرؤوس والأرجل.

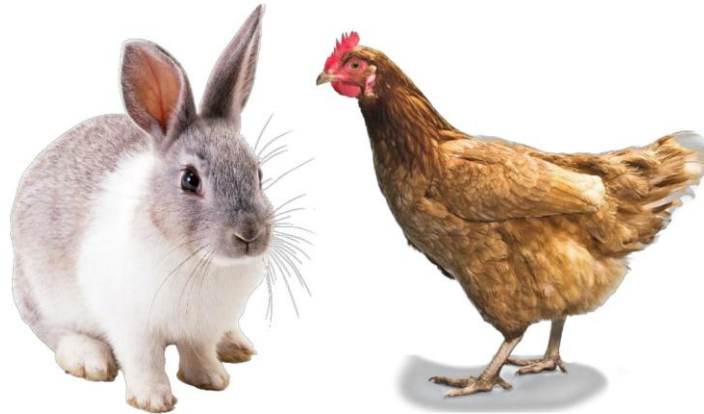
العقبات المصوبة لتفكيكها

- ✓ تذكير بجملة معادلتين.
- ✓ حل معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد.

تمهيد

نص الوضعية

ذهب محمد عند جده في الريف حيث وجد في مزرعته الارانب والدجاج ولم يستطع عددها فسأل جده عن عدد الارانب وعن عدد الدجاج فأجابه جده بلغز عجز عن حله:
عدد رؤوس الارانب والدجاج هو 42 رأس وعدد الأرجل الكلي هو 130 رجل.
1. ما هو عدد الارانب وعدد الدجاج؟



المعرفة العلمية

حل جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين جبريا :

حل جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين x و y هو ايجاد الثنائيات $(x; y)$ التي تحقق المعادلتين معا

لحل جملة معادلتين نتبع احدى الطريقتين

• طريقة الحل بالتعويض

• طريقة الحل بالجمع

ملاحظة :

بعد حساب قيمة احد المجهولين بطريقة الجمع ليس بالضرورة اتباع نفس الطريقة لحساب المجهول الاخر ، بل يمكن التعويض بهذه القيمة في احدى معادلتين الجملة لحساب هذا الخير

مثال :

$$\begin{cases} 3x + y = 4 & \dots\dots(1) \\ x - 3y = 8 & \dots\dots(2) \end{cases} \text{ حل الجملة}$$

$$\begin{cases} 9x + 3y = 12 & \dots\dots(3) \\ x - 3y = 8 & \dots\dots(4) \end{cases} \text{ بضرب المعادلة (1) في العدد 3 نجد :}$$

بجمع المعادلتين (3) و (4) طرفا لطرف نجد : $10x = 20$ ومنه $x = 2$

نعوض قيمة $x = 2$ في المعادلة (1) نجد : $3 \times 2 + y = 4$ ومنه $y = 4 - 6 = -2$ اي $y = -2$

اذا الثنائية $(2; -2)$ حل للجملة

إعادة الاستثمار

تمرين: 5 ص 119



الميدان: أنشطة عددية

المقصد التعليمي: الخامس

إملاج جزئي: جملة معادلتين.

السنة
الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة

يحلّ مشكلات متعلقة بالأعداد الحقيقية والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين)

الوضعية 1 : (شهادة التعليم المتوسط 2007)

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$$

(1) حل الجملة الآتية :

(2) اشترى رضوان من مكتبة أربعة كراريس وخمسة أقلام بمبلغ 105DA واشترت مريم ثلاثة كراريس وقلمين بمبلغ 56DA
• أوجد ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد

الوضعية 2 : (شهادة التعليم المتوسط 2009)

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases}$$

(1) حل الجملة الآتية :

(2) أوجد القاسم المشترك الأكبر لعددتين 500 و 125.
(3) ملء تاجر 4000g من الشاي في علب صنف 125g وصنف 500g.

إذا علمت أنّ العدد الكلي للعلب هي 14

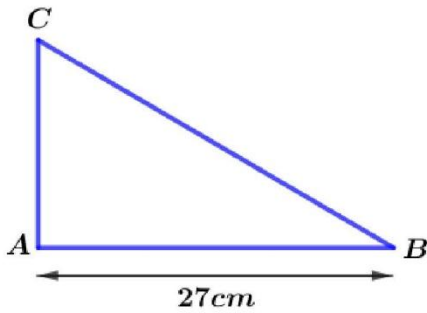
• أوجد عدد العلب لكل صنف (لاحظ أنّ : $32 \times 125 = 4000$)

الوضعية 3 :

ABC مثلث قائم في A

إذا علمت ان محيط المثلث ABC يساوي 108cm

احسب الطولين AC و BC



أهداف الوضعية التعليمية	الكفاءات العرضية	القيم والمواقف	خصائص الوضعية التعليمية وصيغتها (المتغيرات التعليمية)
			✓ الوضعية أنموذج شهادات ومعايير حقيقي للاندماج. ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات. ✓ الوضعية من الواقع المعاش ، جذابة ومحفزة .
			نص مكتوب على قصاصات أو السبورة مع عرض الصور إن أمكن على السبورة (Datashow)
			✓ نص المشكلة مركب بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب عبارة على تطبيق بسيط لقانون يعرفه التلميذ أو تقنية. ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب.
			العقبات المصوبة تحليلها (صعوبات متوقعة)



الميدان: أنشطة عديدة

المقّصع التعلّم: الخامس

المورب: الدالة الخطية.

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ يتعرّف على الدالة الخطية ويتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..).
- ✓ يوظف الدالة الخطية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

✓ التعرف على الكتابة $ax \rightarrow x$ واستعمال الكتابة $f(x) = ax$

✓ تعيين صورة عدد بدالة خطية.

✓ تعيين عدد علمت صورته.

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة الخطية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية

وكصيغتها

«المتغيرات التعليمية»

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

المسندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

العقبات المطلوب تفهيمها

✓ تذكير بالتناسبية.

تمهيد

نمذجة الوضعية

اشترى والدك سيارة وخوفا عليها قرر ركنها في حظيرة سيارات محروسة فأخبره الحارس أن سعر ركنها هو 80 DZD لليوم الواحد. فاراد القيام ببعض الحسابات موضحة في الجدول:

عدد الأيام	1	4	9	18	23	28
التمن (DZD)	80					

1- إملأ الجدول.

2- استنتج عبارة تمكنك من حساب الثمن المطلوب



المعرفة العلمية

الدالة الخطية:

عندما نرفق كل عدد x بالعدد ax حيث a عدد معطى. نقول اننا عرفنا دالة خطية نرمز لها بالرمز $f : x \rightarrow ax$ نسمي $f(x)$ صورة العدد x بالدالة f ، ونكتب $f(x) = ax$ • a هو معامل هذه الدالة الخطية

مثال :

الدالة التي ترفق كل عدد x بثلاثة هي دالة خطية

نرمز لها بالرمز $f : x \rightarrow \frac{1}{3}x$ ونكتب $f(x) = \frac{1}{3}x$

(1) صورة العدد 6 بالدالة f هي $f(6) = \frac{1}{3} \times 6 = 2$ نكتب $f(6) = 2$

اذن صورة العدد 6 بالدالة f هي 2

(2) العدد الذي صورته 5 بالدالة f هو $f(x) = 5$ اي $\frac{1}{3}x = 5$

ومنه $x = 3 \times 5 = 15$

اذن العدد الذي صورته 5 بالدالة f هو 15 اي $f(15) = 5$

ملاحظة :

الدالة الخطية g ذات المعامل 0 هي الدالة المعرفة بـ : $g : x \rightarrow 0 \times x$ هذه الدالة ترفق بكل عدد x بالعدد 0. نقول انها دالة ثابتة

إعادة الاستثمار

تمرين: رقم 6 و 7 صفحة 101 و 102



الميدان: أنشطة عديدة

المقضع التعلّم: الخامس

المورث: تعيين عبارة دالة الخطية

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ تعيين عبارة الدالة الخطية ويتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..)
- ✓ يوظف الدالة الخطية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

✓ تعيين دالة خطية انطلاقا من عدد غير معدوم وصورته.

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة الخطية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية

وهي

«المتغيرات التعليمية»

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

المسندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

العقبات المصوبة لتفسيها

✓ تذكير بالتناسبية.

تمهيد

نمذجة الوضعية

- مرض المجترات الصغيرة هو مرض خطير يفتك بصغار الاغنام.
- عمي محمد هو راعي أغنام أراد تلقيح أغنامه فأخبره البيطري أن الثمن الذي سيدفعه هو 56100 دج فتساءل عن سعر اللقاح
- علما أنه يملك 187 رأس غنم.
- أوجد سعر اللقاح.
 - أكتب عبارة الدالة الخطية f التي تعبر عن التكلفة.



المعرفة العلمية

تعيين عبارة دالة خطية:

هو إيجاد المعامل a للدالة $ax \rightarrow x$.

مثال:

راعي أبقار أخبره البيطري أن التلقيح سيكلفه 16650 دج لأنه يملك 37 بقرة.
- أوجد سعر تلقيح البقرة الواحدة. ثم عبر عن التكلفة بدالة خطية $f(x)$.

الدالة هي: $f(x) = ax$

اذن: $f(37)=16650$ أي: $a \times 37 = 16650$

ومنه: $a = \frac{16650}{37}$ اذن: $a = 450$

عبارة الدالة f هي: $f(x) = 450x$

إعادة الاستثمار

تمرين: g دالة خطية معرفة كما يلي: $g(x)=ax$

احسب قيمة المعامل a اذا علمت أن: $g(2)=12$

تمرين: 08 ص 102

الميدان: أنشطة عديدة

المقضع التعلّم: الخامس

المورد: التمثيل البياني دالة الخطية

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ انشاء التمثيل البياني للدالة الخطية والتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..)
- ✓ يوظف الدالة الخطية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ انشاء وقرءاء التمثيل البياني للدالة الخطية
- ✓ حساب معامل الدالة الخطية انطلاقا من التمثيل البياني لها.

خصائص الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة الخطية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

وهيبتها

المتغيرات التعليمية

- ✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

السنكات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

العقبات المصوبة تخصيصها

- ✓ تذكير بالتناسبية.

تمهيد

نص الوضعية

- هاجر تلميذة في السنة الرابعة متوسط مجتهدة و مواظبة على قراءة القرآن وحفظه لما في ذلك من الأجر و الثواب العظيمين .
- إذا علمت أن هاجر تقرأ كل يوم 13 صفحة من المصحف الشريف:
 - 1- عبر عن ما تقرأه هاجر من الصفحات بدالة خطية g.

أكمل الجدول التالي:

x	2	3	4
f(x)

2. على معلم متعامد ومتجانس علم النقطة A في كل حالة حيث: $A(x, f(x))$

اربط بين النقط الثلاثة. على ماذا تحصلت؟ هل يمر من المبدأ؟

من التمثيل البياني لهذه الدالة أوجد ما يلي:

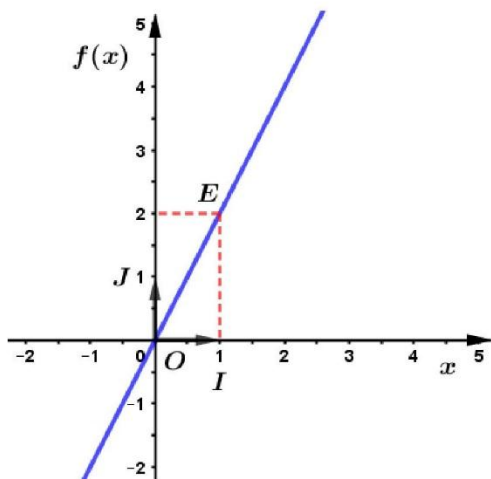
- عدد الأيام التي تحتاجها لقراءة 91 صفحة.
- عدد الصفحات التي تقرأها في 5 أيام.



التمثيل البياني:

التمثيل البياني لدالة خطية هو مستقيم يمر من المبدأ
اذن يكفي تعيين نقطة واحدة تختلف عن المبدأ لرسمه

امثلة :



الدالة الخطية المعرفة بـ : $f(x) = 2x$

تمثيلها البياني هو مستقيم يمر بالمبدأ
اذن يكفي تعيين نقطة اخرى تختلف
عن المبدأ لرسم هذا المستقيم

نضع $x = 1$ ومنه $f(1) = 2 \times 1 = 2$

اذن النقطة $E(1; 2)$ تنتمي الى التمثيل البياني للدالة f

وبالتالي التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم (OI)

والذي معادلته $y = 2x$

ملاحظة :

تعبّر الدالة الخطية عن وضعية تناسبية

إعادة الاستمرار

تمرين: رقم 11 صفحة 102



الميدان: أنشطة عديدة

المقضع التعلّم: الخامس

المورد: الدالة التآلفية.

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ يتعرّف على الدالة التآلفية ويتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..).
- ✓ يوظف الدالة الخطية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

✓ التعرف على الكتابة $ax + b \rightarrow x$ واستعمال الكتابة $f(x) = ax + b$

✓ تعيين صورة عدد بدالة تآلفية

✓ تعيين دالة تآلفية انطلاقا من عدد غير معدوم وصورته

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة التآلفية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية

وصيغتها

«المتغيرات التعليمية»

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

المسندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

العقبات المطلوب تفهيمها

✓ تذكير بالدالة الخطية.

تمهيد

نص الوضعية

اشترى والدك سيارة جديدة و حفاظا عليها قرر ركنها في حظيرة سيارات محروسة فأخبره الحارس أن سعر ركنها هو كما يلي : 400 دج شهريا ثمن الإشتراك و 40 دج كل ليلة. فاحتر أبوك في حساب ذلك فاقترح مساعدته بملأ الجدول التالي :

عدد الأيام	1	4	9	18	23	28
الثمن (DZD)	440					

1- إملأ الجدول.

2- استنتج عبارة تمكنك من حساب الثمن المطلوب.

3- ما هو عدد الأيام التي ركن فيها سيارته اذا علمت انه دفع 600 DZD.



المعرفة العلمية

الدالة التآلفية:

a و b عدنان معلومان

عندما نرفق بكل عدد x العدد $ax + b$. نقول اننا عرفنا دالة تآلفية نرسم لها الرمز $f : x \rightarrow ax + b$

نسمي $f(x)$ صورة العدد x بالدالة f ، ونكتب $f(x) = ax$

• a و b هما معاملا الدالة التآلفية

مثال :

الدالة التي ترفق كل عدد x بثلاثة مضاف اليه العدد 5 هي دالة تآلفية

نرسم لها بالرمز $f : x \rightarrow \frac{1}{3}x + 5$ ونكتب $f(x) = \frac{1}{3}x + 5$

(1) صورة العدد 3 بالدالة f هي $f(3)$ نكتب $f(6) = \frac{1}{3} \times 3 + 5 = 6$

اذن صورة العدد 3 بالدالة f هي 6

(2) العدد الذي صورته 8 بالدالة f هو $f(x) = 8$ اي $\frac{1}{3}x + 5 = 8$

ومنه $x = (8 - 5) \times 3 = 9$

اذن العدد الذي صورته 8 بالدالة f هو 9 اي $f(9) = 8$

حالات خاصة :

• اذا كان $b = 0$ فان $f(x) = ax$. في هذه الحالة الدالة f هي دالة خطية

• اذا كان $a = 0$ فان $f(x) = b$. في هذه الحالة الدالة f هي دالة ثابتة

إعادة الاستمرار

تمرين: رقم 1 و 3 و 4 صفحة 101



الميدان: أنشطة عديدة

المقضع التعلم: الخامس

الموريل: تعيين عبارة دالة تألفية.

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التألفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ تعيين عبارة دالة تألفية ويتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..)
- ✓ يوظف الدالة التألفية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ تعيين دالة تألفية انطلاقا من عدد غير معدوم وصورته.

خصائص الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة التألفية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

وهيبتها

المتغيرات التعليمية

السنكات التعليمية المستعملة

- ✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

العقبات المصوبة تحصيلها

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

تمهيد

- ✓ تذكير بالدالة التألفية.

نمروضية

شركة اتصالات قدمت عرضا حيث اشترك مراد وجواد في نفس العرض فكانت التكلفة كالتالي:

- مراد تكلم 94 دقيقة كلفته 738 دج.

- جواد تكلم 130 دقيقة كلفته 810 دج.

اوجد الدالة التألفية التي تعبر عن صيغة عرض شركة الاتصالات.



المعرفة العلمية

تعيين عبارة دالة تآلفية:

هو إيجاد المعامل a والعدد b للدالة $x \rightarrow ax + b$.

لتكن f الدالة التآلفية المعرفة بـ $f(x) = ax + b$

إيجاد العدد a :

$$a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} \text{ مع } x_2 \neq x_1$$

إيجاد العدد b :

نقوم بالتعويض.

مثال :

لدينا f دالة تآلفية معرفة بـ $f(1) = 3$ و $f(-3) = -5$

$$a = \frac{f(1) - f(-3)}{1 - (-3)} \text{ اي } a = \frac{3 - (-5)}{1 - (-3)} \text{ ومنه } a = \frac{8}{4} \text{ اذن } a = 2$$

اذن: $f(x) = 2x + b$ ومنه: $f(-3) = 2 \times -3 + b = -5$

$$b = -5 + 6$$

$$b = 1$$

اذن العبارة هي: $f(x) = 2x + 1$

إعادة الاستمرار

تمرين: رقم 10 صفحة 102



الميدان: أنشطة عديدة

المقضع التعلم: الخامس

المورث: التمثيل البياني للدالة التآلفية

السنة:

الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ انشاء التمثيل البياني للدالة التآلفية والتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..).
- ✓ يوظف تمثيل الدالة التآلفية، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ انشاء وقراءة التمثيل البياني للدالة التآلفية.
- ✓ حساب معامل الدالة التآلفية انطلاقا من التمثيل البياني لها وإيجاد العدد b.

خصائص الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة التآلفية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

وصيغتها

«المتغيرات التعليمية»

السدات التعليمية المستعملة

- ✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

العقبات المصنوب لتحصيها

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

تمهيد

- ✓ تذكير بالدالة التآلفية.

نص الوضعية

يريد أيوب تزيين القسم لذلك يحتاج الى دبائيس من اجل تعليق بعض الصور فذهب الى المعرض.

- عبر عن g تكلفة شراء علب الدبائيس.

1. أكمل الجدول التالي:

x	0	3	4
g(x)

2. على معلم متعامد ومتجانس علم النقطة A

في كل حالة حيث: $A(x, g(x))$

اربط بين النقط الثلاثة. على ماذا تحصلت؟ هل يمر من المبدأ؟

من التمثيل البياني لهذه الدالة أوجد ما يلي:

- ثمن علبتان.
- عدد العلب اذا كان المبلغ المدفوع هو 135 DZD.



المعرفة العلمية

التمثيل البياني:

التمثيل البياني لدالة تألفية $f \rightarrow ax + b$ هو مجموعة النقط ذات الاحداثيات $(x; y)$ بحيث $y = ax + b$ نسمي a معامل توجيه المستقيم و b الترتيب الى المبدأ

مثال :

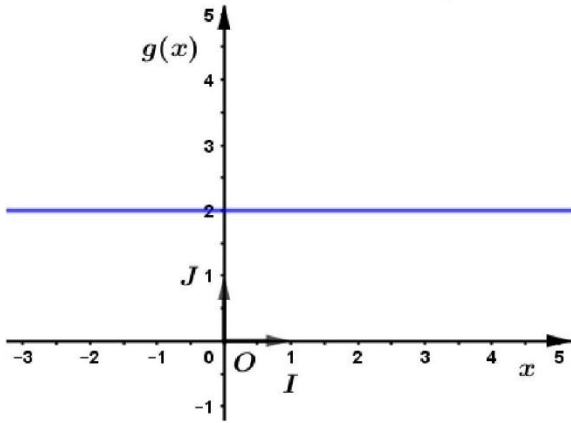
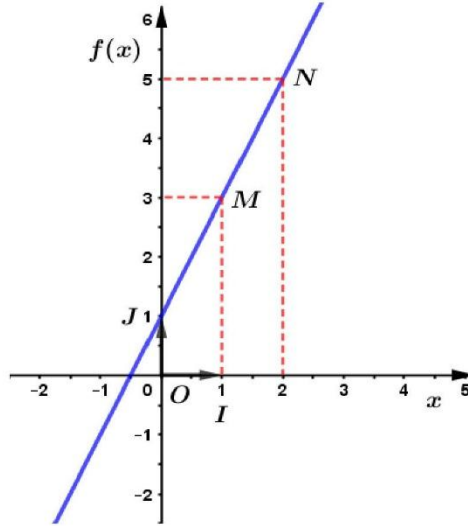
الدالة التألفية المعرفة بما يلي $f(x) = 2x + 1$

تمثيلها البياني هو مستقيم يمر بالنقطتين M و N

نضع $x=1$ ومنه $f(1) = 2 \times 1 + 1 = 3$ اذن النقطة $M(1; 3)$ تنتمي الى التمثيل البياني لـ: f

نضع $x=2$ ومنه $f(2) = 2 \times 2 + 1 = 5$ اذن النقطة $N(2; 5)$ تنتمي الى التمثيل البياني لـ: f

وبالتالي التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم (MN) والذي معادلته $y = 2x + 1$



حالة خاصة:

الدالة الثابته هي دالة تألفية حيث $a=0$

مثال:

$$g(x) = 0x + 2 = 2$$

تمثيلها البياني هو مستقيم موازي

لمحور الفواصل

إعادة الاستمارة

تمرين: رقم 13 صفحة 102



السنة:
الرابعة متوسط

الميدان: أنشطة عديدة
الموقع التعلم: الخامس
المورد: التفسير الهندسي لنقطة التقاطع

الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية

مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ إعطاء تفسير لحل جملة معادلتين والتعرف على بعض المصطلحات المتعلقة بها (معامل، صورة..)
- ✓ يوظف التفسير الهندسي، في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

✓ التفسير البياني لحل جملة أو نقطة تقاطع تمثيلي دالتين (قراءته و تفسيره)

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لدالة التآلفية.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية وصيغتها (المتغيرات التعليمية)

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

المسندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ الانتقال من التعبير اللغوي الى التعبير الرمزي.
- ✓ الخلط بين العدد وصورته.
- ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء الحساب.

العقبات المصوب تقيدها

✓ تذكير بجملة معادلتين.

تمهيد

نمط الوضعية

مؤسسة تصنع علبا للتصبير، وتقترح عرضين من البيع:

العرض الثاني



40 DZD للعلبة الواحدة زائد 2000 DZD
مصاريف الشحن



العرض الأول



35 DZD للعلبة الواحدة

عبر عن f و g الدالتان التي تعبران عن النمط الأول والثاني على الترتيب.
مثل بيانيا الدالتان f و g.
حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} y = 35x \\ y = 40x + 2000 \end{cases}$$

ماذا يمثل هذا الحل حسابيا وبيانيا؟

لتكن جملة المعادلتين التالية: $\begin{cases} y = a_1x + b_1 \\ y = a_2x + b_2 \end{cases}$

حل هذه الجملة هي نقطة تقاطع المستقيمان (d_1) و (d_2) حيث:

$$(d_2): y = a_2x + b_2 , \quad (d_1): y = a_1x + b_1$$

نتيجة:

نقطة تقاطع المستقيمان الممثلان للدالتان f و g هي حل المعادلة: $f(x) = g(x)$

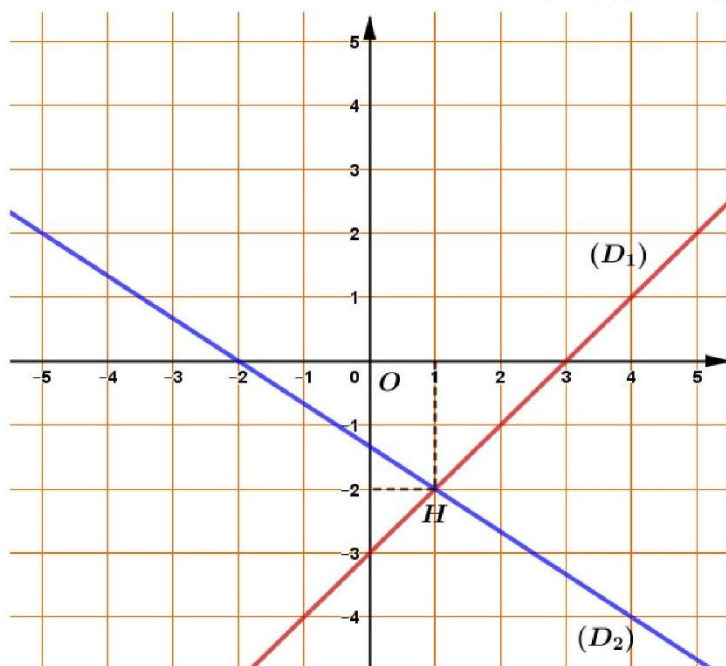
مثال:

$$\text{بحل الجملة } \begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + 3y = -4 \end{cases} \text{ بيانيا}$$

نرسم في معلم المستقيمين (D_1) و (D_2) المعرفين بمعادلتيهما $y = x - 3$ و $y = -\frac{2}{3}x - \frac{4}{3}$

• المستقيمان (D_1) و (D_2) يتقاطعان في النقطة H

أحداثها النقطة $H(1; -2)$ هو الحل الوحيد للجملة





الميدان: أنشطة هندسية

المقصد التعليمي: الخامس

إلماج جزئي: الدوال.

السنة
الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة

يحلّ مشكلات متعلقة بالأعداد الحقيقية والحساب الحرفي (جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين)

الوضعية 1 : (شهادة التعليم المتوسط 2016)

f دالة تآلفية تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس يشمل النقطتين $A(2;5)$ و $B(-1;-4)$

(1) بين أن العبارة الجبرية للدالة التآلفية f هي : $f(x) = 3x - 1$

(2) لتكن النقطة $C(4;11)$ من المستوي ، هل النقط A ، B ، C على استقامة واحدة ؟

(3) أوجد العدد الذي صورته 29 بالدالة f

الوضعية 2 : (شهادة التعليم المتوسط 2008)

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{I}; \vec{J})$

(1) علم النقطتين : $A(0;4)$ و $B(1;0)$

(2) حدّد العبارة الجبرية للدالة التآلفية f التي تمثيلها البياني المستقيم (AB)

(3) ليكن المستقيم (Δ) التمثيل البياني للدالة g حيث : $g(x) = \frac{2}{3}x + 2$

أ- أنشئ المستقيم (Δ)

ب- أوجد إحداثيي النقطة M نقطة تقاطع المستقيمين (AB) و (Δ)

الوضعية 3 :

أراد فلاح زراعة أرضه فاقترب من وكالة للعتاد الفلاحي قصد كراء آلة تسطير زرع القمح فاقتراح عليه صاحب الوكالة صيغتين للدفع

الصيغة (01) : دفع $4500 DA$ لليوم الواحد.

الصيغة (02) : دفع $3000 DA$ لليوم الواحد مع إضافة مبلغ غير مسترجع قدره $15000 DA$

(1) انقل و اتمم الجدول :

عدد أيام الكراء	8		
المبلغ المدفوع بالصيغة (01) (DA)		67500	
المبلغ المدفوع بالصيغة (02) (DA)			90000

(2) ليكن x عدد أيام الكراء ، $f(x)$ المبلغ المدفوع بالصيغة (01) و $g(x)$ المبلغ المدفوع بالصيغة (02)

• عبر عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x .

• حل المعادلة $f(x) = g(x)$ ، ماذا يمثل الحل ؟

(3) على معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{I}; \vec{J})$ مثل الدالتين f و g حيث :

1cm على محور الفواصل يمثل 2 يوم (يومين) و 1cm على محور التراتيب يمثل 7500DA
 (4) فلاح يريد كراء الالة لمدة 5 أيام .
 • بالاعتماد على البيان ساعده في اختيار الصيغة الافضل .

الوضعية 4 : (شهادة التعليم المتوسط 2009)

تم بناء خزان للماء على شكل اسطوانة دو رانية نصف قطر قاعدتها 5m وارتفاعها 4m لتزويد مسبح على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدته 20m و 6m وارتفاعه 2m
 (1) احسب سعة كل من الخزان والمسبح (نأخذ: $\pi = 3,14$)

(2) إذا علمت أنّ الخزان مملوء تماما والمسبح فارغ تماما وتدفق الماء في المسبح هو $(12m^3/h)$ أي $12m^3$ في الساعة

• احسب كمية الماء المتدفقة في المسبح و كمية الماء المتبقية في الخزان بعد مرور ثلاث ساعات

(3) نفرض أن الخزان مملوء (سعته $314m^3$) والمسبح فارغ ، نسمي $f(x)$ كمية الماء المتبقية في الخزان و $g(x)$ كمية الماء المتدفقة في المسبح بالمرم مكعب بعد مرور x ساعة واحدة

• أوجد العبارة $g(x)$ ثم استنتج العبارة $f(x)$ بدلالة x

(4) نعتبر الدالتين f و g حيث : $f(x) = 314 - 12x$ و $g(x) = 12x$

أ- أرسم التمثيل البياني لكل من الدالتين f و g في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{I}; \vec{J})$ حيث يؤخذ 1cm يمثل 4h على

محور الفواصل و 1cm يمثل $50m^3$ على محور التراتيب .

ب- أوجد الوقت المستغرق لملئ المسبح

ت- حل المعادلة : $f(x) = g(x)$

ماذا يمثل حل هذه المعادلة ؟

أهداف الوضعية التعلمية	الكفاءات العرضية	صابع فكري صابع منهجي صابع تواصلو صابع اجتماعي	استخراج معلومات من النص ومن الوثيقة - اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية - تبليغ الحل بالحساب الواضح والمتقن - تقويم ذاتي ببذل جهده بدقة ومثابرة وإتقان.
	القيم والمواقف	- الاعتراز باللغة العربية والهوية الأمازيغية من خلال تبرير أعماله. - مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور.	
خصائص الوضعية التعلمية وخصيبتها (المتغيرات التعليمية)	✓ الوضعية أنموذج شهادات ومعياري حقيقي للاندماج. ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات. ✓ الوضعية من الواقع المعاش ، جذابة ومحفزة .		
السنكات التعليمية المستعملة	نص مكتوب على قصاصات أو السبورة مع عرض الصور إن أمكن على السبورة (Datashow)		
العقبات المصوبة تنصيفها (صعوبات متوقعة)	✓ نص المشكلة مركب بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب عبارة على تطبيق بسيط لقانون يعرفه التلميذ أو تقنية. ✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب.		



الميدان: أنشطة عديدة-هندسية

المقّصّ التعليمي: الخامس

وضعية تقوية

السنة
الرابعة متوسط

الكفاءة الختامية المستهدفة

يحل مشكلات باستعمال جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين والدالة الخطية والدالة التآلفية.

مشروع زراعت

مشروع زراعت (1985 – 1997) هو مشروع استصلاح اراضي يعتمد على جلب المياه الباطنية من بلدية عين السخونة التي تتوفر على كميات كبيرة من المياه الباطنية الى سد ضايت زراعت من على بعد 15Km عن طريق أنابيب تحت الأرض بهدف سقي الأراضي الفلاحية. فلاحو ضايت زراعت الذين يعتمدون على سقي أراضيهم الفلاحية من مياه هذا السد يدفعون مبلغ ثابت عند نهاية كل محصول بطاطا قدره 2400DA لكل هكتار كمصاريف لمياه السقي حسب احصائيات 1989.

اذا كان الفلاح الأول من ضايت زراعت يبيع منتوجه بـ: 300DA للقنطار الواحد.

وفلاح ثاني في بلدية أولاد ابراهيم (بالول) يبيع منتوجه بـ: 250DA للقنطار الواحد.

1. ماهي الكمية اللازمة من منتوج البطاطا للفلاح الأول حتى يُسدّد مبلغ مصاريف المياه.

2. اذا علمت أن الهكتار الواحد من البطاطا يعطي كمتوسط 350 قنطار.

ما هو المبلغ الذي يقبضه كلّ من الفلاحين في الهكتار الواحد.

3. اذا كان x وزن البطاطا المنتجة بالقنطار

عبر عن $f(x)$ الثمن الذي يقبضه الفلاح الأول و $g(x)$ الثمن الذي يقبضه الفلاح الثاني.

أ- أحسب قيمة x التي من أجلها $f(x) = g(x)$ وماذا تُمثّل هذه القيمة؟

ب- مثل بيانياً الدالتين f و g في نفس المعلم .

ت- براءة بيانية، جد قيمة x كمية البطاطا المنتجة التي يكون من أجلها المبلغ المقبوض من الفلاح الثاني هو 6250DA

وما هو المبلغ الذي يقبضه الفلاح الأول لنفس الكمية؟

لماذا توقف المشروع؟



اقتراح حل

1. حساب الكمية اللازمة من منتج البطاطا للفلاح الأول حتى يُسدد مبلغ مصاريف المياه: 8 قنطار

$$300x = 2400$$

$$x = \frac{2400}{300}$$

$$x = 8$$

2. حساب المبلغ المقبوض من الفلاح الاول من انتاج 350 قنطار: 102600 DA

$$350 \times 300 - 2400 = 10500 - 2400 = 102600DA$$

حساب المبلغ المقبوض من الفلاح الثاني من انتاج 350 قنطار: 87500 DA

$$250 \times 350 = 87500DA$$

3. التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$:

$$f(x) = 300x - 2400$$

الفلاح الأول:

$$g(x) = 250x$$

الفلاح الثاني:

3.أ حساب قيمة x : 48 قنطار

$$f(x) = g(x)$$

$$300x - 2400 = 250x$$

$$300x - 250x = 2400$$

$$50x = 2400$$

$$x = \frac{2400}{50}$$

$$x = 48$$

$x = 48$ هي كمية البطاطا التي يتساوى فيها المبلغ المقبوض من كلى الفلاحين.

3.ب التمثيل البياني:

أختيار التمثيل المناسب مثلا: نأخذ على محور الفواصل 5 قنطار $\rightarrow 1cm$ وعلى محور الترتيب $\rightarrow 1cm$

1000 DA

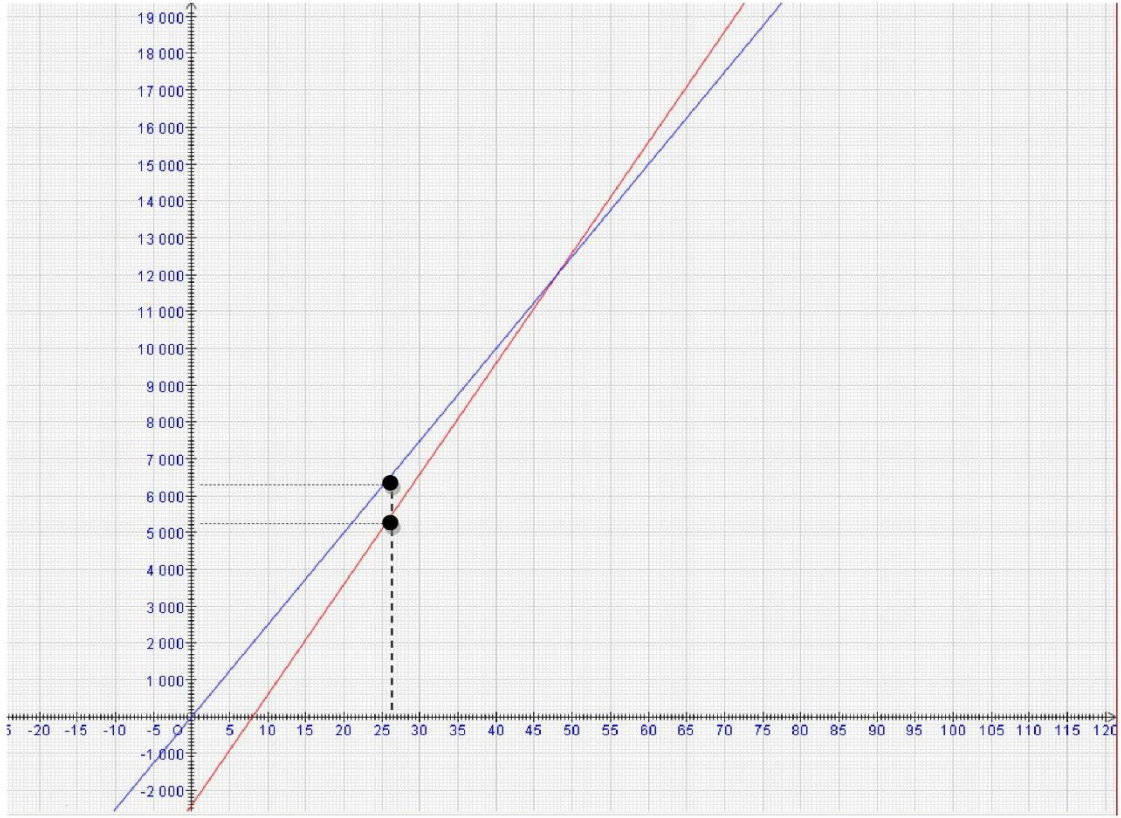
أختيار النقاط المساعدة في انشاء تمثيل الدالة f :

$$A(0, -2400) \quad f(0) = -2400$$

$$B(20, 3600) \quad f(20) = 3600$$

يكفي اختيار نقطة لانشاء تمثيل الدالة g لانها دالة خطية تمر بالمبدأ:

$$C(40, 10000) \quad g(40) = 10000$$



القراءة البيانية:

انشاء الموازي لمحور الفواصل المار بالترتيبة 6250 وقراءة نقطة التقاطع مع ممثل الدالة f بالاسقاط نجد القيمة

$$x = 25$$

ثم انشاء الموازي لمحور الترتيب المار بالسابقة $x = 25$ وقراءة ترتيب نقطة التقاطع مع ممثل الدالة g بالاسقاط نجد

الترتيبة 5100

توقف المشروع:

فلاحو ضايت زراقت لا يسددون مبلغ الفاتورة لانها كبيرة كما يقولون والنتائج تبرهن عكس ذلك تماما
فلاح ضايت زراقت يستطيع دفع فاتورة مياه السقي عن طريق بيع 8 قنطار فقط من أصل 350 قنطار وبذلك مبلغ الفاتورة
ليس ضخماً كما يدعي الفلاح وبامكانه تسديده وبذلك الفلاح ناجح
(يمكن للتلاميذ ذكر أسباب أخرى كتراكم الديون بسبب عدم التسديد الجماعي للفاتورة ..)

النقطة	المؤشرات	المعايير	السؤال
0.5	- تعيين الكمية اللازمة من البطاطا لتسديد ثمن مصاريف السقي	التفسير السليم	السؤال الأول
0.5	- حل المعادلة $300x = 2400$	إستعمال الأداة الرياضية	(01)
01	- تعيين المبلغ المقبوض من الفلاحين من انتاج 350 قنطار.	التفسير السليم	السؤال الثاني
02	- حساب المبلغ الذي المقبوض من الفلاحين من انتاج 350 قنطار باستعمال خوازمية الضرب والطرح.	إستعمال الأداة الرياضية	(03)
01 0.5 01 0.5	- تعيين العلاقة بين x و $f(x)$ وبين x و $g(x)$. - تعيين قيمة x ودالاتها - انشاء المعلم وانشاء ممثل الدالة f والدالة g واختيار النقط المحددة. - تقديم تبرير من التمثيل البياني.	التفسير السليم	السؤال الثالث
01+01 02 03 01 01	- ايجاد الدالة التآلفية $f(x)$ والدالة الخطية $g(x)$ الصحيحتين. - حساب قيمة x بحل المعادلة $f(x) = g(x)$ - تمثيل الدالتين f و g تمثيل صحيح حتى وان كانت غير صحيحتين وقراءة احداثتي نقطة باستعمال الاسقاط واختيار السلم المناسب. - انشاء الموازي لمحور الفواصل وقراءة نقطة التقاطع مع ممثل الدالة f ثم انشاء الموازي لمحور الترتيب وقراءة ترتيب نقطة التقاطع مع ممثل الدالة g	إستعمال الأداة الرياضية	(12)
01	- تقديم تبرير من النتائج المحصل عليها	التفسير السليم	السؤال الرابع (02)
01	- اظهار ايجابية النتائج وتعليق عليها بنتائج المبلغ المقبوض من الكميات الكثيرة المنتجة.	إستعمال الأداة الرياضية	
01	- الربط بين مراحل الحل - إظهار الوحدات، DA، قنطار ومعقولية النتائج بالنسبة لسنة 1989 - التمثيلات البيانية دقيقة.	الانسجام	
01	-النظافة، المقروئية و ابراز النتائج وتأطيرها	التنظيم والتقديم	

المعيار 1: الترجمة السليمة للوضعية (وجاهة المنتج)

المعيار 2: الاستعمال السليم للأدوات الرياضية

المعيار 3: انسجام الإجابة (الانسجام الداخلي للمنتج)

المعيار 4: الاتقان (معيار النوعية)

شبكة تقويم الكفاءات العرضية البنكية والقيم والمواقف:

<ul style="list-style-type: none"> ▪ استخراج معلومات من النص ومن الشكل ▪ التحقق من صحة النتائج والمصادقة عليها 	<p>كفايات فكرية</p>	<p>الكفاءات العرضية</p>
<ul style="list-style-type: none"> ▪ اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية 	<p>كفايات منهجية</p>	
<ul style="list-style-type: none"> ▪ استعمال المكتسبات في كافة أشكال التواصل ▪ تبليغ الحل بالحساب الواضح والمتقن 	<p>كفايات تواصلية</p>	
<ul style="list-style-type: none"> ▪ تقويم ذاتي ببذل جهده بدقة ومثابرة وإتقان ▪ الثقة في النفس و اثبات الاستقلالية كفرد ▪ انجاز المهام الملزم بأدائها ▪ التحلي بروح الفضول والإطلاع والمبادرة والإبداع 	<p>كفايات اجتماعية</p>	
<ul style="list-style-type: none"> ▪ ربط التلميذ بالواقع وتحسيسه بضرورة على تجنب تراكم الديون حتى لا يصبح عاجزا عن دفعها. ▪ الاعتزاز باللغة العربية والأمازيغية من خلال تبرير أعماله ▪ مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور ▪ فضل قراءة وحفظ القرآن الكريم 	<p>القيم والمواقف</p>	



الميدان: أنشطة عددية

المقضع التعلّم: الخامس

أعمال موجهة

السنة

الرابعة متوسط

أهداف الحصة التعليمية

حل جملة معادلتين.

النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

السندات التعليمية المستعملة

الوضعية 1 : حل جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين

طريقة : لحل جملة معادلتين من الدرجة الاولى بمجهولين يمكن استعمال طريقة التعويض او طريقة الجمع
• كل من الطريقتين تعتمد على حل معادلة من الدرجة الاولى بمجهول واحد

تمرين :

حل كل من الجملتين التاليتين ثم تحقق بيانيا من صحة الحلول :

$$\begin{cases} 2(x + y) = 10 \\ 2x + 3y = 13 \end{cases} \quad , \quad \begin{cases} -4x + y = -5 \\ -2x + 3y = 1 \end{cases}$$

الوضعية 2 : تربيض مشكل

طريقة : للإجابة على مشكل معين نقوم بوضع المشكل في شكل جملة معادلتين ثم حله

تمرين :

اشترى كل من محمد و خالد اقلام وكراريس

اشترى محمد 3 اقلام وكراسين بثمان 85DA و اشترى خالد قلمين و 7 كرايس بثمان 170DA

احسب ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد



الميدان: أنشطة عددية

المقضع التعلم: الخامس

أعمال موجهة

السنة

الرابعة متوسط

أهداف الحصة التعليمية

الدوال

النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

السندات التعليمية المستعملة

الوضعية 1 : تعيين صورة عدد بدالة ، تعيين عدد الذي صورته بدالة معلومة

طريقة 1 : (دالة خطية)

$$f \text{ دالة خطية حيث } f(x) = ax$$

- لتعيين صورة عدد t بالدالة الخطية f نحسب العدد at
- لتعيين العدد الذي صورته بالدالة الخطية f هي b ، نعين x بحيث $ax = b$

طريقة 2 : (دالة تآلفية)

$$f \text{ دالة تآلفية معرفة بـ : } f(x) = ax + b \text{ حيث } a \text{ و } b \text{ عدنان معلومان}$$

- لتعيين صورة عدد t بالدالة التآلفية f نحسب العدد at
- لتعيين العدد الذي صورته بالدالة التآلفية f هي k ، يكفي حل المعادلة $ax + b = k$ ذات المجهول x

تمرين 1 :

$$(1) f \text{ دالة خطية حيث } f(x) = -5x$$

- احسب صور الاعداد 0 ، -2 ، 1 ، -1 ، 4 بالدالة f

$$(2) g \text{ دالة تآلفية حيث } g(x) = 3x - 4$$

- احسب صور الاعداد 1 ، -2 ، 5 ، 3 ، $\sqrt{2}$ بالدالة g

تمرين 2 :

$$(1) f \text{ دالة خطية حيث } f(x) = 2x$$

- عين الاعداد التي صورتها بالدالة f هي 16 ، -8 ، 0 ، 4 ، -2 على الترتيب

$$(2) g \text{ دالة تآلفية حيث } g(x) = x + 5$$

- عين الاعداد التي صورتها بالدالة g هي 13 ، -5 ، 0 ، 6 ، -3 على الترتيب

الوضعية 2 : تعيين دالة انطلاقا من عدد وصورته (عديدين وصورتيهما)

طريقة 1 : (دالة خطية)

لتعيين دالة خطية f ، يكفي تعيين العدد a معامل هذه الدالة الخطية

طريقة 2 : (دالة تألفية)

لتعيين دالة التألفية f المعرفة بـ $f(x) = ax + b$ ، انطلاقا من العددين x_1 و x_2 وصورتيهما y_1 و y_2 على الترتيب

$$\text{يكفي حل الجملة} \begin{cases} ax_1 + b = y_1 \\ ax_2 + b = y_2 \end{cases} \text{ ذات المجهولين } a \text{ و } b$$

تمرين 1 :

- (1) عين الدالة الخطية h علما ان صورة العدد 2 بالدالة h هي -5
- (2) عين الدالة الخطية g علما ان صورة العدد -3 بالدالة h هي 6

تمرين 2 :

- (1) عين الدالة التألفية h حيث $h(-1) = 4$ و $h(3) = -6$
- (2) عين الدالة التألفية g حيث $g(3) = -3$ و $g(-3) = -7$

الوضعية 3 : تمثيل دالة بيانيا

طريقة 1 : (دالة خطية)

لإنشاء التمثيل البياني لدالة خطية f ، يكفي تعيين نقطة منه ، مختلفة عن المبدأ

طريقة 2 : (دالة تألفية)

لإنشاء التمثيل البياني لدالة تألفية f ، يكفي تعيين نقطتين مختلفتين منه

تمرين :

- (1) ارسم التمثيل البياني للدالة الخطية h ، معاملها -2
- ارسم التمثيل البياني للدالة التألفية g حيث : $g(x) = 2x - 3$

اساتذة متوسطة بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المستوى : الرابعة متوسط

الأستاذ :

الميدان : الدوال وتنظيم معطيات

المقطع : الخامس

الباب : الدالة الخطية - الدالة التآلفية

المورد المعرفي : النسبة المئوية

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالتناسبية (الدوال الخطية ، الدوال التآلفية)



م.ع.ب.و.ت.

<ul style="list-style-type: none">يتعرف على الدالتين الخطية والتآلفية وخواصهما (النسبة المئوية)يوظف الدالتين الخطية والتآلفية ، في وضعيات متنوعةيستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة						
اعادة تفعيل وتنشيط الحساب المتعلق بالنسبة المئوية المدروس سابقا	أهداف الوضعية التعليمية						
<ul style="list-style-type: none">من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرةلا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها						
النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة						
حساب الثمن الجديد	صعوبات متوقعة						
<p>(1) يعمل في مؤسسة 140 عامل منهم 52 امرأة</p> <ul style="list-style-type: none">ما هي النسبة المئوية التي تمثل عدد النساء <p>(2) لوحة زيتية ثمنها 5984 DA ازداد ثمنها بـ 25 %</p> <ul style="list-style-type: none">ما هو الثمن الجديد للوحة ؟ <p>(3) وزن علي 80 kg بعد قيامه بالرياضة انخفض وزنه بـ 8 %</p> <ul style="list-style-type: none">ما هو وزنه الحالي ؟	نص الوضعية						
<p>خاصية :</p> <p>حساب $p\%$ من x هو حساب y حيث $y = \frac{P}{100}x$</p> <p>طريقة 1 :</p> <p>يؤول حساب نسبة مئوية إلى حساب معامل تناسبية والتعبير عنه بالكتابة $\frac{P}{100}$</p> <p>مثال :</p> <p>من بين 28 ممتدسا في أحد الأقسام ، يوجد 7 ذكور</p> <table border="1"><tr><td>عدد التلاميذ</td><td>28</td><td>7</td></tr><tr><td>النسبة المئوية</td><td>100</td><td>x</td></tr></table> <p>$x = \frac{7}{28} = 0,25 = \frac{25}{100}$</p> <p>النسبة المئوية للذكور في هذا القسم هي 25%</p>	عدد التلاميذ	28	7	النسبة المئوية	100	x	الحوصلة
عدد التلاميذ	28	7					
النسبة المئوية	100	x					

طريقة 2 :



(1) لحساب ناتج زيادة x بـ $p\%$ هو حساب y حيث : $y = \left(1 + \frac{p}{100}\right)x$

(2) لحساب ناتج تخفيض x بـ $p\%$ هو حساب y حيث : $y = \left(1 - \frac{p}{100}\right)x$

مثال :

سعر كيلو غرام واحد من الموز DA 250 ازداد بـ 40% ، ثم انخفض بـ 40%
• ما هو السعر الجديد للموز ؟

(1) ازدياد السعر بـ 24% يعني صار DA 350 . اي $\left(\left(1 + \frac{40}{100}\right) \times 250 = 350\right)$

(2) انخفاض السعر بـ 24% يعني صار DA 210 . اي $\left(\left(1 - \frac{40}{100}\right) \times 350 = 210\right)$

السعر الجديد للموز هو DA 210

ملاحظة :

زيادة السعر بـ 24% ثم تخفيضه بـ 24% لا يعيدنا الى السعر الاصلي

تطبيق : رقم 18 و 19 و 20 صفحة 103

تمديد

اساتذة متوسطة بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المستوى : الرابعة متوسط

الأستاذ :

الميدان : الدوال وتنظيم معطيات

المقطع : الخامس

الباب : الدالة الخلية - الدالة التألفية

المورد المعرفي : تطبيقات التناسبية

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالتناسبية (الدوال الخطية ، الدوال التألفية)



٤٤

<ul style="list-style-type: none">■ يتعرف على الدالتين الخطية والتألفية وخواصهما (تطبيقات التناسبية)■ يوظف الدالتين الخطية والتألفية ، في وضعيات متنوعة■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none">■ السرعة المتوسطة واستعمال العلاقة $d = v \times t$■ الطاقة الكهربائية واستعمال العلاقة $E = P \times t$■ الكتلة الحجمية واستعمال العلاقة $mv = \frac{m}{v}$	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none">■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة■ لا تتطلب بحث مطول	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none">■ النص على السبورة او على قصاصات	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none">■ المقادير المركبة وربطها بالتناسبية	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>الوضعية 1 :</p> <p>قطع أحمد بسيارته مسافة 250 km خلال 3 ساعات وفي اليوم الموالي سار بنفس السرعة مدة 2,5 ساعة</p> <p>(1) ما هي السرعة التي سار بها أحمد في اليوم الأول ؟</p> <p>(2) ما هي المسافة التي قطعها في اليوم الثاني ؟</p> <p>الوضعية 2 :</p> <p>تستهلك الاجهزة الكهربائية طاقة كهربائية E وفق القانون : $E = p \times t$ حيث P هي الاستطاعة الكهربائية معبر عنها بالواط او الكيلوواط و t هو زمن التشغيل بالساعات يعبر عن الطاقة الكهربائية بالواط الساعي (WH) او الكيلوواط الساعي (KWH) حيث : $1KWH = 1000 WH$.</p> <ul style="list-style-type: none">■ ما هي تكلفة استعمال مصباح كهربائي لمدة $3h$ علما ان استطاعته $100W$ وثمان الكيلوواط ساعي هو $1,5 DA$ ؟ <p>الوضعية 3 :</p> <p>الكتلة الحجمية للنحاس هي : $8,9 \text{ g} / \text{cm}^3$</p> <p>(1) ماذا تعني هذه الجملة ؟</p> <p>(2) لنكن m الكتلة معبر عنها بـ g و V الحجم معبر عنه بالسنتيمتر المكعب cm^3</p> <ul style="list-style-type: none">■ عبر عن m بدلالة V■ ما هي كتلة 20cm^3 من النحاس ؟	<p>نص الوضعية</p>

السرعة المتوسطة :

السرعة المتوسطة لمتحرك هي حاصل قسمة المسافة المقطوعة (d) على المدة الزمنية المستغرقة لقطع هذه المسافة (t)

$$V = \frac{d}{t}$$

السرعة المتوسطة

المسافة المقطوعة

المدة المستغرقة لقطع المسافة

مثال :

حساب سرعة متوسطة :

قطعت سيارة مسافة 176 km في $2,2 \text{ h}$

$$V = \frac{176}{2,2} = 80 \text{ ومنه } V = \frac{d}{t} \text{ لدينا}$$

السرعة المتوسطة للسيارة هي $80 \text{ km} / \text{h}$ أو $80 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$ تعني ان السيارة تقطع مسافة 80 km خلال مدة زمنية قدرها 1 h

ملاحظات :

(1) يعبر عن السرعة حسب الوحدات المختارة للمسافة المقطوعة وللعدد المستغرقة لقطع هذه المسافة

(2) اذا عبر عن المسافة بالكيلومتر (km) وللمدة بالساعة (h) فان السرعة يعبر عنها بالكيلومتر في الساعة ونكتب : km / h أو $\text{km} \cdot \text{h}^{-1}$ (تقرأ كيلومتر في الساعة)

(3) اذا عبر عن المسافة بالمتر (m) وللمدة بالثانية (s) فان السرعة يعبر عنها بالمتر في الثانية ونكتب : m / s أو $\text{m} \cdot \text{s}^{-1}$ (تقرأ متر في الثانية)

الكتلة الحجمية :

هي كتلة جسم بالنسبة الى حجمه وتقدر بـ g / cm^3 أو kg / m^3

مثال :

الكتلة الحجمية للذهب هي $19,3 \text{ g} / \text{cm}^3$ يعني أن 1 cm^3 ذهب يزن $19,3 \text{ g}$

الطاقة الكهربائية :

الطاقة الكهربائية هي كمية الاستطاعة الكهربائية المستهلكة خلال زمن معين ، يعبر عنها بـ : wh أو kwh حيث $\text{kwh} = 1000 \text{ wh}$

مثال :

ما هي الطاقة المستهلكة لمصباح استطاعته 100 w خلال 3 h ؟
لدينا $E = P \cdot t$ ومنه $E = 100 \times 3$ اي $E = 300 \text{ wh}$

الحوصلة