

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

مذكرات السنة الرابعة متوسط من إعداد  
الأستاذين خالد معمري و مشري

المقطع 04

متوسط



السنة

ملف كامل حول

## المقطع الرابع

الأشعة و الانسحاب / المعالم

يشمل :

- وضعية الانطلاق .
- مذكرات الموارد .
- إدماج جزئى .
- وظيفة منزلية .

ملاحظة : لا يوجد تغيير فى موارد المقطع

التغيير مسّ الحجم الساعى من 17 س إلى 14 س

المقطع التعلمى 04

وضعية الانطلاق

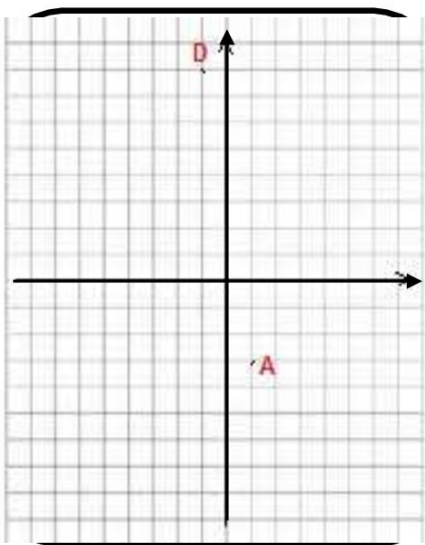
تقوم مجموعة من علماء الآثار باستكشاف مدينة من حضارة قديمة غرقت في أعماق بحيرة , فاستعانوا بفريق متمرّس من الغواصين اللذين استعملوا غواصة لمسح المنطقة التي يفترض أن تكون الموقع المطلوب . عند الوصول إلى العمق المناسب بُرّمجت الغواصة على التحرك على مسار دائري في اتجاه عقارب الساعة حول الموقع مرورا بالنقط  $D, C, B, A$  .

الصورة أدناه ظهرت على شاشة الغواصة

(1) بين أن النقط  $D, C, B, A$  التي تمر منها الغواصة تشكل مستطيلا علما أن :

$$AD = AB + AC, D(-1; 8) \text{ و } A(1; -3) \text{ و } \vec{AC} \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \end{pmatrix}$$

(2) أحسب إحداثيتي  $M$  مركز مسار الغواصة ثم أنشئه



المقطع التعلمى 04

وضعية الانطلاق

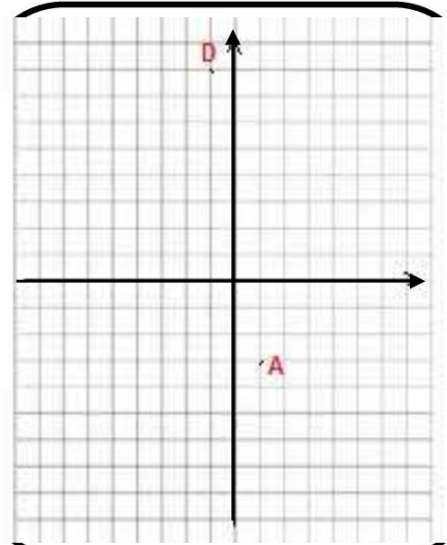
تقوم مجموعة من علماء الآثار باستكشاف مدينة من حضارة قديمة غرقت في أعماق بحيرة , فاستعانوا بفريق متمرّس من الغواصين اللذين استعملوا غواصة لمسح المنطقة التي يفترض أن تكون الموقع المطلوب . عند الوصول إلى العمق المناسب بُرّمجت الغواصة على التحرك على مسار دائري في اتجاه عقارب الساعة حول الموقع مرورا بالنقط  $D, C, B, A$  .

الصورة أدناه ظهرت على شاشة الغواصة

(1) بين أن النقط  $D, C, B, A$  التي تمر منها الغواصة تشكل مستطيلا علما أن :

$$\vec{AD} = \vec{AB} + \vec{AC}, D(-1; 8) \text{ و } A(1; -3) \text{ و } \vec{AC} \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \end{pmatrix}$$

(2) أحسب إحداثيتي  $M$  مركز مسار الغواصة ثم أنشئه



## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

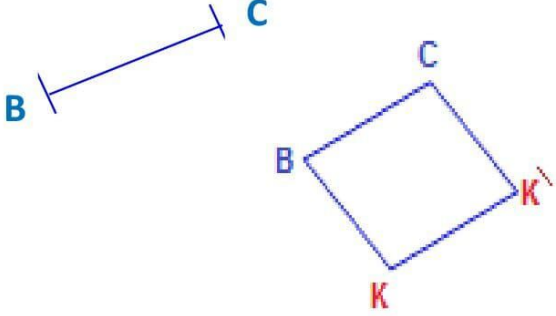
المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المورد المعرفي : الانسحاب و خواصه .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على الانسحاب و إنشاء صور أشكال بسيطة .

المراحل	سير الحصّة	المدة	التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بطريقة إنشاء الرأس الرابع لمتوازي أضلاع .	05 د	تقويم تشخيصي
بناء التعلّمات	<p><b>وضعية تعليمية</b></p> <p>لاحظ الشكل ثم عين النقطة <math>K'</math> حيث :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>KK' = BC</math></li> <li><math>(KK') \parallel (BC)</math></li> <li>الاتجاه من <math>K</math> نحو <math>K'</math> هو نفس الاتجاه من <math>B</math> نحو <math>C</math> .</li> </ul>  <p><b>الحوصلة</b></p> <p>النقطة <math>K'</math> هي صورة النقطة <math>K</math> بالانسحاب الذي يحول <math>B</math> إلى <math>C</math></p> <p><b>ملاحظة :</b></p> <p>الانسحاب يحفظ الأشكال ( الأطوال , المتوازي , الإستقامية , المساحات و الزوايا )</p>	25 د	أمثلة حول إنشاء صورة قطعة , ن مستقيم مستقيم , دائرة
	<p><b>تطبيق :</b> <math>ABC</math> مثلث أنشئ صورته بالانسحاب الذي يحول <math>B</math> إلى <math>A</math></p>	15 د	ت حصيلي
الإستثمار			

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المورد المعرفي : مفهوم الشعاع .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على مفهوم الشعاع انطلاقا من الانسحاب .

المراحل	سير الحصة	المدة	التقويم / الملاحظات
---------	-----------	-------	---------------------

## التهيئة

تذكير بالانسحاب و خواصه .

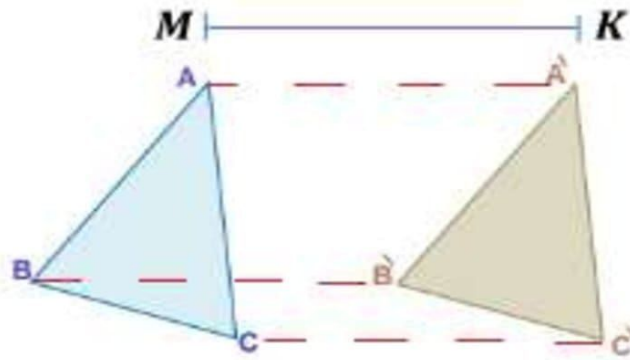
تقويم تشخيصي

05 د

## الوضعية التعليمية

انقل الشكل ثم أنشئ المثلث  $A'B'C'$  صورة المثلث  $ABC$  بالانسحاب الذي يحول النقطة  $M$  إلى النقطة  $K$  .

20 د



## الحوصله

كل ثنائية من الثنائيات النقطية المرتبة

$$: \vec{U} \text{ تعرف شعاعا } (M; K), (C; C'), (B; B'), (A; A')$$

15 د

• منحاه هو منحنى المستقيم  $(MK)$ • اتجاهه من النقطة  $M$  نحو النقطة  $K$  .• طويلته هي طول قطعة المستقيم  $[MK]$ و نكتب :  $\vec{U} = \vec{MK} = \vec{CC'} = \vec{BB'} = \vec{AA'}$ 

ت بنائي

التركيز على مفهوم

كلمة ( مرتبة )

إعطاء مثال

احداثيتي نقطة

بناء التعلّمات

تطبيق

ثلاث نقط ليست في استقامية  $F, E, D$ أنشئ الشعاع  $FM$  ممثل الشعاع  $ED$ 

ت نهائي

20 د

تمرين رقم 1 ص 134 ( منزلي )

الإستثمار

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المورد المعرفي : الشعاعان المتساويان و الشعاعان المتعاكسان .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على شروط تساوي شعاعين و شروط الشعاعين المتعاكسين .

المراحل	سير الحصة	المدة	التقويم / الملاحظات
---------	-----------	-------	---------------------

## التهيئة

تذكير بمفهوم الشعاع / المنحى , الاتجاه و الطويلة .

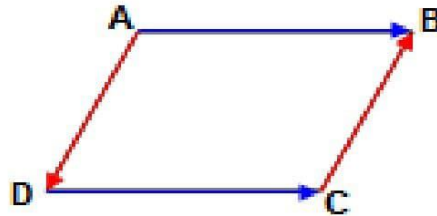
05 د

ت تشخيصي

## الوضعية التعليمية

- 1) أنشئ متوازي الأضلاع  $ABCD$   
 2) قارن بين الشعاعين  $\vec{AB}$  ,  $\vec{DC}$  ثم قارن بين  $\vec{AD}$  ,  $\vec{CB}$  .

15 د



## الحل

- 1) الإنشاء  
 2) المقارنة

$\vec{DC}$  ,  $\vec{AB}$  لهما نفس الطويلة و نفس المنحى و نفس الاتجاه .

نقول أنهما متساويان .

$\vec{AD}$  ,  $\vec{CB}$  لهما نفس الطويلة و نفس المنحى و مختلفين في الاتجاه .

نقول أنهما متعاكسان .

## الحوصلة

- القول عن شعاعين أنهما متساويان معناه أن لهما نفس المنحى و نفس الطويلة و نفس الاتجاه

20 د

مثال :  $\vec{KM} = \vec{FH}$  معناه  $\left. \begin{array}{l} (KM) \parallel (FH) \\ KM = FH \end{array} \right\}$  و لهما نفس الاتجاه

- القول عن شعاعين أنهما متعاكسان معناه أن لهما نفس المنحى و نفس الطويلة و مختلفين في الاتجاه .

مثال :  $\vec{U}$  ,  $\vec{V}$  متعاكسان نكتب  $\vec{V} = -\vec{U}$  أو  $\vec{U} = -\vec{V}$

خاتمة التعلم

اثرء التعلما

بامثلة :

م الأضلاع

م الاضلاع الخاصة

منتصف قطعة

ت نهائي

20 د

تمرين رقم 07 ص 134

الإستثمار

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

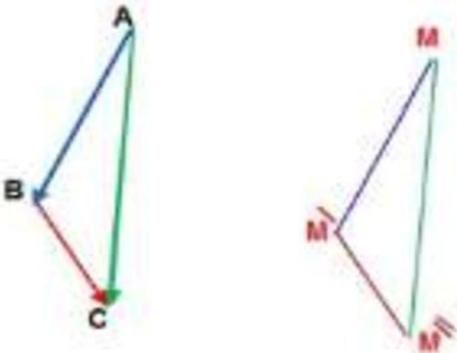
المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المورد المعرفي : علاقة شال .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على علاقة شال و استعملاتها .

المراحل	سير الحصّة	المدة	التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بتعيين صورة نقطة بالانسحاب .	05 د	تقويم تشخيصي
بناء التعلّمات	<p>الوضعية التعليمية</p> <p>3 ص 129</p>  <ul style="list-style-type: none"> <li>• صورة النقطة M بالانسحاب الذي شعاعه <math>\vec{AC}</math> هي النقطة <math>M</math></li> <li>• مجموع الشعاعين <math>\vec{AB}</math> و <math>\vec{BC}</math> هو الشعاع <math>\vec{AC}</math> .</li> </ul> <p>الحوصلة</p> <p>في الشكل المقابل</p> <p>مجموع الشعاعين <math>\vec{AB}</math> و <math>\vec{BC}</math> هو الشعاع <math>\vec{AC}</math></p> <p>ونكتب : <math>\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}</math></p> <p>هذه المساواة تسمى علاقة شال</p> <p>أمثلة : <math>\vec{FE} = \vec{FN} + \vec{NE}</math> , <math>\vec{GH} + \vec{HM} = \vec{GM}</math></p> <p>حالة خاصة : <math>\vec{AD} + \vec{DA} = \vec{AA}</math> ( هو الشعاع المعلوم و رمزه <math>\vec{0}</math> ) . <math>\vec{AD} + \vec{DA} = \vec{0}</math></p>	15 د	توضيح مفهوم الشعاعين المتتاليين نهاية أحدهما هي بداية الآخر $\vec{AB}$ و $\vec{AD}$ غير متتالين $\vec{AB} + \vec{AD} \neq \vec{BD}$
	تطبيق	<p>AMNE متوازي أضلاع , مركز تناظره النقطة O</p> <p>أنشئ الشكل ثم أملء كل فراغ بالشعاع المناسب :</p> <p><math>\vec{MO} + \dots = \vec{0}</math> , <math>\vec{MN} + \vec{EA} = \dots</math> , <math>\vec{EA} + \vec{AM} = \dots</math></p> <p><math>\vec{AM} = \dots + \vec{EM}</math> , <math>\vec{EN} + \vec{ME} = \dots</math> , <math>\vec{EM} = \vec{MA} + \dots</math></p>	20 د
الإستثمار		20 د	ت نهائي

**إدماج جزئى****التمرين الأول**

$EFG$  مثلث متقايس الضلعين قاعدته  $[FG]$

(1) عين النقطتين  $M, H$  حيث :  
 $\vec{EH} = \vec{EF} + \vec{EG}$  و  $\vec{GF} = -\vec{ME}$

(2) بين أن الرباعي  $EFHG$  معين .

(3) بين أن النقطة  $F$  منتصف  $[MH]$ .

**التمرين الثانى**

(C) نصف دائرة مركزها النقطة  $O$  و  $[HN]$  قطر لها .

(C') نصف دائرة أخرى مركزها  $N$  و  $[OK]$  قطر لها , تقطع (C) في النقطة  $F$

(1) أكمل ما يلى :

$$\vec{NO} + \vec{NK} = \dots$$

$$\vec{HN} + \dots = \vec{HO}$$

$$\vec{KO} = \dots + \vec{HO}$$

(2) عين على الشكل النقطة  $M$  علما أن :  $\vec{FM} = \vec{FH} - \vec{NF}$

(3) بين أن الرباعي  $HFNM$  مستطيل .

**التمرين الثالث**

$ABC$  مثلث قائم في النقطة  $B$

لتكن  $M$  مركز الدائرة المحيطة به .

(1) أ/ أنشئ النقطة  $N$  حيث يكون

$$\vec{MN} = \vec{MB} + \vec{MC}$$

ب/ أنشئ  $H$  علما أن

$$\vec{MH} = \vec{MB} - \vec{AM}$$

(2) بين أن

$$\vec{CN} = \vec{AH}$$



## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

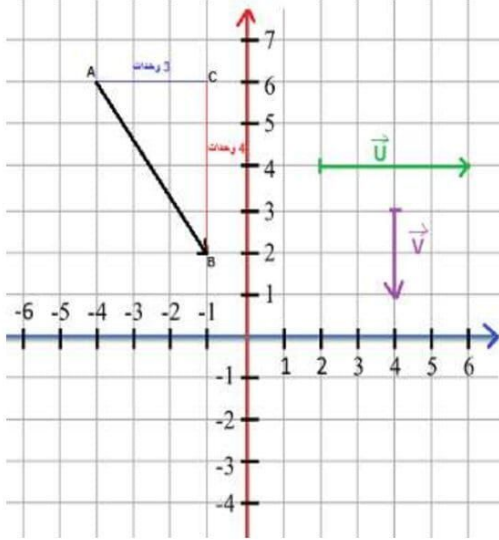
المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : في م م م : قراءة مركبتي شعاع .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على مركبتي شعاع و قراءتها في مستو مزود بمعلم م و م .

المراحل	سير الحصة	المدة	التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بمفهوم الشعاع و تعليم نقطة في المستوى .	05 د	تقويم تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p>  <p>1) لاحظ الشكل ثم أكمل من النقطة A إلى C تم الانتقال بموازاة .... في الاتجاه .... ب .... وحدات و من C إلى B الانتقال تم بموازاة ..... في الاتجاه .... ب .... وحدات 3 و -4 هما مركبتا الشعاع <math>\vec{AB}</math> و نكتب <math>\vec{AB} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}</math></p> <p>2) عين مركبتي كلا من <math>\vec{U}</math> , <math>\vec{V}</math></p> <p><b>الحوصلة</b></p> <p>في مستو مزود بمعلم متعامد و متجانس لكل شعاع فيه <math>\vec{AB}</math> مركبتان <math>x</math> , <math>y</math> حيث نسمي <math>x</math> المركبة الأولى و نسمي <math>y</math> المركبة الثانية و نكتب <math>\vec{AB} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}</math> حالة خاصة :</p> <p>• <math>M(x; y)</math> : مركبتا الشعاع <math>\vec{OM}</math> هما احداثيتي <math>M</math> و نكتب <math>\vec{OM} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}</math></p>	25 د	التطرق إلى الشعاع الموازي لمحور الفواصل أو الترتيب
	ت بناءي		15 د
الإستثمار	تمرين رقم 05 ص 146	15 د	ت نهائي

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

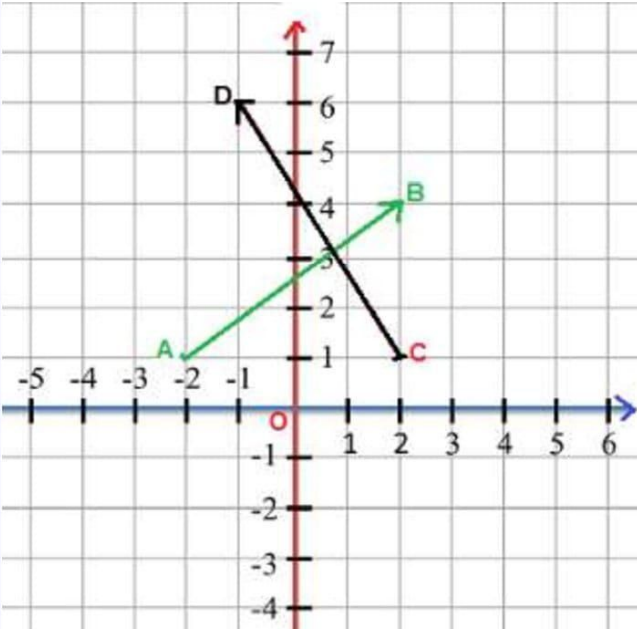
الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الأدوات الهندسية

المورد المعرفي : تمثيل شعاع بمعرفة مركبته .

الكفاءة المستهدفة: تمرن المتعلم على تمثيل شعاع مركبته معلومة .

المراحل	سير الحصة	المدة	التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بقراءة مركبتي شعاع .	05 د	تقويم تشخيصي
بناء التعلّمات	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>(1) في مستو منسوب إلى معلم م و م مثل الشعاع <math>\vec{AB}</math> حيث :  <math>\vec{AB} \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}</math> و <math>A(-2; -1)</math></p> <p>(2) في نفس المستوي مثل الشعاع <math>\vec{CD}</math> مركبته الأولى 3 - و الثانية 5  ( إحداثيتا النقطة C من اختيارك )</p> <p><b>الحل</b>  (1) تمثيل <math>\vec{AB}</math>  (2) نختار <math>C(2; 1)</math></p> 	30 د	تكويني
		<p><b>الحوصلة</b></p> <p>في مستو مزود بمعلم م و م يمكن تمثيل شعاع بمعرفة مركبته .</p>	10 د
تمرين	رقم 04 ص 146	15 د	ت نهائي
الإستثمار			

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : حساب مركبتي شعاع .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على طريقة حساب مركبتي شعاع بمعرفة إحداثيتي مبدئه و نهاية ممثله .

المراحل	سير الحصة	المدة / التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بقراءة مركبتي شعاع في مستو منسوب إلى معلم م و م .	05 د - تقويم تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>المستوي مزود بمعلم متعامد و متجانس <math>(O; I; J)</math></p> <p>(1) علم النقطتين <math>K(-3; 2), M(4; 6)</math> .</p> <p>(2) بقراءة بيانية عين مركبتي الشعاع <math>\overrightarrow{KM}</math> .</p> <p>(3) أحسب <math>x_M - x_K</math> و <math>y_M - y_K</math> , ماذا تلاحظ ؟</p> <p><b>الحل :</b></p> <p>(1) تعليم النقطتين</p> <p>(2) من البيان نجد :</p> $\overrightarrow{KM} \begin{pmatrix} 7 \\ 4 \end{pmatrix}$ <p>(3) <math>x_M - x_K = 7</math></p> $y_M - y_K = 4$ <p>نلاحظ أن</p> $\overrightarrow{KM} \begin{pmatrix} x - x \\ y - y \end{pmatrix}$	15 د
	تكوين	<p><b>الحوصلة</b></p> <p>إذا كانت <math>A(x_A; y_A)</math> و <math>B(x_B; y_B)</math> نقطتان في مستو مزود بمعلم متعامد و متجانس فان مركبتي الشعاع <math>\overrightarrow{AB}</math> هما : <math>x_B - x_A</math> و <math>y_B - y_A</math> و نكتب</p> $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x - x \\ y - y \end{pmatrix}$ <p><b>مثال :</b> <math>F(5; -3), E(-4; -7)</math></p> $\overrightarrow{EF} \begin{pmatrix} 5 - (-4) \\ -3 - (-7) \end{pmatrix} = \overrightarrow{EF} \begin{pmatrix} 9 \\ 4 \end{pmatrix}$ <p>إذن : <math>\overrightarrow{EF} \begin{pmatrix} 9 \\ 4 \end{pmatrix}</math></p>
الإستثمار	<p>(1) تطبيق في مستو مزود بمعلم م و م علم النقطتين <math>F(1; 2), E(3; -4)</math></p> <p>(2) أحسب مركبتي كلا من <math>\overrightarrow{FE}, \overrightarrow{EF}</math> . ماذا تلاحظ ؟</p>	20 د - ت نهائي

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

المورد المعرفي : الشعاعان المتساويان / حساب إحداثيتي منتصف قطعة مستقيم . الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: توظيف المركبات في تساوي شعاعين / حساب إحداثيتي منتصف قطعة مستقيم .

المراحل	سير الحصة	المدة / التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بشروط تساوي شعاعين .	05 د تقويم تشخيصي
بناء التعلم	<p><b>الوضعية التعليمية</b></p> <p>(1) في مستو مزود بمعلم م و م علم النقط <math>C(-3; -1), B(1; 1), A(-2; 2)</math></p> <p>(2) عين النقطة <math>H</math> حيث يكون <math>AB = CH</math> و استنتج بيانيا إحداثيتي <math>H</math> .</p> <p>(3) أحسب مركبتي كل من <math>\overrightarrow{AB}</math> و <math>\overrightarrow{CH}</math> . ماذا تلاحظ ؟</p> <p>(4) بين أن الرباعي <math>ABHC</math> متوازي أضلاع .</p> <p>(5) من البيان عين إحداثيتي <math>M</math> نقطة تقاطع قطريه ؟</p> <p>(6) قارن بين إحداثيتي <math>M</math> و <math>(\frac{x_C + x_B}{2}, \frac{y_C + y_B}{2})</math></p> <p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>الشعاعان المتساويان</b></p> <p><math>AB</math> و <math>CD</math> شعاعان مركباتهما <math>(x, y)</math> و <math>(x', y')</math> على الترتيب</p> <p><math>\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}</math> معناه <math>x = x'</math> و <math>y = y'</math></p> <p><b>إحداثيتي منتصف قطعة مستقيم</b></p> <p>نقطتان من المستوي . <math>B(x_B; y_B), A(x_A; y_A)</math></p> <p><math>M(x_M; y_M)</math> منتصف القطعة <math>[AB]</math></p> <p>إحداثيتي <math>M</math> تعطى بالعلاقة :</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math display="block">x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \text{ و } y_M = \frac{y_A + y_B}{2}</math> </div>	25 د تكويني
الإستثمار	<p><b>تطبيق</b></p> <p>(1) في مستو منسوب إلى معلم م و م علم النقطتين <math>(O; I; J)</math></p> <p><math>F(4; -1), E(2; 2)</math></p> <p>(2) عين إحداثيتي النقطة <math>G</math> حتى يكون الرباعي <math>EOFG</math> متوازي أضلاع</p> <p>(3) أحسب إحداثيتي النقطة <math>M</math> مركز تناظر <math>EOFG</math> .</p>	20 د ت نهائي

## المقطع التعليمي 04

## الأشعة و الانسحاب / المعالم

المستوى : الرابع من التعليم المتوسط

المراجع : المنهاج , الوثيقة المرافقة , الكتاب المدرسي .

الوسائل : السبورة , كراس الأنشطة

المورد المعرفي : المسافة بين نقطتين .

الأدوات الهندسية

الكفاءة المستهدفة: تعرف المتعلم على قاعدة حساب المسافة بين نقطتين في مستو مزود بمعلم م و م .

المراحل	سير الحصة	المدة / التقويم / الملاحظات
التهيئة	تذكير بخاصية فيثاغورث .	05 د - تقويم تشخيصي
بناء التعلمات	<p>الوضعية التعليمية ( 06 ص 207 ك ق )</p> <p>(1) أنقل و أكمل المثلث <math>ABC</math> ... في ... حسب <math>x</math> ... <math>AB^2 = \dots + \dots</math></p> <p>(2) عبر عن <math>BC</math> و <math>AC</math> بدلالة <math>y_B, y_A, x_B, x_A</math></p> <p>(3) بين أن</p> $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$	25 د تكويني
	<p>الحوصلة</p> <p>المستوي مزود بمعلم م و م <math>(O; I; J)</math> إذا كانت <math>B(x_B; y_B), A(x_A; y_A)</math> فان المسافة بين النقطتين <math>B</math> و <math>A</math> هي</p> $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$	10 د الدعم بأمثلة
الإستثمار	<p>تمرين رقم 15 ص 147</p> <p>تمرين 16 ص 147 ( منزلي )</p>	20 د - ت نهائي

التمرين الأول ( 04 نقط )

$EFG$  ثلاث نقط ليست في استقامية

- (1) عين النقطتين  $M, K$  حيث :  
 $\vec{FM} = \vec{KF}$  و  $\vec{GM} = -\vec{FM}$
- (2) بين أن المستقيم  $(EF)$  يمثل متوسطا في المثلث  $KME$ .
- (3) أنشئ النقطة  $L$  علما أن :  
 $\vec{KL} = \vec{KG} + \vec{KE}$   
استنتج نوع الرباعي  $EKGL$ .

التمرين الثانى ( 06 نقط )

المستوى مزود بمعلم  $m$  و  $M(O; I; J)$

- (1) علم النقط :  
 $D(1; -2), C(4; 0), B(0; 6), A(-3; 4)$
- (2) بين أن المثلث  $ABC$  قائم في النقطة  $B$
- (3) بين أن الرباعي  $ABCD$  مستطيل .
- (4) أحسب إحداثيتي النقطة  $H$  مركز الدائرة المحيطة بالمستطيل  $ABCD$ .

التمرين الأول ( 04 نقط )

$EFG$  ثلاث نقط ليست في استقامية

- (1) عين النقطتين  $M, K$  حيث :  
 $\vec{FM} = \vec{KF}$  و  $\vec{GM} = -\vec{FM}$
- (2) بين أن المستقيم  $(EF)$  يمثل متوسطا في المثلث  $KME$ .
- (3) أنشئ النقطة  $L$  علما أن :  
 $\vec{KL} = \vec{KG} + \vec{KE}$   
استنتج نوع الرباعي  $EKGL$ .

التمرين الثانى ( 06 نقط )

المستوى مزود بمعلم  $m$  و  $M(O; I; J)$

- (1) علم النقط :  
 $D(1; -2), C(4; 0), B(0; 6), A(-3; 4)$
- (2) بين أن المثلث  $ABC$  قائم في النقطة  $B$
- (3) بين أن الرباعي  $ABCD$  مستطيل .
- (4) أحسب إحداثيتي النقطة  $H$  مركز الدائرة المحيطة بالمستطيل  $ABCD$ .