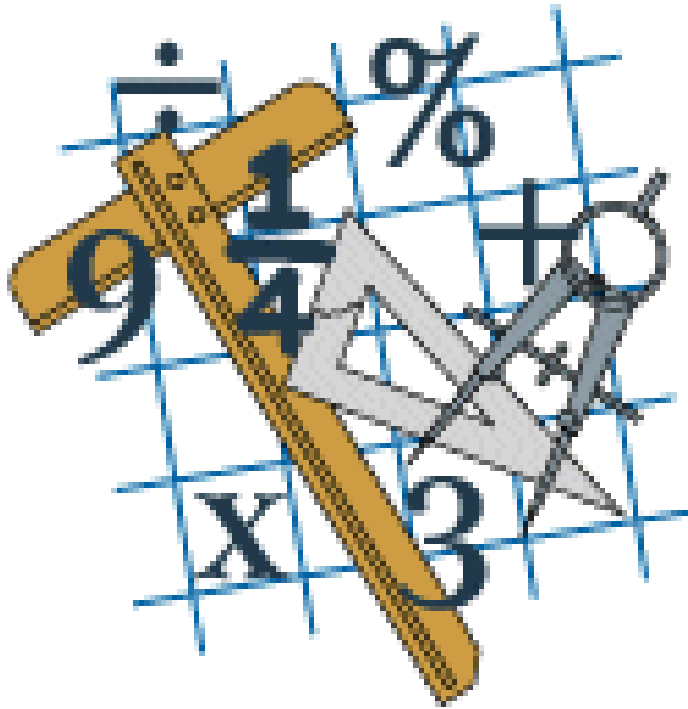


كل مذكرات
السنة الثالثة متوسط
لمادة الرياضيات



الله المستعان

أهدي هذا العمل المتواضع لإخواني الأساتذة راجيا منهم
الدعاء بالخير لكل المسلمين .

انبهكم الى ان هذا العمل غير مكتمل (حوالي 80%)
ارجو منكم التشجيع لإكمال هذا العمل ، مع النقد و إبداء الراي
لان عملي هذا لا يخلوا نقص .
كل الاقتراحات و الاراء و التساؤلات على :

<http://math-bm.blogspot.com>

أو

العنوان الالكتروني : [miloud27 a gmail.com](mailto:miloud27@gmail.com)

ترقبوا النسخة المكتملة من هذا العمل في المستقبل

و كذلك كل مذكرات السنة الرابعة متوسط (رياضيات)

تجدون في المنتدى أعلاه

كذلك : المنهاج ، الوثيقة المرافقة ،

وضعيات إيمانية

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر عمليتي جمع و طرح عددين نسبيين .	$(+30) + (-17)$ $(+35) + (-20)$: أنجز العمليات الآتية : $(+27) - (-12)$	<p>المنهاج: يمكن تبرير قاعدة ضرب عدد موجب بعدد سالب بالاعتماد على الجمع ، مثال</p> $3 \times (-4) =$ $(-4) + (-4) +$ $(-4) + (-4)$ <p>وتقبل قاعدة ضرب عدد سالب بعدد موجب و ضرب عددين سالبين.</p>
الأنشطة	- يعرف قاعدة ضرب عددين نسبيين .	<p>1. جداء عدد موجب و عدد سالب هو عدد سالب . جداء عدد سالب و عدد موجب هو عدد سالب . جداء عددين سالبين هو عدد موجب .</p> <p>2. استنتاج القاعدة .</p> <p>3. إكمال العمليات المتبقية.</p>	
		<p>النشاط 2 ص 9</p>	
		<p>النشاط 3 ص 9</p>	
		<p>1. أنجز العمليات الآتية :</p> $(-5) \times (+2) \times (-10) = +100$ $(+8) \times (-2) \times (+10) \times (-25) = +400$ $(-1.5) \times (-4) \times (+3) \times (-5) = -90$ $(-1) \times (-5) \times (+10) \times (-3) \times (-1) = +150$	
		<p>2. التحقق بالحاسبة .</p> <p>3. استنتاج قاعدة جداء عدة أعداد نسبية .</p>	
			

جداء عددين نسبيين

- جداء عددين نسبيين من إشارتين مختلفتين هو عدد سالب .
- جداء عددين نسبيين من نفس الإشارة هو عدد موجب .

أمثلة :

$$(-5) \times (+2) = -10$$

$$(+8) \times (-2.5) = -20$$

$$(-1.5) \times (-4) = +6$$

$$(+1) \times (+5) = +5$$

للعددين
إشارتين
مختلفتين

للعددين
نفس
الإشارة

جداء عدة أعداد نسبية

- يكون جداء عدة أعداد نسبية - غير معدومة - سالباً إذا كان عدد العوامل السالبة فيه فردياً .
- يكون جداء عدة أعداد نسبية - غير معدومة - موجباً إذا كان عدد العوامل السالبة فيه زوجياً .

أمثلة :

$$(-1) \times (+2) \times (-8) \times (-2.5) = -40$$

$$(-0.5) \times (-4) \times (-1) \times (+5) \times (-5) = +25$$

عدد العوامل
السالبة هو 3

عدد العوامل
السالبة هو 4

التمرينين 2 و 8 ص 17

التمرينين 6 و 7 ص 17

تطبيق

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر قاعدة ضرب عددين نسبيين .	<p>■ أنجز العمليتين الآتيتين :</p> $(+20) \times (-7)$ $(-3.1) \times (+2)$ <p>النشاط 1 ص 10</p> <p>1.</p> <p>2.</p>	<p>المنهاج: حاصل قسمة عدد نسبي a على عدد نسبي غير معدوم b هو العدد x حيث :</p> $b \times x = a$ <p>لحساب حاصل قسمة عددين نسبيين، نقسم المسافة إلى الصفر للعدد a على المسافة إلى الصفر للعدد b و نطبق نفس قواعد الإشارات المتعلقة بالضرب .</p> <p>ملاحظة : حاصل قسمة عددين نسبيين لا يكون دائما عددا نسبيا .</p> <p>مثال : عند قسمة $11 -$ على 6 لا نجد عددا نسبيا .</p> <p>في هذه الحالة يمكن إعطاء قيمة تقريبية لحاصل القسمة و نكتب :</p> $(-11) \div 6 \approx -1.83$
الأنشطة	- يعرف حاصل قسمة عددين نسبيين .	<p>3. القاعدة التي تسمح بإيجاد العدد x الذي يحقق $a \times x = b$ مع $a \neq 0$ هي :</p> $x = \frac{b}{a}$ <p>النشاط 2 ص 10</p> <p>1. تمعن فيما يلي ...</p> <p>2. أنجز بحاسبة العمليات الآتية :</p> $40 \div (-5) = -8$ $(-36) \div (-9) = +3$ $33 \div 5 = 6.6$ $(-75) \div 15 = -5$ $(-14) \div (-7) = +2$ <p>3. إشارة حاصل قسمة عدد سالب على عدد موجب هي سالبة إشارة حاصل قسمة عدد موجب على عدد سالب هي سالبة إشارة حاصل قسمة عدد سالب على عدد سالب هي موجبة</p> <p>* استنتاج القاعدة</p> <p>■ يمكن ملاحظة أن هذه القاعدة هي نفسها قاعدة ضرب عددين نسبيين</p>	
	- يعرف قاعدة قسمة عددين نسبيين .		

- حاصل قسمة العدد النسبي b على العدد النسبي غير المعلوم a هو العدد الذي يحقق:

$$a \times x = b \quad \text{مع} \quad a \neq 0 \quad \text{أي} \quad x = \frac{a}{b}$$

انتبه :

$$\frac{a}{1} = a$$

$$\frac{0}{a} = 0$$

$$\frac{a}{a} = 1$$

إشارة حاصل قسمة عددين نسبيين

- حاصل قسمة عددين نسبيين من إشارتين مختلفتين هو عدد سالب
- حاصل قسمة عددين نسبيين من نفس الإشارة هو عدد موجب

أمثلة :

$$24 : (-8) = -3$$

$$(-15) : (+3) = -5$$

$$(-5) : (-2) = +2.5$$

التمرين رقم 20 ص 19

التمرينين 18 و 19 ص 19

التطبيق

الواجب المنزلي

مقلوب عدد نسبي غير معدوم x هو حاصل قسمة العدد 1 على العدد x ويكتب $\frac{1}{x}$.

$$x \times \frac{1}{x} = 1 \quad \text{لدينا :}$$

للعدد x ومقلوبة $\frac{1}{x}$ نفس الإشارة.

مثال :

مقلوب العدد (-0.25) هو $\frac{1}{-0.25}$ أي -4

انتبه :

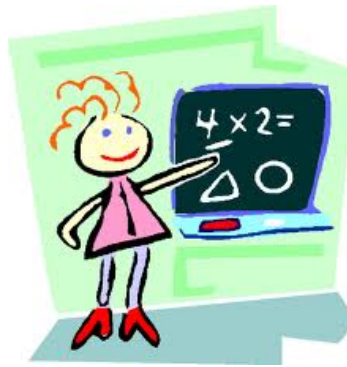
$$a \div b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$$

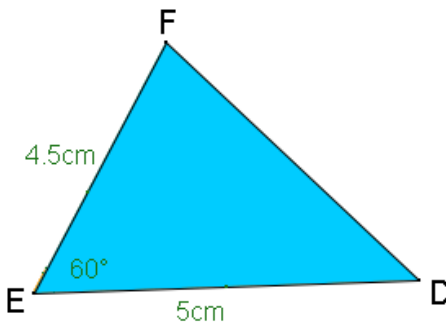
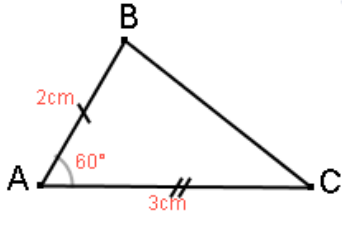
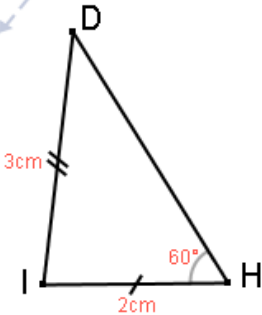
$$(-10) \div (-5) = (-10) \times \frac{1}{-5} = (-10) \times (-0.2) = 2 \quad \text{مثال :}$$

رقم 24 ص 19

التطبيق

الواجب
المنزلي

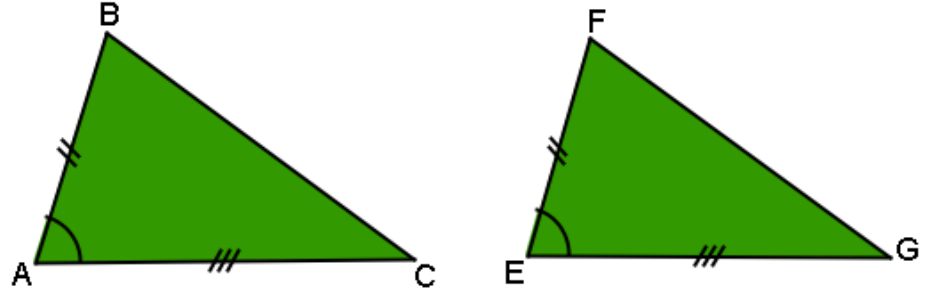


المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يرسم مثلث بمعرفة طول ضلعين و قيس الزاوية المحصورة بينهما .	<p>■ أنشئ المثلث EFD حيث : $ED = 5cm$, $EF = 4.5cm$, $\hat{E} = 60^\circ$.</p>  <p>النشاط 02 ص 136 س 1</p>	<p>المنهاج: يعرف المثلثان المتقايسان على أنهما مثلثان قابلان للتطابق و يستنتج أن كل العناصر المتماثلة فيها (الأضلاع و الزوايا) متساوية مثلى مثلى .</p> <p>لتبرير حالة من حالات التقاييس ينشأ مثلثان يحققان شروط هذه الحالة ثم يعال تقاييسهما بالتحقق من تطابقهما باستعمال الورق الشفاف أو بالتحقق من تساوي الأضلاع و الزوايا الأخرى بالمدور مثلا . و تستعمل هذه الحالة لتبرير الحالات الأخرى .</p> <p>تعتبر حالات تقاييس المثلثات أداة إضافية تمكن التلميذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة ذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة التناظر . إلا أن استعمال أداة التناظر و خواص متوازي الأضلاع يكون أكثر ناجعة للبرهان على أغلبية النظريات المقررة في البرنامج .</p>
الأنشطة	- يتعرف على الحالة الأولى لتقاييس مثلثين .	<p>الحالة (أ)</p>  <p>الحالة (ب)</p>  <p>■ باستعمال الورق الشفاف نلاحظ أن :</p> <ul style="list-style-type: none"> - المثلثين ABC و EFG متطابقان وبالتالي فهما متقايسان . - المثلثين ABC و DHI غير متطابقان وبالتالي فهما غير متقايسان . <p>- <u>وجه التشابه</u> : في الحالتين (أ) و (ب) تقاييس المثلثان في ضلعين و زاوية .</p> <p>- <u>وجه الاختلاف</u> : في الحالة (أ) الزاوية 60° تقع بين الضلعين المتقايسين .</p> <p>في الحالة (ب) الزاوية 60° لا تقع بين الضلعين المتقايسين .</p>	

مثلثان متقايسان هم مثلثان قابلان للتطابق .

• الحالة الأولى

يتقايس مثلثان إذا تقايس فيهما ضلعان والزاوية المحصورة بينهما .



إذا كان ABC و EFG مثلثين حيث :

$$AB = EF$$

$$AC = EG$$

$$\hat{A} = \hat{E}$$

فان المثلثين متقايسان

تمرين

تطبيق

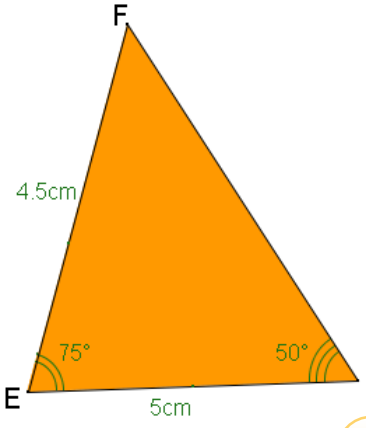
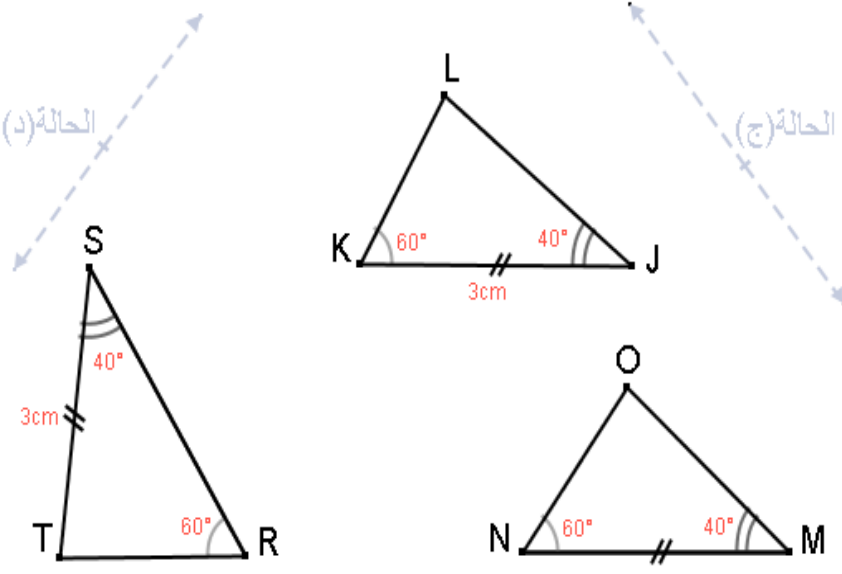
النقطتان A و B نظيرتي النقطتين C و D بالنسبة إلى النقطة O على الترتيب .

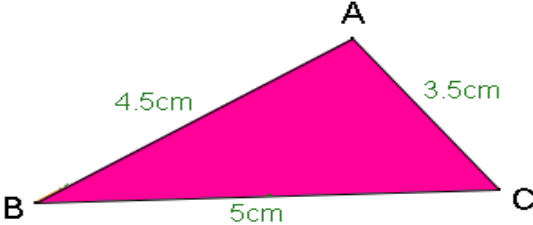
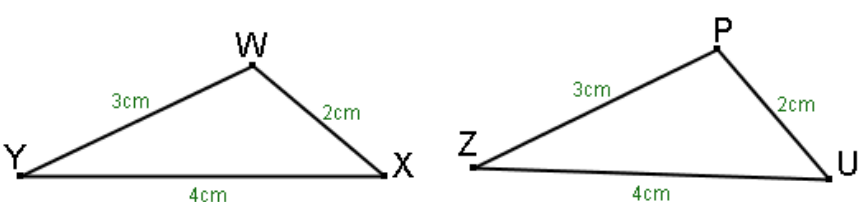
1 أنشئ الشكل .

2 بين أن المثلثين OAB و OCD متقايسان .

التمرين رقم 2 ص 148

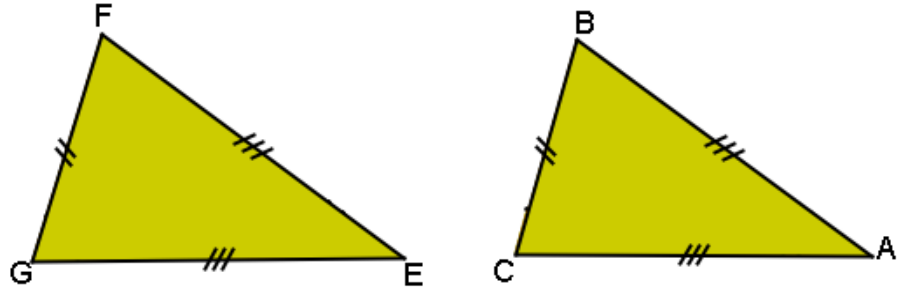
الواجب
المنزلي

ملاحظات	أنشطة التعلم	مؤشرات الكفاءة	المراحل
<p>المنهاج: يعرف المثلثان المتقايسان على أنهما مثلثان قابلان للتطابق و يستنتج أن كل العناصر المتماثلة فيها (الأضلاع و الزوايا) متساوية مثني مثني .</p> <p>لتبرير حالة من حالات التقاييس بنشأ مثلثان يحققان شروط هذه الحالة ثم يعلل تقاييسهما بالتحقق من تطابقهما باستعمال الورق الشفاف أو بالتحقق من تساوي الأضلاع و الزوايا الأخرى بالمدور مثلا . و تستعمل هذه الحالة لتبرير الحالات الأخرى .</p> <p>تعتبر حالات تقاييس المثلثات أداة إضافية تمكن التلميذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة ذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة التناظر . إلا أن استعمال أداة التناظر و خواص متوازي الأضلاع يكون أكثر ناجعة للبرهان على أغلبية النظريات المقررة في البرنامج .</p>	<p>■ أنشئ المثلث EFD حيث : $\hat{E} = 75^\circ$, $\hat{D} = 50^\circ$, $EF = 4.5cm$.</p>  <p>النشاط 02 ص 136 س 2</p> <p>2.</p>  <p>■ باستعمال الورق الشفاف نلاحظ أن :</p> <ul style="list-style-type: none"> - المثلثين LKJ و MNO متطابقان وبالتالي فهما متقايسان - المثلثين LKJ و RST غير متطابقان وبالتالي فهما غير متقايسان <p>- وجه التشابه : في الحالتين (أ) و (ب) تقاييس المثلثان في زاويتين وضع</p> <p>- وجه الاختلاف : في الحالة (أ) الضلع 3cm يقع بين الزاويتين المتقايسيتين في الحالة (ب) الضلع 3cm لا يقع بين الزاويتين المتقايسيتين</p>	<p>- يرسم مثلث بمعرفة قياس زاويتين و طول الضلع المحصور بينهما .</p> <p>- يتعرف الحالة الثانية لتقاييس مثلثين .</p>	<p>تهيئة</p> <p>الأنشطة</p>

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	ينشئ مثلث بمعرفة أطوال أضلاعه الثلاثة	<p>■ أنشئ المثلث ABC حيث : $AB = 4.5cm$ ، $BC = 5cm$ ، $AC = 3.5cm$</p>  <p>النشاط 2 ص 137 س 3</p> <p>3.</p>  <p>■ باستعمال الورق الشفاف نلاحظ أن المثلثين متطابقان وبالتالي فهما متقايسان</p> <p>النشاط 3 ص 137</p> <p>1. لقد اخطأ عزوز فالمثلثان غير متقايسان ونستطيع أن نتأكد باستعمال الورق الشفاف وحتى بالعين المجردة فالمثلثان غير متطابقان</p> <p>2. كي يرسم بلال و عزوز مثلثان متقايسان يجب إضافة شرط تقاييس ضلع وذلك حسب الحالة الثانية.</p> <p>مثال</p> <p>كرس الأستاذ</p> <p>كرس التلميذ</p>	<p>المنهاج: يعرف المثلثان المتقايسان على أنهما مثلثان قابلان للتطابق و يستنتج أن كل العناصر المتماثلة فيها (الأضلاع و الزوايا) متساوية مثني مثني . لتبرير حالة من حالات التقاييس ينشأ مثلثان يحققان شروط هذه الحالة ثم يعال تقايسهما بالتحقق من تطابقهما باستعمال الورق الشفاف أو بالتحقق من تساوي الأضلاع و الزوايا الأخرى بالمونور مثلا . و تستعمل هذه الحالة لتبرير الحالات الأخرى . تعتبر حالات تقاييس المثلثات أداة إضافية تمكن التلميذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة ذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة التناظر . إلا أن استعمال أداة التناظر و خواص متوازي الأضلاع يكون أكثر ناجعة للبرهان على أغلبية النظريات المقررة في البرنامج .</p>

• الحالة الثالثة

يتقايس مثلثان إذا تقايس فيهما الأضلاع الثلاثة .



إذا كان ABC و EFG مثلثين حيث :

$$AB = EF$$

$$AC = EG$$

$$BC = FG$$

فان المثلثين متقايسان

انتبه : لا يكفي تقايس الزوايا الثلاثة لمثلثين حتى يكون المثلثان متقايسين

تمرين 1

$ABCD$ متوازي أضلاع

بين أن المثلثين ABD و BCD متقايسان

تمرين 2

EFG مثلث متساوي الساقين في

M منتصف $[FG]$

بين أن المثلثين EMF و EMG متقايسان

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>التمرين 7 ص 148</p> <p>التمرين 1</p> <p>ABC مثلث متساوي الساقين في A ، منصف الزاويتين \hat{A} و \hat{B} يقطعان $[AC]$ و $[AB]$ في النقطتين E و D على الترتيب . - بين أن المثلثين BEC و DBC متقايسان .</p> <p>التمرين 2</p> <p>ABC مثلث قائم في A ، I منتصف $[AB]$ ، D نظيرة C بالنسبة إلى I - مانوع المثلث IBD - علل</p> <p>التمرين 3</p> <p>ABC مثلث ، النقطة E نظيرة A بالنسبة إلى B ، (d) مستقيم يشمل E و يوازي (AC) فيقطع (BC) في النقطة F - بين أن المثلثين و متقايسان - استنتج أن $AF = AC$</p> <p>التمرين 4</p> <p>EFG مثلث ، E' نظيرة E بالنسبة إلى (FG) - بين أن المثلثين EFG و $E'FG$ متقايسان .</p>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر خاصية ضرب بسط و مقام كسر في نفس العدد	<p>■ انقل ثم اتمم :</p> $\frac{6}{5} = \frac{.... \times 5}{12} = \frac{.... \times 5}{.... \times 6}$ <p>النشاط 1 ص 24</p>	المنهاج: لم يرد تعليق .
الأنشطة	يقارن كسرين لهما نفس المقام	<p>اصغر كسرين لهما نفس المقام هو الذي بسطه اصغر</p> <p>النشاط 2 ص 24</p> <p>1. مضاعفات العدد 3 : مضاعفات العدد 5 :</p> $\frac{9}{5} = \frac{27}{15} \quad \frac{3}{7} = \frac{35}{15}$ <p>2. إذن :</p> $\frac{35}{15} > \frac{29}{15} \quad \text{لأن} \quad \frac{3}{7} > \frac{9}{5}$ <p>النشاط 3 ص 24</p>	
	يقارن كسرين لهما مقامين مختلفين بحساب حاصليهما .	<p>إذن :</p> $\frac{2005}{156} \approx 12.15$ $\frac{1363.36}{56} \approx 24.34$ $\frac{1363.36}{56} > \frac{2005}{156}$	

- اصغر كسرين لهما نفس المقام هو الذي بسطه اصغر

مثال : $\frac{21}{8} > \frac{15.7}{8}$ لأن $21 > 15.7$

انتبه : لمقارنة كسرين لهما مقامان مختلفان يجب أولاً كتابتهما على شكل كسرين لهما نفس المقام.

مثال : مقارنة الكسرين $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{7}$

$$\frac{1}{2} = \frac{7}{14}$$

$$\frac{3}{7} = \frac{6}{14}$$

لدينا :

$$\frac{1}{2} > \frac{7}{14}$$

وعليه :

رقم 6 و 7 ص 37

رقم 1 و 3 و 5 ص 37

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر خاصية جمع و طرح كسرين لهما نفس المقام .	<p>احسب ما يلي : $\frac{13}{9} - \frac{5}{9}$ و $\frac{7}{22} + \frac{3}{22}$</p> <p>النشاط 1 ص 24</p> <p>1. لجمع كسرين لهما نفس المقام نجمع بسطيهما و نحفظ بنفس المقام ل طرح كسرين لهما نفس المقام نطرح بسطيهما و نحفظ بنفس المقام</p> <p>2. $\frac{42}{5} + \frac{3}{5} = \frac{42+3}{5} = \frac{45}{5} = 9$</p> <p>النشاط 2 ص 24</p> <p>$\frac{16}{7} - \frac{2.5}{14} = \frac{16 \times 2}{7 \times 2} - \frac{2.5}{14} = \frac{32 - 2.5}{14} = \frac{29.5}{14}$</p> <p>$\frac{33}{8} + \frac{15}{6} = \frac{33 \times 3}{8 \times 3} + \frac{15 \times 4}{6 \times 4} = \frac{99 + 60}{24} = \frac{156}{24} = \frac{53}{8}$</p> <p>النشاط 3 ص 24</p> <p>كلا القولين صحيح، لكن القول الثاني (نوال) أسهل عند التطبيق .</p> <p>$\frac{13}{11} + \frac{7.12}{17} = \frac{13 \times 17}{11 \times 17} + \frac{7.12 \times 11}{17 \times 11} = \frac{221 + 78.32}{187} = \frac{299.32}{187}$</p> <p>$\frac{47}{15} + \frac{17.5}{12} = \frac{47 \times 12}{15 \times 12} + \frac{17.5 \times 15}{12 \times 15} = \frac{564 + 262.5}{180} = \frac{826.5}{180}$</p>	<p>المنهاج: لتوحيد مقامي كسرين ليس من الضروري التطرق إلى مفهوم المضاعف المشترك الأصغر بالاعتماد على التحليل إلى جداء عوامل أولية الذي هو خارج البرنامج .</p> <p>في الحالات البسيطة ، كان يكون المقامان بسيطان أو احد المقامين مضاعفا للآخر . . . ، يمكن تعيين المضاعف المشترك الأصغر ذهنيا و يؤخذ جداء المقامين في الحالات الأخرى .</p> <p>نذكر انه في حالة كسور بمقامات عشرية نحول المقامات إلى أعداد طبيعية .</p>
الأنشطة	يجمع ويطرح كسرين لهما نفس المقام		
	يجمع ويطرح كسرين لهما مقامين مختلفين بتوحيد مقاميهما وذلك بالبحث عن المضاعف المشترك الأصغر .		
	يجمع كسرين لهما مقامان مختلفان باعتبار المقام المشترك هو جداء المقامين.		

انتبه : نطرح بسط
الكسر الثاني من بسط
الكسر الأول.

لجمع كسرين لهما نفس المقام نجمع بسطيهما ونحتفظ بنفس المقام

$$\frac{a}{k} + \frac{b}{k} = \frac{a+b}{k} \quad \text{مع } (k \neq 0)$$

لطرح كسرين لهما نفس المقام نطرح بسطيهما ونحتفظ بنفس المقام

$$\frac{a}{k} - \frac{b}{k} = \frac{a-b}{k} \quad \text{مع } (k \neq 0)$$

أمثلة :

$$\frac{3.5}{12} + \frac{11}{12} = \frac{3.5 + 11}{12} = \frac{14.5}{12}$$

$$\frac{23}{7} - \frac{10}{7} = \frac{23 - 10}{7} = \frac{13}{7}$$

انتبه : لجمع أو طرح كسرين مقامهما مختلفان يجب أولاً توحيد مقاميها .

أمثلة :

$$\frac{9}{4} + \frac{7}{6} = \frac{9 \times 3}{4 \times 3} + \frac{7 \times 2}{6 \times 2} = \frac{27}{12} + \frac{14}{12} = \frac{27 + 14}{12} = \frac{41}{12}$$

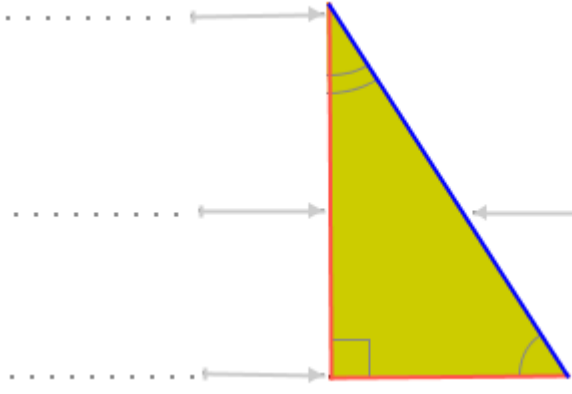
$$\frac{9}{4} - \frac{7}{6} = \frac{9 \times 3}{4 \times 3} - \frac{7 \times 2}{6 \times 2} = \frac{27}{12} - \frac{14}{12} = \frac{27 - 14}{12} = \frac{13}{12}$$

رقم 12 ص 37

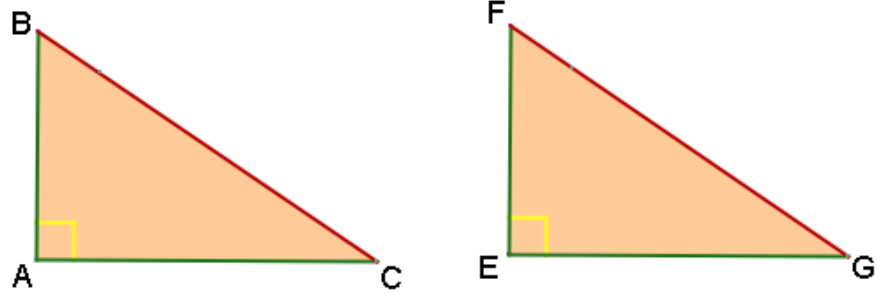
التطبيق

رقم 9 و 10 ص 37

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يعرف عناصر المثلث القائم	<p>■ اتمم ما يلي :</p>  <p>النشاط 4 ص 137</p>	<p>المنهاج: يعرف المثلثان المتقايسان على أنهما مثلثان قابلان للتطابق و يستنتج أن كل العناصر المتماثلة فيها (الأضلاع و الزوايا) متساوية مثلى مثلى .</p> <p>لتبرير حالة من حالات التقاييس ينشأ مثلثان يحققان شروط هذه الحالة ثم يعلل تقايسهما بالتحقق من تطابقهما باستعمال الورق الشفاف أو بالتحقق من تساوي الأضلاع و الزوايا الأخرى بالمدور مثلا . و تستعمل هذه الحالة لتبرير الحالات الأخرى .</p> <p>تعتبر حالات تقاييس المثلثات أداة إضافية تمكن التلميذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة ذ من معالجة بعض المشكلات يصعب فيها استعمال أداة التناظر .</p> <p>إلا أن استعمال أداة التناظر و خواص متوازي الأضلاع يكون أكثر ناجعة للبرهان على أغلبية النظريات المقررة في البرنامج .</p>
الأنشطة	<p>يعرف الحالة الخاصة الأولى لتقايس مثلثين قائمين .</p> <p>يعرف الحالة الخاصة الثانية لتقايس مثلثين قائمين .</p>	<p><u>الحالة (أ) :</u></p> <p>باستعمال الورق الشفاف نلاحظ أن المثلثين 1 و 2 متطابقان وبالتالي فهما متقايسان .</p> <p>■ وعليه : يتقايس مثلثان قائمان إذا تقايس فيهما الوتر و ضلع قائم .</p> <p><u>الحالة (ب) :</u></p> <p>باستعمال الورق الشفاف نلاحظ المثلثين 1 و 2 متطابقان وبالتالي فهما متقايسان .</p> <p>■ وعليه : يتقايس مثلثان قائمان إذا تقايس فيهما الوتر و زاوية حادة .</p>	

- الحالة الخاصة الأولى :
يتقاييس مثلثان قائمان إذا تقاييس فيهما الوتر و ضلع قائم .
- الحالة الخاصة الثانية :
يتقاييس مثلثان قائمان إذا تقاييس فيهما الوتر و زاوية حادة .



ABC و EFG مثلثان قائمان في A و E على الترتيب.

1. إذا كان :

$$BC = FG$$

$$AB = EF$$

فان المثلثين ABC و EFG متقايسان .

2. إذا كان :

$$BC = FG$$

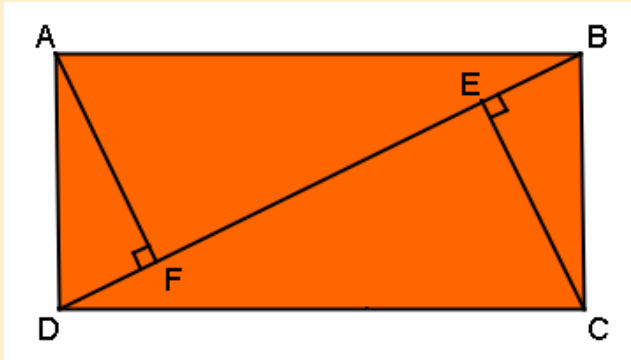
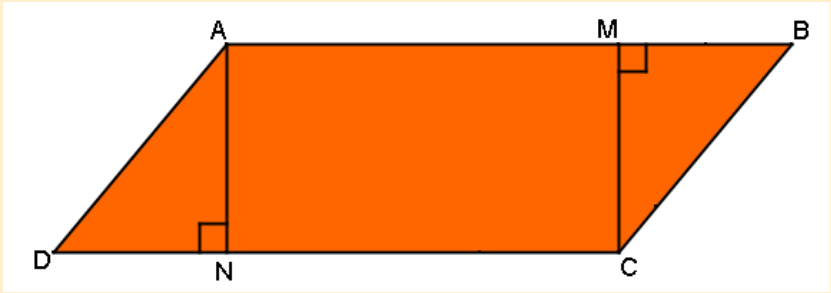
$$\hat{C} = \hat{G}$$

فان المثلثين ABC و EFG متقايسان .

انتهيه : حالات التقاييس الثلاثة المذكورة سابقا تبقى صحيحة بالنسبة لمثلثين قائمين .

رقم 3 و 6 ص 148

رقم 7 و 8 ص 148 / 149

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>التمرين 1</p> <p>مثلث ABC، مثلث A' نظيرة A بالنسبة إلى (BC) حيث O نقطة تقاطع (AA') و (BC)</p> <p>- بين أن المثلثين AOB و $A'OB$ متقايسان .</p> <p>التمرين 2</p> <p>إليك الشكل حيث $ABCD$ مستطيل .</p>  <p>1) بين أن المثلثين EBC و FDA متقايسان . 2) استنتج أن : $EC = FA$</p> <p>التمرين 3</p> <p>إليك الشكل حيث $ABCD$ متوازي أضلاع .</p>  <p>1) بين أن المثلثين و متقايسان . 2) استنتج أن : $BM = DN$</p>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات												
تهيئة	يتذكر قاعدة ضرب كسرين.	<p>■ احسب ما يلي :</p> $\frac{7}{2} \times \frac{3}{4} = \dots\dots\dots$	المنهاج: تدعم مكتسبات التلميذ حول ضرب كسرين و تستغل لاستنتاج قاعدة قسمة كسرين												
الأنشطة	يعرف مقلوب كسر.	<p>النشاط 1 ص25</p> <p>1. $\frac{7}{12} \times \frac{12}{7} = 1$ إذن $\frac{12}{7}$ هو مقلوب $\frac{7}{12}$</p> <p>2.</p> <table><tr><td>الكسر</td><td>$\frac{1}{14}$</td><td>$\frac{3}{8}$</td><td>$\frac{4}{3.4}$</td><td>$\frac{31}{125}$</td><td>$\frac{15}{14}$</td></tr><tr><td>مقلوبه</td><td>14</td><td>$\frac{8}{3}$</td><td>$\frac{3.4}{4}$</td><td>$\frac{125}{31}$</td><td>$\frac{14}{15}$</td></tr></table>	الكسر	$\frac{1}{14}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{4}{3.4}$	$\frac{31}{125}$	$\frac{15}{14}$	مقلوبه	14	$\frac{8}{3}$	$\frac{3.4}{4}$	$\frac{125}{31}$	$\frac{14}{15}$	<p>(1) أكمل ما يلي : $\dots \times \frac{7}{3} = \frac{35}{27}$ $\frac{35}{27} \div \frac{7}{3} = \dots$</p> <p>(2) احسب : $\frac{35}{27} \times \frac{3}{7}$</p> <p>(3) قارن بين نتيجتي السؤالين السابقين.</p>
	الكسر	$\frac{1}{14}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{4}{3.4}$	$\frac{31}{125}$	$\frac{15}{14}$									
مقلوبه	14	$\frac{8}{3}$	$\frac{3.4}{4}$	$\frac{125}{31}$	$\frac{14}{15}$										
	يعرف قاعدة قسمة كسرين.	<p>النشاط 2 ص25</p> <p>1. $10x = 1$ أي $x = \frac{1}{10}$</p> <p>$2.5x = 10$ أي $x = \frac{10}{2.5}$</p> <p>$10x = 64$ أي $x = \frac{64}{10}$</p> <p>$6x = 18$ أي $x = \frac{18}{6}$</p> <p>3. $\frac{5}{6} \times \frac{9}{4} = \frac{45}{24}$ إذن $\frac{9}{4} = \frac{45}{24} \div \frac{5}{6}$</p> <p>لدينا : $\frac{45}{24} \times \frac{6}{5} = \frac{9}{4}$</p> <p>وعليه : $\frac{45}{24} \div \frac{5}{6} = \frac{45}{24} \times \frac{6}{5}$</p> <p>الاستنتاج : لقسمة كسرين نضرب الكسر الأول في مقلوب الكسر الثاني .</p> <p>مثال : $\frac{35}{8} \div \frac{2.5}{4} = \frac{35}{8} \times \frac{4}{2.5} = \frac{140}{20} = 7$</p>	<p>انطلاقا من أنشطة مماثلة ينص على القاعدة .</p> <p>ننبه التلاميذ على إعطاء قيمة x في شكل كسر</p>												

a و b و d أعداد عشرية غير معدومة .

مقلوب الكسر $\frac{a}{b}$ هو الكسر $\frac{b}{a}$

أمثلة :

مقلوب الكسر $\frac{8}{11}$ هو $\frac{11}{8}$
مقلوب الكسر $\frac{7.1}{4}$ هو $\frac{4}{7.1}$

قسمة الكسر $\frac{c}{d}$ على الكسر $\frac{a}{b}$ تعني ضرب $\frac{c}{d}$ في $\frac{b}{a}$ (مقلوب $\frac{a}{b}$)
أي
$$\frac{c}{d} \div \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \times \frac{b}{a}$$

أمثلة :

$$\frac{13}{7} \div \frac{2}{5} = \frac{13}{7} \times \frac{5}{2} = \frac{65}{14}$$

$$19 \div \frac{3}{2} = 19 \times \frac{2}{3} = \frac{38}{3}$$

$$\frac{22.5}{3} \div 2 = \frac{22.5}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{22.5}{6}$$

رقم 14 ص 37

رقم 15 ص 38

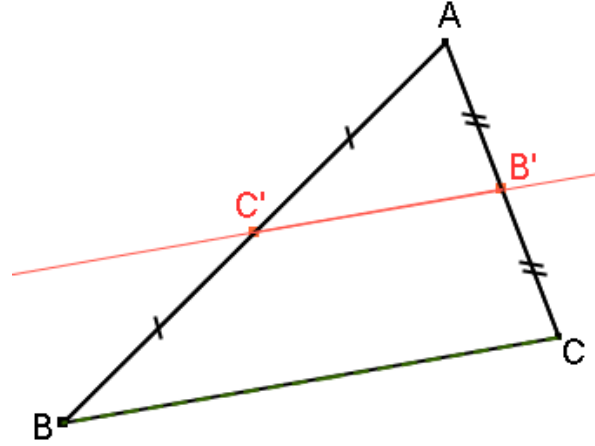
رقم 16 ص 38

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التمارين		<p>التمرين 1</p> <p>إليك العددين M و N حيث :</p> $M = \frac{5}{2} - \frac{1}{4}$ $N = \frac{1}{3} + \frac{1}{4}$ <p>- أعط الكتابة الكسرية للعددين M و N</p> <p>- قارن بين العددين $M \times N$ و $M \div N$</p> <p>التمرين 2</p> <p>إليك الأعداد : E, F, G, H حيث :</p> $E = \frac{13}{8} + \frac{1}{11}$ $F = \frac{13}{8} - \frac{1}{11}$ $G = \frac{13}{8} \times \frac{1}{11}$ $H = \frac{13}{8} \div \frac{1}{11}$ <p>- رتب تصاعدي الأعداد : E, F, G, H</p> <p>التمرين 3</p> <p>احسب ما يلي :</p> $A = \frac{3}{4} + \frac{5}{4} \times \frac{6}{5}$ $B = \frac{1}{4} \times \frac{5}{2} + \frac{15}{16}$ $C = \frac{13 + 11}{4 + 2} + \frac{1}{2}$ $D = \frac{4}{11} \div \left[1 - \frac{5}{6} \times \frac{2}{3} \right]$ <p>التمرين 4</p> <p>اشترى علي جهاز كمبيوتر فدفّع $\frac{5}{16}$ من ثمنه ، و الباقي قسمه إلى أربعة أقساط</p> <p>- بأي كسر من المبلغ نمثل كل قسط</p> <p>- ما هي قيمة القسط الواحد إذا كان ثمن الجهاز 32000DA</p>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	1- يتذكر طريقة إنشاء منتصف قطعة مستقيم. 2- يتذكر خواص متوازي الأضلاع .	<ul style="list-style-type: none"> أنشئ النقطة A منتصف القطعة $[AB]$. مراجعة خواص متوازي الأضلاع . <p>النشاط 1 ص 123</p>	المنهاج: يمكن توظيف التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع للبرهان على النظريتين المتعلقتين بمستقيم المنتصفين في مثلث . أما بالنسبة إلى النظرية العكسية (إذا كان مستقيم يشمل منتصف أحد أضلاع مثلث و يوازي ضلعا ثانيا فانه يشمل منتصف الضلع الثالث) ، فيمكن أن نبرهن باستعمال النظرية المباشرة و بديهية إقليدس . تسمح هذه النظريات بحل مشكلات متعلقة بالبرهان على توازي مستقيمين أو إثبات أن نقطة هي منتصف قطعة أو حساب طول قطعة .
الأنشطة	يعرف النظرية المتعلقة بمستقيم المنتصفين في مثلث . يبرهن النظرية	<p>1. يعرف النظرية المتعلقة بمستقيم المنتصفين في مثلث .</p> <p>2. يبدولنا : $(LM) \parallel (L'M')$</p> <p>3. نلاحظ أن : $ML = 2M'L'$</p> <p>النشاط 2 ص 123</p> <p>- إن الرباعي $AC'CC''$ متوازي أضلاع لأن النقطة B' مركز له . إذن : $AC = CC''$ و $(AC') \parallel (CC'')$ إن الرباعي $C'BCC''$ متوازي أضلاع لان الضلعين $[CC'']$ و $[BC']$ فيه متوازيان و متقايسان . إذن : $BC = C'C''$ و $(BC) \parallel (C'C'')$ بما أن : $(BC) \parallel (C'C'')$ وأن B' منتصف $[C'C'']$ فان : $(B'C') \parallel (BC)$ بما أن : $BC = C'C''$ وأن B' منتصف $[C'C'']$ فان : $C'B' = \frac{1}{2} \times BC$ - انقل ثم اتمم : في مثلث ABC إذا كانت النقطة C' منتصف الضلع $[AB]$ و كانت B' منتصف الضلع $[AC]$ فان : $(B'C') \parallel (BC)$ و $C'B' = \frac{1}{2} \times BC$</p>	

• نظرية :

في مثلث المستقيم الذي يشمل منتصفين ضلعين يوازي الضلع الثالث، وطول القطعة الواصلة بين هذين المنتصفين يساوي نصف طول الضلع الثالث.



في المثلث ABC إذا كانت C' منتصف $[AB]$ و B' منتصف $[AC]$ فان :

$$C'B' = \frac{1}{2} \times BC ; (B'C') \parallel (BC)$$

رقم 7 ص 130

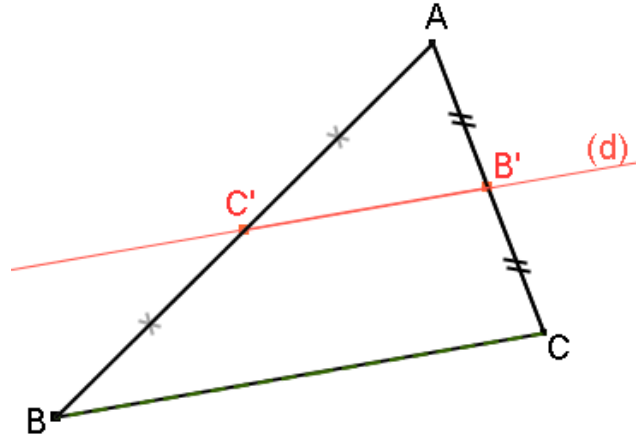
رقم 8 ص 130

التطبيق

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة		<p>مراجعة نص النظرية .</p>	<p>المنهاج: يمكن توظيف التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع للبرهان على النظريتين المتعلقين بمستقيم المنتصفين في مثلث . أما بالنسبة إلى النظرية العكسية (إذا كان مستقيم يشمل منتصف احد أضلاع مثلث و يوازي ضلعا ثانيا فانه يشمل منتصف الضلع الثالث) ، فيمكن أن نبرهن باستعمال النظرية المباشرة و بديهية إقليدس .</p>
الأنشطة		<p>النشاط 3 ص 123/124</p> <p>1. لا يمكن رسم أكثر من مستقيم واحد يشمل B' و يوازي (BC)</p> <p>التلميذ سامي استعمل الخاصية المبرهنة في النشاط السابق (رقم 2)</p> <p>رسم سامي صحيح لأنه استعمل نظرية مستقيم المنتصفين حيث (d) هو مستقيم المنتصفين في المثلث ABC</p> <p>2. الخاصية المستنتجة :</p> <p>في مثلث المستقيم الذي يشمل منتصف احد الأضلاع و يوازي ضلع ثاني فانه يقطع الضلع الثالث في المنتصف .</p>	<p>تسمح هذه النظريات بحل مشكلات متعلقة بالبرهان على توازي مستقيمين ا واثبات أن نقطة هي منتصف قطعة أو حساب طول قطعة .</p>

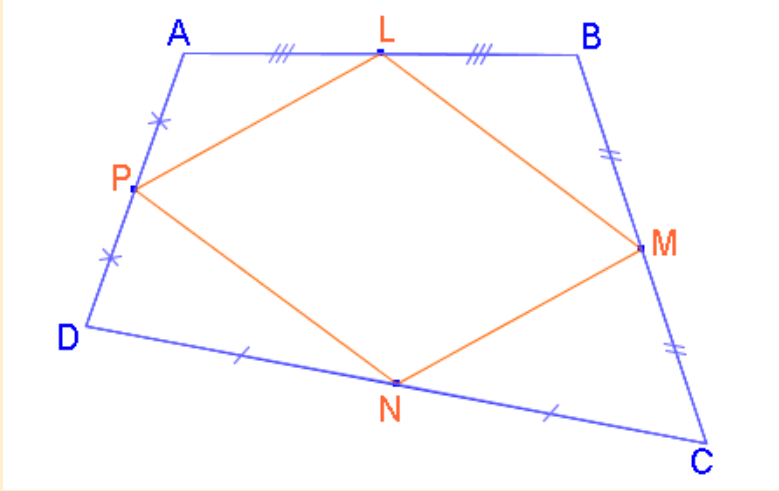
إذا كان مستقيم يشمل منتصف أحد أضلاع مثلث ويوازي ضلعا ثانيا فانه يشمل منتصف الضلع الثالث.



في المثلث ABC إذا كانت المستقيم (d) يشمل B' منتصف $[AC]$ و $(d) \parallel (BC)$ فان :
المستقيم (d) يشمل C' منتصف $[AB]$

رقم 5 ص 130

رقم 8/9/10 ص 130

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>التمرين 8 ص 130</p> <p>التمرين 9 ص 130</p> <p>التمرين 10 ص 130</p> <p>التمرين 6 ص 130</p> <p>التمرين 11 ص 130</p> <p>النشاط 1 ص 126</p> <p>النشاط 2 ص 126</p> <p>تمرين 1</p> <p>إليك الرباعي $ABCD$ حيث النقط L, M, N, P منتصفات الأضلاع $[AB], [BC], [DC], [AD]$ على الترتيب. (لاحظ الشكل أسفله)</p> <p>- برهن أن الرباعي $LMNP$ متوازي أضلاع.</p> 	واجب منزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة		$(+2) \times (-1)$ $(-5) \times (-3)$	<p>المنهاج: نقبل أن العدد الناطق هو حاصل قسمة عددين نسبيين (مثال : كل من العددين $\frac{-6}{-5}$ و $\frac{+2}{-1.3}$ هو عدد ناطق).</p> <p>نعود التلاميذ على كتابة العدد الناطق $\frac{a}{b}$ في شكله المبسط بإشارة واحدة تستنتج من إشارتي a و b ، بتطبيق قاعدة إشارة الجداء ab مع الاختزال عند الإمكان .</p>
الأنشطة		<p>■ احسب مايلي :</p> <p>النشاط 1 ص 28</p> $(14) \div (-2) = -7$ $(-15) \div (-2.5) = +6$ $27 \div (-4) = -6.75$ $(-12.5) \div 3 \approx 4.1666.....$ <p>النشاط 2 ص 28</p> <p>1.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> $\begin{array}{r} 25 \overline{) 7} \\ 40 \\ 50 \\ 10 \\ 30 \\ 20 \\ 60 \\ 40 \\ \dots \end{array}$ </div> <div style="text-align: center;"> $\begin{array}{r} 28 \overline{) 7} \\ 0 \\ 4 \end{array}$ </div> </div> <p>2. العدد 3.5714285 ليس القيمة التامة للحاصل $\frac{25}{7}$ لان القسمة غير منتهية .</p> <p>القيمة المقربة إلى الوحدة بالنقصان لهذا الحاصل هي 3</p> <p>القيمة المقربة إلى 0.1 بالنقصان لهذا الحاصل هي 3.5</p> <p>القيمة المقربة إلى 0.001 بالزيادة لهذا الحاصل هي 3.572</p> <p>النشاط 2 ص 28</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> $\frac{-20}{6} \approx -3.33$ $\frac{128}{7} \approx 18.28$ </div> <div style="text-align: center;"> $\frac{-27}{8} \approx -3.375$ $\frac{16}{-2.5} = -6.4$ </div> <div style="text-align: center;"> $\frac{-15}{-9} \approx 1.66$ $\frac{17}{-7} \approx 2.42$ </div> </div> <p> $\frac{15}{-4} = -3.75$ </p>	

- العدد الناطق هو حاصل قسمة عدد نسبي a على عدد نسبي b غير معدوم.

كل عدد ناطق يكتب على الشكل : $\frac{a}{b}$

أمثلة :

$$\frac{-10}{9.2}, \frac{17}{1}, \frac{3.5}{4}, \frac{2}{2}$$

هي أعداد ناطقة.

انتبه :

كتابة عدد ناطق في شكله المبسط تعني كتابته على شكل كسر مسبق بإشارة (مع الاختزال إن أمكن) .

أمثلة :

شكله المبسط	العدد الناطق
$+\frac{2.4}{3}$	$\frac{-2.4}{-3}$
$-\frac{2}{3}$	$\frac{16}{-24}$
-5	$\frac{-25}{5}$

التطبيق

رقم 17 ص 38

الواجب المنزلي

رقم 18 ص 37

رقم 19 ص 38

رقم 20 ص 38

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	<p>- يتذكر خاصية ضرب بسيط و مقام كسر في نفس العدد.</p> <p>- يتذكر العمليات على الأعداد النسبية.</p>	<p>▪ انقل واتم : $\frac{5}{6} = \frac{5 \times \dots}{6 \times \dots} = \frac{15}{18}$</p> <p>▪ مراجعة العمليات على الأعداد النسبية.</p> <p>النشاط 1 ص 28</p> <p>1. اكتب الحاصلين $\frac{2}{-15}$ و $\frac{3}{-1.2}$ بمقامين طبيعيين :</p> $\frac{2}{-15} = \frac{2 \times (-1)}{-15 \times (-1)} = \frac{2}{15}$ $\frac{3}{-1.2} = \frac{3 \times (-10)}{-1.2 \times (-10)} = \frac{-30}{12}$ <p>2. احسب مايلي :</p> $\frac{2}{15} + \frac{-30}{12} = \frac{2 \times 4}{15 \times 4} + \frac{-30 \times 5}{12 \times 5} = \frac{8}{60} + \frac{-150}{60} = \frac{8 + (-150)}{60} = \frac{-142}{60} = -\frac{71}{30}$ $\frac{2}{15} - \frac{-30}{12} = \frac{2 \times 4}{15 \times 4} - \frac{-30 \times 5}{12 \times 5} = \frac{8}{60} - \frac{-150}{60} = \frac{8 - (-150)}{60} = \frac{158}{60} = \frac{79}{30}$	<p>المنهاج: بالنسبة إلى العمليات على الأعداد الناطقة ، تقدم كتوسيع للعمليات على الكسور و الأعداد النسبية .</p> <p>مثال : لجمع عددين ناطقين نكتبهما على شكل عددين ناطقين مقامهما عدنان طبيعيين ثم نوجد هذين المقامين و نجمع البسطين الناتجين :</p> $\frac{-6}{-5} + \frac{+2}{-1.3} = \frac{6}{5} + \frac{-20}{13}$ $= \frac{78}{65} + \frac{-100}{65}$ $= \frac{78-100}{65} = \frac{-22}{65}$ <p>كل دراسة نظرية لخواص العمليات على الأعداد الناطقة هي خارج البرنامج.</p> <p>تستعمل في هذا المجال مكتسبات التلميذ حول العمليات على الكسور و الأعداد الناطقة .</p>

- لجمع عددين ناطقين لهما نفس المقام نجمع بسطيهما و نحتفظ بنفس المقام .
- لطرح عددين ناطقين لهما نفس المقام نطرح بسطيهما و نحتفظ بنفس المقام .

أمثلة :

$$\frac{-13}{1.5} + \frac{4}{1.5} = \frac{-13+4}{1.5} = \frac{-9}{1.5} = -\frac{9}{1.5}$$

$$\frac{-13}{1.5} - \frac{4}{1.5} = \frac{-13-4}{1.5} = \frac{-17}{1.5} = -\frac{17}{1.5}$$

- لجمع أو طرح عددين ناطقين لهما مقامان مختلفان ، نكتبهما أولاً على شكل عددين ناطقين مقامهما عددان طبيعيين ، ثم نوجد المقامين ، ونطبق عندئذ القاعدة السابقة .

أمثلة :

$$\begin{aligned} \frac{2}{-15} + \frac{3}{-1.2} &= \frac{2 \times (-1)}{-15 \times (-1)} + \frac{3 \times (-10)}{-1.2 \times (-10)} = \frac{2}{15} + \frac{-30}{12} \\ &= \frac{2 \times 4}{15 \times 4} + \frac{-30 \times 5}{12 \times 5} = \frac{8}{60} + \frac{-150}{60} = \frac{8 + (-150)}{60} = \frac{-142}{60} = -\frac{71}{30} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{2}{-15} - \frac{3}{-1.2} &= \frac{2 \times (-1)}{-15 \times (-1)} - \frac{3 \times (-10)}{-1.2 \times (-10)} = \frac{2}{15} - \frac{-30}{12} \\ &= \frac{2 \times 4}{15 \times 4} - \frac{-30 \times 5}{12 \times 5} = \frac{8}{60} - \frac{-150}{60} = \frac{8 - (-150)}{60} = \frac{158}{60} = \frac{79}{30} \end{aligned}$$

رقم 24 ص 38

رقم 25 ص 39

رقم ص

التطبيق

الواجب المنزلي

انتبه : نطرح بسط العدد الناطق الأول من بسط العدد الناطق الثاني .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر قاعدة ضرب عددين نسبيين.	<p>■ احسب ما يلي :</p> $(-11) \times (+3)$ $(+7) \times (-2.1)$ $(-4) \times (-10)$	<p>المنهاج: بالنسبة إلى العمليات على الأعداد الناطقة ، تقدم كتوسيع للعمليات على الكسور و الأعداد النسبية .</p> <p>مثال : لجمع عددين ناطقين نكتبهما على شكل عددين ناطقين مقامهما عدنان طبيعيان ثم نوجد هذين المقامين و نجمع البسطين الناتجين :</p> $\frac{-6}{-5} + \frac{+2}{-1.3} = \frac{6}{5} + \frac{-20}{13}$ $= \frac{78}{65} + \frac{-100}{65}$ $= \frac{78-100}{65} = \frac{-22}{65}$ <p>كل دراسة نظرية لخواص العمليات على الأعداد الناطقة هي خارج البرنامج. تستعمل في هذا المجال مكتسبات التلميذ حول العمليات على الكسور و الأعداد الناطقة</p>
الأنشطة		<p>النشاط 2 ص 28</p> <p>1. هذا الجداء سالب : $-\frac{2}{7} \times \frac{4}{5}$</p> <p>$\frac{2}{7} \times \frac{4}{5} = \frac{2 \times 4}{7 \times 5} = \frac{8}{35}$</p> <p>مما سبق : $-\frac{2}{7} \times \frac{4}{5} = -\frac{8}{35}$</p> <p>$-\frac{2 \times 4}{7 \times 5} = -\frac{8}{35}$</p> <p>نلاحظ أن الجداءين متساويان .</p> <p>3. لقسمة كسرين نضرب الكسر الأول في مقلوب الكسر الثاني .</p> <p>$-\frac{6}{5} \times \frac{5}{-6} = \frac{-6 \times 5}{5 \times (-6)} = \frac{-30}{-30} = 1$</p> <p>وعليه : مقلوب $\frac{-6}{5}$ هو $\frac{5}{-6}$</p> <p>$-\frac{6}{7} \div \frac{5}{-6} = -\frac{6}{7} \times \frac{-6}{5} = \frac{-3 \times (-6)}{7 \times 5} = \frac{18}{35}$</p>	

نترك الإجابة عن السؤال 2

في السؤال 3 ننبه التلاميذ إلى تصحيح الخطأ الموجود في بعض الكتب .

a, b, c, d أعداد نسبية .

لضرب عددين ناطقين نضرب البسط في البسط والمقام في المقام .

أي : $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ مع $(a \neq 0, b \neq 0, d \neq 0)$

أمثلة :

$$\frac{-8}{7} \times \frac{1.1}{2} = \frac{-8 \times 1.1}{14} = \frac{-8.8}{14} = -\frac{8.8}{14}$$

$$9 \times \frac{5}{3.7} = \frac{9 \times 5}{1 \times 3.7} = \frac{45}{3.7}$$

مقلوب العدد الناطق $\frac{a}{b}$ هو $\frac{b}{a}$ مع $(a \neq 0, b \neq 0)$

أمثلة :

مقلوب $\frac{-3}{7.7}$ هو $\frac{7.7}{-3}$ أي $-\frac{7.7}{3}$

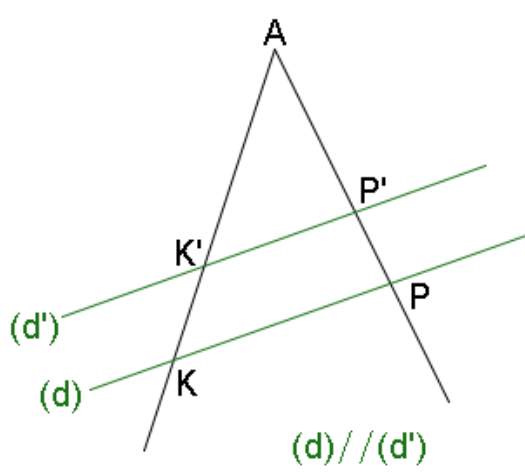
قسمة العدد الناطق $\frac{c}{d}$ على العدد الناطق $\frac{a}{b}$ تعني ضرب العدد الناطق $\frac{c}{d}$ في

مقلوب العدد الناطق $\frac{a}{b}$ (أي العدد $\frac{b}{a}$)

أي : $\frac{c}{d} \div \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \times \frac{b}{a}$

رقم 27 ص 39

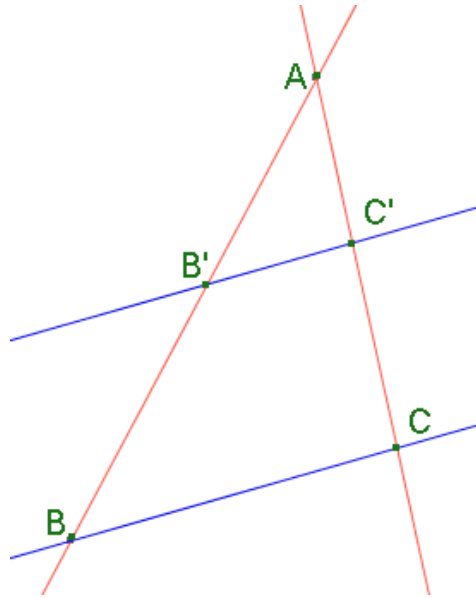
رقم 28 ص 39

المرحلة	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة			<p>المنهاج: يستنتج و يقبل تساوي النسب المختلفة بعد مقارنتها في حالات متنوعة بالاعتماد على القياس و الحساب التقريبي ، كما يمكن استخدام الإعلام الآلي (برمجيات الهندسة الحركية) للتجريب و التخمين .</p> <p>يعتبر هذا المفهوم جزءا من نظرية طالس التي ستعمم و تفصل في السنة الرابعة ، لذلك سنكتفي بالحالة التي يكون فيها احد المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين يحتوي على الآخر .</p> <p>يسمح هذا المفهوم بحساب بعد مجهول (طول احد الأضلاع في احد المثلثين) بتوظيف الرابع المتناسب و حل معادلات) .</p>
الأنشطة		<p>النشاط ② ص 124</p> <p>1.</p>  <p>2.</p> $kp \approx 2.6cm$ $k'p' \approx 1.5cm$ $AP \approx 3.6cm$ $AP' \approx 2.1cm$ $AK \approx 4.2cm$ $AK' \approx 2.5cm$ <p>3.</p> $\frac{AP'}{AP} \approx \frac{2.1}{3.6} \approx 0.58 \approx 0.5$ $\frac{AK'}{AK} \approx \frac{2.5}{4.2} \approx 0.59 \approx 0.5$ $\frac{k'p'}{kp} \approx \frac{1.5}{2.6} \approx 0.59 \approx 0.5$ <p>• بالتقريب إلى $\frac{1}{10}$ نلاحظ أن النسب الثلاثة متساوية .</p>	<p>ما هي المعلومات الواردة في الشكل.</p> <p>نطلب من التلاميذ قياس الأطوال : kp و $k'p'$</p> <p>نطلب من التلاميذ التقريب إلى رتبة معينة (محددة) .</p>

• نظرية:

في مثلث ABC إذا كانت النقطة B' تنتمي إلى الضلع $[AB]$ والنقطة C' تنتمي إلى الضلع $[AC]$ وكان المستقيمان (BC) و $(B'C')$ متوازيان فإن :

$$\frac{AB'}{AB} = \frac{AC'}{AC} = \frac{B'C'}{BC}$$



رقم 17 ص 131

رقم 16 ص 131

رقم 18 ص 131

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>رقم 16 ص 131 رقم 18 ص 131 رقم 21 ص 132 رقم 30 ص 133</p> <p>تمرين 1</p> <p>يقف منير خلف منزله لينظر إلى قمة جبل ، من معطيات الشكل التالي : احسب ارتفاع هذا الجبل h_2</p> <p>$L_1 = 10m$ $L_2 = 5km$ $h_1 = 3.5km$</p> <p>يعطى :</p>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>التمرين 27 ص 39</p> <p>التمرين 28 ص 39</p> <p>التمرين 30 ص 39</p> <p>التمرين 31 ص 39</p> <p>التمرين 41 ص 40</p> <p>التمرين 1</p> <p>احسب كلا مما يلي معطيا الناتج على شكل عدد ناطق مبسط :</p> <ul style="list-style-type: none"> $-\frac{3}{2} + \frac{4}{7} - \frac{-1}{14}$ $\frac{-5}{2} \times \frac{9}{2} - \frac{15}{11}$ $\frac{-3}{5} + \frac{-7}{5} \times \frac{3}{4} - \frac{5}{4}$ 	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يدرك صعوبة كتابة بعض الأرقام الكبيرة جدا .	<p>المسافة بين الأرض والشمس هي مئة وخمسون مليون كيلومتر . عبر عن هذه المسافة بالأرقام مع التحويل إلى المتر .</p>	<p>المنهاج: عند تقديم قوى 10 ، نميز بين القوى ذات الأس الموجبة و القوى ذات الأس السالبة . <u>في حالة القوى ذات الأس الموجبة</u> ، نربط بين قوة 10 و العملية الموافقة و الكتابة العشرية و كذا عدد الأصفار .</p>
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 42</p> <p>1.</p> <ul style="list-style-type: none"> جواب لينتة صحيح (الجواب الثاني) عدد البكتيريا بعد 6 ساعات هو : $10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 1000000$ <p>2. أكمل ما يلي :</p> <ul style="list-style-type: none"> $10000 = 10^4$ $\frac{1}{10^2} = 0.01$ $3700 = 37 \times 10^2$ $45000 = 45 \times 10^3$ $10^6 = 1000000$ $\frac{1}{10^4} = 0.0001$ 	<p>مثال : بالنسبة إلى 10^4 العملية الموافقة : $10 \times 10 \times 10 \times 10$ الكتابة العشرية : 10000 عدد الأصفار : 4 <u>في حالة القوى ذات الأس السالبة</u> ، نربط بين قوة 10 و الكتابة العشرية و / أو الكتابة الكسرية و كذا رتبة بعد الفاصلة .</p> <p>مثال : بالنسبة إلى 10^{-11} الكتابة العشرية : 0.000000000001 رتبة 1 بعد الفاصلة : الرتبة 11</p> <p>الكتابة الكسرية : $\frac{1}{10^{11}}$.</p>

n عدد طبيعي غير معدوم.

يدل العدد 10^n على جداء n عاملا كلا منها هو 10

$$10^n = \underbrace{10 \times \dots \times 10}_{n \text{ عاملا}}$$

أي:

$$10^n = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ صفرا}}$$

• 10^n يقرأ 10 أس n أو 10 قوة n

انتبه:

$$10^1 = 10$$

$$10^0 = 1$$

مثال:

$$10^5 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 100000$$

5 أصفار

هي الكتابة العشرية للعدد 10^5

هي العملية الموافقة للعدد 10^5

التطبيق

رقم 1 ص 57

رقم 4 ص 57

الواجب المنزلي

رقم 7 ص 57

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر قوى العدد 10 ذات الأس الموجب .	<p>■ أكمل ما يلي :</p>	<p>المنهاج: عند تقديم قوى 10 ، نميز بين القوى ذات الأس الموجبة و القوى ذات الأس السالبة .</p> <p><u>في حالة القوى ذات الأس الموجبة</u></p> <p>الموجبة ، نربط بين قوة 10 و العملية الموافقة و الكتابة العشرية و كذا عدد الأصفار .</p> <p>مثال : بالنسبة إلى 10^4 العملية الموافقة : $10 \times 10 \times 10 \times 10$ الكتابة العشرية : 10000 عدد الأصفار : 4</p> <p><u>في حالة القوى ذات الأس السالبة</u> ، نربط بين قوة 10 و الكتابة العشرية و / أو الكتابة الكسرية و كذا رتبة بعد الفاصلة .</p> <p>مثال : بالنسبة إلى 10^{-11} الكتابة العشرية : 0.000000000001 رتبة 1 بعد الفاصلة : الرتبة 11</p> <p>الكتابة الكسرية : $\frac{1}{10^{11}}$</p>
الأنشطة		<p>• $10000 = 10^{\dots}$</p> <p>• $\frac{1}{10^{\dots}} = 0.0001$</p> <p>النشاط 2 ص 42</p> <p>لدينا :</p> <p>$0.01 = 10^{-2}$</p> <p>$0.001 = 10^{-3}$</p> <p>أكمل ما يلي :</p> <p>• $0.00001 = 10^{-5}$</p> <p>• $0.5 = 5 \times 10^{-1}$</p> <p>• $0.375 = 3.75 \times 10^{-1}$</p> <p>• $13.333 = 133.33 \times 10^{-1}$</p> <p>• $18 = 1800 \times 10^{-2}$</p> <p>• $1.438 = 14.38 \times 10^{-1}$</p>	

يدل العدد 10^{-n} على مقلوب العدد 10^n

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \frac{1}{\underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ صفرا}}}$$

أو

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0.0 \dots 01}_{n \text{ رقما}}$$

انتبه :

$$10^{-1} = 0.1$$

مثال :

$$10^{-5} = \frac{1}{10^5} = \frac{1}{100000} = \underbrace{0.00001}_{5 \text{ أرقام}} \quad \text{5 أصفار}$$

هي الكتابة العشرية للعدد 10^{-5}

التطبيق

رقم 2 ص 57

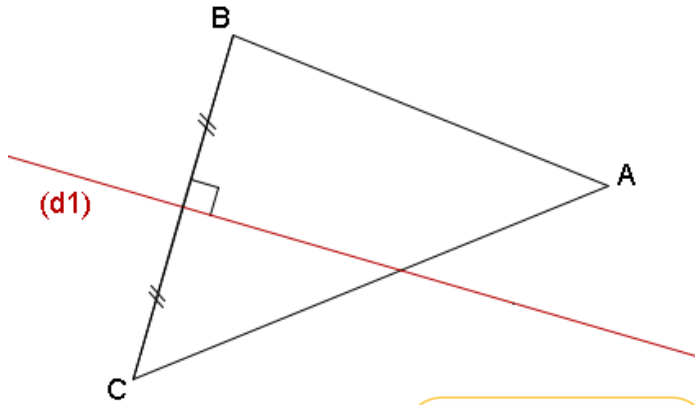
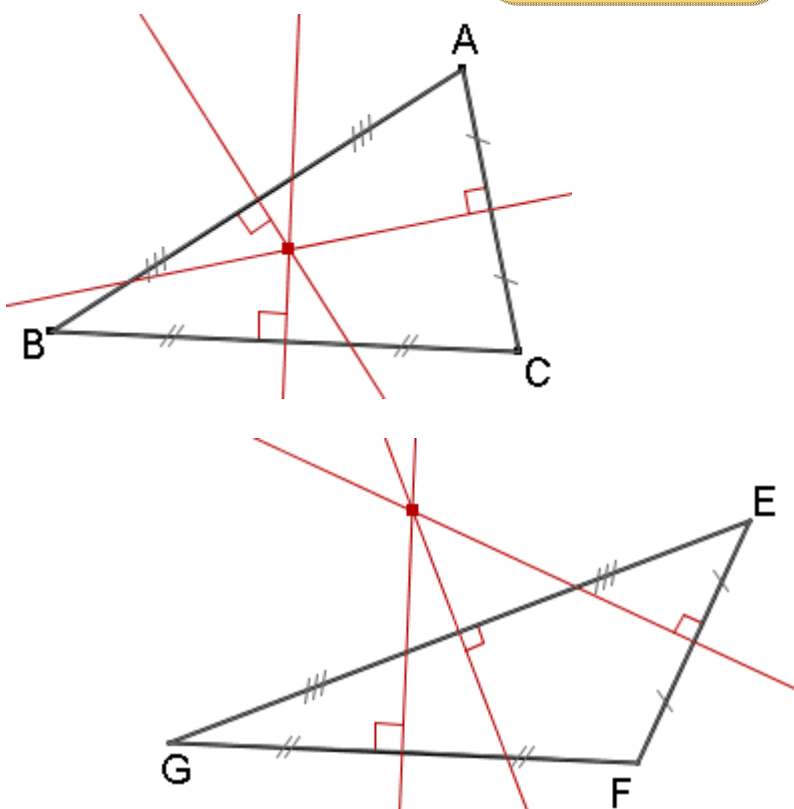
رقم 5 ص 57

رقم 8 ص 57

الواجب المنزلي

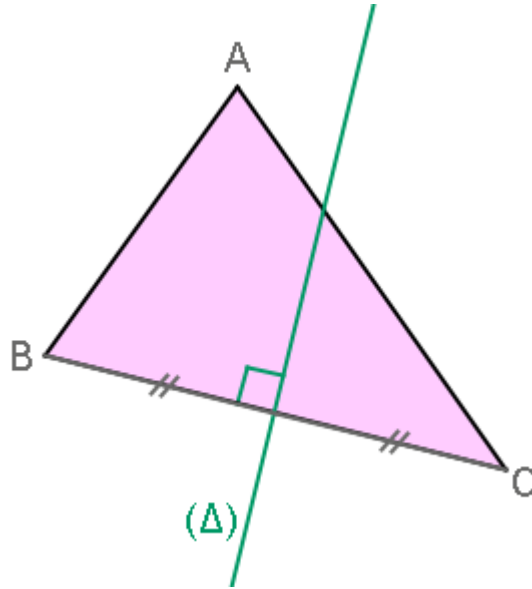
رقم 3 ص 57

رقم 6 ص 57

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	1- يتذكر طريقة إنشاء محور قطعة مستقيم.	<p>■ أنشئ المستقيم (D) محور القطعة [AB] .</p> <p>النشاط 1 ص 138 س 1</p> <p>(d₁) عمودي على [BC] في المنتصف.</p>  <p>النشاط 2 ص 138 س 1</p>  <p><u>ألاحظ أن :</u> - المحاور الثلاثة لمثلث تتلاقى في نقطة واحدة .</p> <p>- في المثلث ABC نقطة التلاقي تقع داخل المثلث .</p> <p>- في المثلث EFG نقطة التلاقي تقع خارج المثلث .</p> <p><u>التفسير :</u> وجود الزاوية المنفرجة في المثلث EFG .</p>	<p>المنهاج: لم يرد تعليق.</p> <p>- ننبه التلاميذ إلى ضرورة إتمام النص أولاً ثم رسم الشكل .</p>

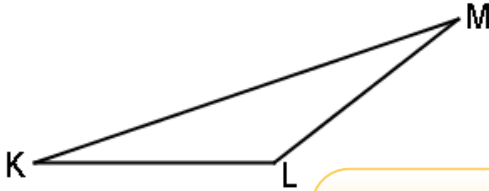
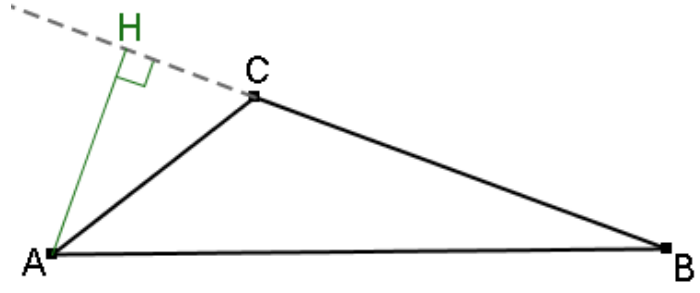
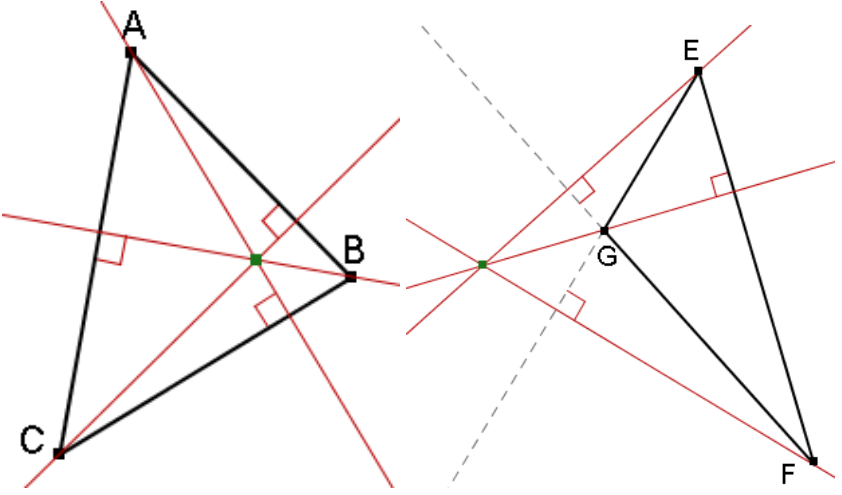
- نسمي محور ضلع في مثلث المستقيم العمودي على هذا الضلع في منتصفه .

في المثلث ABC المستقيم (Δ) عمودي على الضلع $[BC]$ في منتصفه فهو محور الضلع $[BC]$



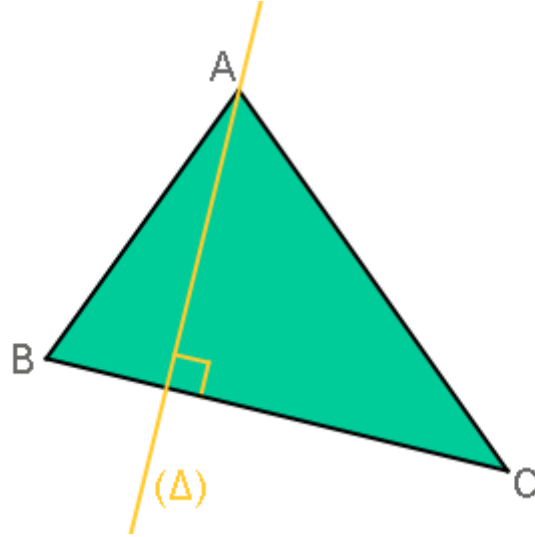
- المحاور الثلاثة لمثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المحاور .

انتبه : إذا كان لمثلث زاوية منفرجة فإن نقطة تلاقي المحاور تقع خارج المثلث .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	1- يتذكر طريقة إنشاء الارتفاع المتعلق بضلع في مثلث .	<ul style="list-style-type: none"> أنشئ الارتفاع المتعلق بالضلع $[KM]$. أنشئ الارتفاع المتعلق بالضلع $[KL]$.  <p>النشاط 1 ص 123 س 2</p>	المنهاج: لم يرد تعليق.
الأنشطة		<p>المستقيم (d_2) هو حامل الارتفاع $[AH]$ المتعلق بالضلع $[BC]$ يعني أن : (d_2) يشمل الرأس A و بعامد حامل الضلع المقابل $[BC]$.</p>  <p>النشاط 2 ص 138 س 2</p>  <p><u>ألاحظ أن :</u> - الارتفاعات الثلاثة لمثلث تتلاقى في نقطة واحدة . - في المثلث ABC نقطة التلاقي تقع داخل المثلث . - في المثلث EFG نقطة التلاقي تقع خارج المثلث . <u>التفسير :</u> وجود الزاوية المنفرجة في المثلث EFG .</p>	<p>- ننبه التلاميذ إلى ضرورة إتمام النص أولاً ثم رسم الشكل .</p> <p>- نطلب من التلاميذ اخذ $BC = 4cm$ بدلا من $6cm$</p>

- نسمي حامل ارتفاع متعلق بضلع في مثلث المستقيم العمودي على هذا الضلع والذي يشمل الرأس المقابل له.

في المثلث ABC المستقيم (Δ) عمودي على الضلع $[BC]$ ويشمل الرأس المقابل له A فهو حامل الارتفاع المتعلق بهذا الضلع.



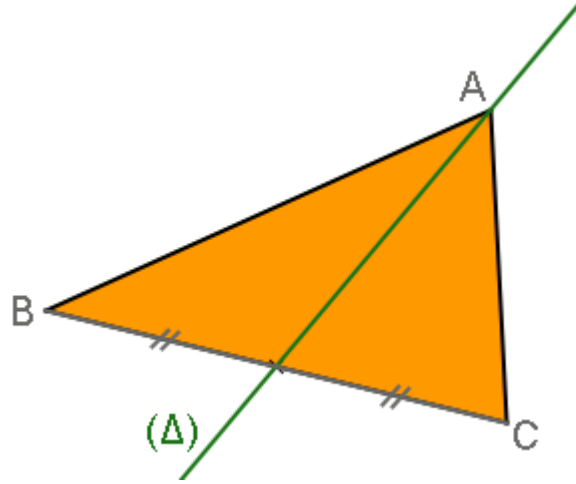
- الارتفاعات الثلاثة لمثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي الارتفاعات.

انتبه : إذا كان لمثلث زاوية منفرجة فان نقطة تلاقي الارتفاعات تقع خارج المثلث.

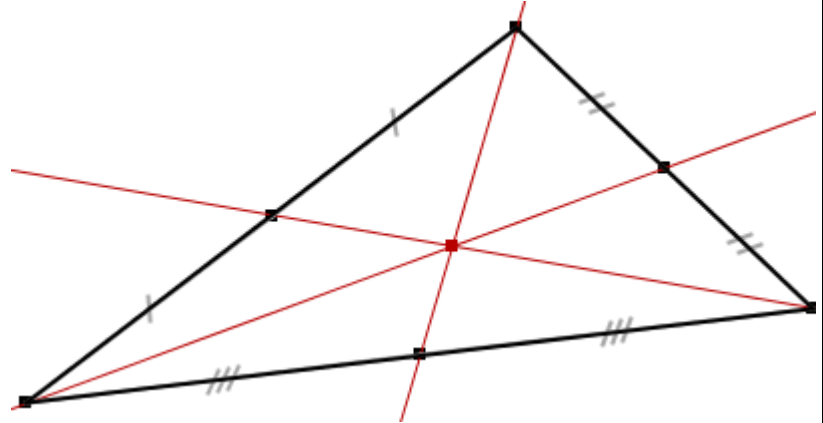
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء منتصف قطعة مستقيم باستعمال الأدوات الهندسية المناسبة. - يتذكر الارتفاع والمحور في مثلث.	<p>■ أنشئ النقطة I منتصف القطعة $[AB]$.</p> <p>■ مراجعة (الارتفاع - المحور)</p> <p>النشاط 1 ص 138 س 4</p>	المنهاج: لم يرد تعليق
الأنشطة		<p>المستقيم (d_3) هو حامل المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$ في المثلث ABC يعني أن : (d_3) يشمل الرأس A وينصف الضلع المقابل $[BC]$.</p> <p>النشاط 2 ص 138 س 3</p> <p>ألاحظ أن : - المتوسطات الثلاثة لمثلث تتلاقى في نقطة واحدة تقع داخل المثلث .</p>	<p>- ننبه التلاميذ إلى ضرورة إتمام النص أولاً ثم رسم الشكل .</p>

- نسمي حامل المتوسط المتعلق بضلع في مثلث المستقيم الذي يشمل منتصف هذا الضلع ويشمل الرأس المقابل له.

في المثلث ABC المستقيم (Δ) يشمل منتصف الضلع $[BC]$ ويشمل الرأس A فهو حامل المتوسط المتعلق بهذا الضلع.



- المتوسطات الثلاثة لمثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المتوسطات



رقم 10 ص 140 س 1

التطبيق

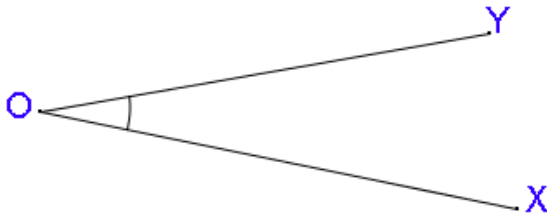
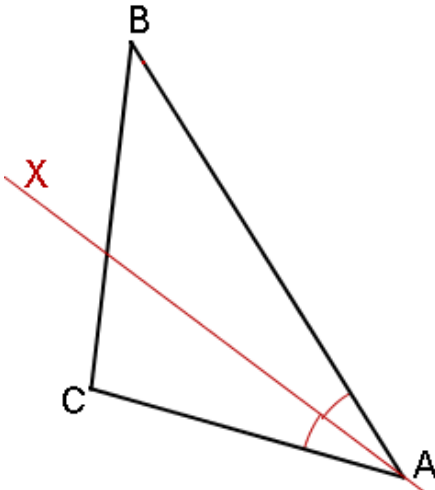
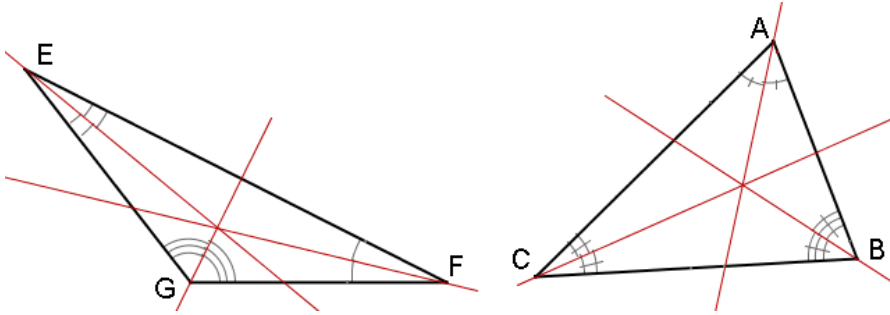
- أنشئ المتوسط المتعلق بالوتر ABC مثلث قائم في A .
- عين E نقطة تلاقي المتوسطات.

تمرين 1

الواجب المنزلي

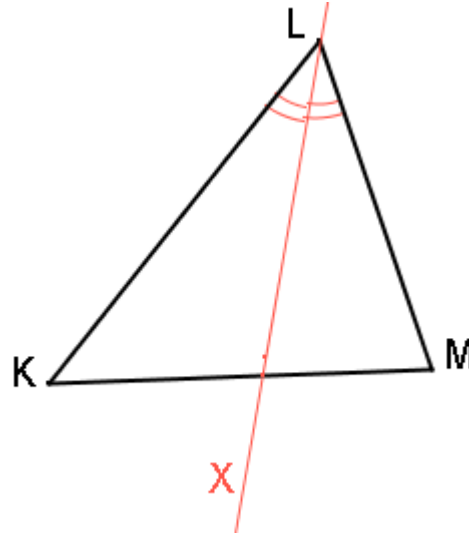
- أنشئ المتوسط المتعلق بالضلع $[AD]$.
- MAD مثلث متساوي الساقين في النقطة

تمرين 2

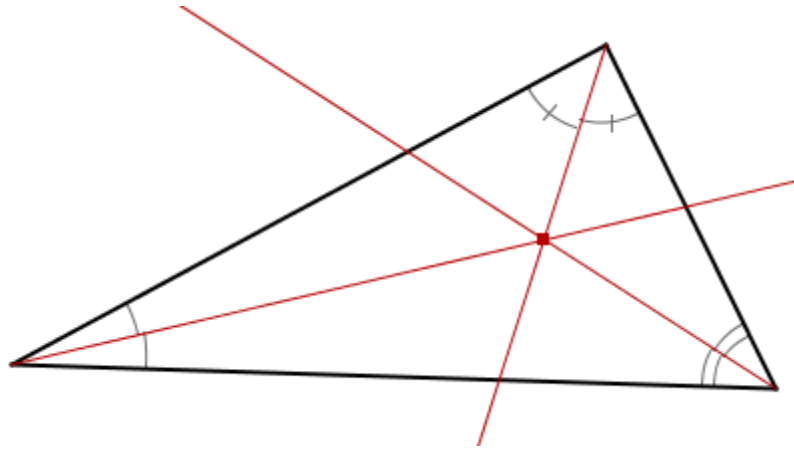
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	1- يتذكر طريقة إنشاء منصف زاوية باستعمال الأدوات الهندسية المناسبة.	<p>■ أنشئ منصف الزاوية xOy.</p>  <p>النشاط 1 ص 138 س 3</p> <p>نصف المستقيم (AX) هو منصف الزاوية \hat{A} يعني أن :</p>  <p>(AX) يشمل الرأس A ويقسم الزاوية \hat{A} إلى زاويتين متقايستين .</p> <p>النشاط 2 ص 138 س 3</p>  <p><u>ألاحظ أن :</u> - المنصفات الثلاثة لمثلث تتلاقى في نقطة واحدة تقع داخل المثلث .</p>	<p>المنهاج: لم يرد تعليق</p> <p>- ننبه التلاميذ إلى ضرورة إتمام النص أولاً ثم رسم الشكل .</p>

- نسمي منصف زاوية في مثلث نصف المستقيم الذي يشمل رأس الزاوية و يجرئها الى زاويتين متقايستين .

نصف المستقيم (LX) هو منصف الزاوية \hat{L} يعني : $K\hat{L}X = X\hat{L}M$



- المنصفات الثلاثة لمثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المنصفات .



رقم 10 ص 140 س 3

التطبيق

تمرين 1

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر مختلف العمليات على الأعداد النسبية .	<p>■ احسب مايلي :</p> $(-9) + (+4)$ $(-5) + (-3)$ $(+7) - (+8)$ $(+2) \times (-6)$ $(-1) \times (-8)$	<p>المنهاج : نجعل التلميذ يتدرب من خلال أمثلة عددية سواء بالحاسبة العلمية أو دون ذلك على استعمال المساويات :</p> $10^m \times 10^n = 10^{m+n}$ $\frac{1}{10^n} = 10^{-n}$ $(10^m)^n = 10^{m \times n}$ <p>حيث m و n عدنان صحيحان نسبيا . و يستنتج القواعد المرتبطة بالضرب في قوة 10 . مثال : - لضرب عدد عشري في 10^2 نزيح الفاصلة برتبتين نحو اليمين . - لضرب عدد عشري في 10^{-2} نزيح الفاصلة برتبتين نحو اليسار .</p>
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 43</p> $10^2 \times 10^3 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10^5$ $10^5 \times 10^{-3} = 10^5 \times \frac{1}{10^3} = \frac{100000}{1000} = \frac{100}{1} = 10^2$ $\frac{10^4}{10^2} = \frac{10000}{100} = \frac{100}{1} = 10^2$ $(10^2)^3 = (10 \times 10) \times (10 \times 10) \times (10 \times 10) = 10^6$	

m و n عددان نسبتيان صحيحان :

- $10^n \times 10^m = 10^{n+m}$
- $\frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m}$
- $(10^n)^m = 10^{n \times m}$

أمثلة:

$$10^4 \times 10^3 = 10^{4+3} = 10^7$$

$$\frac{10^5}{10^2} = 10^{5-2} = 10^3$$

$$(10^6)^2 = 10^{6 \times 2} = 10^{12}$$

التطبيق

رقم 9 ص 57

رقم 10 ص 57

رقم 11 ص 57

الواجب
المنزلي

رقم 12 ص 57

رقم 13 ص 57

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة الأنشطة	يتذكر القوى الصحيحة للعدد 10 .	<p>▪ اكتب العملية الموافقة ثم الكتابة العشرية للعدد : 10^5</p> <div style="background-color: yellow; padding: 5px; border-radius: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;">النشاط 1 ص 47</div> $L = a \quad \text{طول القطعة هو :}$ $S = a \times a = a^2 \quad \text{مساحة المربع هي :}$ $V = a \times a \times a = a^3 \quad \text{حجم الكعب هو :}$ $a \times a \times a \times a \times a = a^5$ $a \times a \times a \times a = a^4$ $a \times a \times a \times a \times a \times a \times a \times a = a^8$ <p style="text-align: right;">أمثلة :</p> $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ $5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 75$	<p>المنهاج : يمكن تفسير معنى " قوة عدد نسبي " انطلاقا من المربعات و المكعبات المألوفة عند التلميذ . عند التطرق لهذا المحور نميز بين القوى ذات الأس الموجبة و القوى ذات الأس السالبة و نجعل التلميذ يستنتج إشارة قوة عدد نسبي سالب تبعا لطبيعة الأس . كما يتدرب على استعمال اللامسة لحساب القوة .</p>

a عدد نسبي و n عدد طبيعي :

$$a^n = \underbrace{a \times \dots \times a}_{n \text{ عاملا}} \quad (n > 1)$$

$$a^1 = a$$

$$a^0 = 1 \quad (a^0 \neq 0)$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

أمثلة:

$$\bullet 2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$$

$$\bullet (-3)^4 = (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = +81$$

$$\bullet 2^{-5} = \frac{1}{2^5} = \frac{1}{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2} = \frac{1}{32}$$

$$\bullet (-5)^{-3} = \frac{1}{(-5) \times (-5) \times (-5)} = \frac{1}{-125} = -\frac{1}{125}$$

$$\bullet (9.4)^1 = 9.4$$

$$\bullet (-11)^0 = 1$$

انتبه:

$$0^n = 0 \quad \text{مع } (n \neq 0)$$

$$1^n = 1$$

$$(-1)^n = 1 \quad \text{إذا كان } n \text{ عددا زوجيا.}$$

$$(-1)^4 = 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1 \quad \text{مثلا}$$

$$(-1)^n = -1 \quad \text{إذا كان } n \text{ عددا فرديا.}$$

$$(-1)^{-3} = (-1) \times (-1) \times (-1) = -1 \quad \text{مثلا}$$

رقم 25 / 26 ص 59

رقم 27 / 28 ص 59

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر القوى الصحيحة لعدد نسبي .	<p>■ أكمل ما يلي :</p> $7^3 = \dots \times \dots \times \dots$ $13^{-4} = \frac{1}{\dots}$	<p>المنهاج : يتدرب التلميذ من خلال أمثلة عددية و باختيار أسس بسيطة على استعمال المساويات :</p> $a^m \times a^n = a^{m+n} \quad (1)$ $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \quad (2)$ <p>حيث $a \neq 0$ و m و n عدنان نسيان صحيحان .</p> $(a \times b)^n = a^n \times b^n \quad (3)$ $(a^n)^m = a^{n \times m} \quad (4)$ <p>حيث a و b عدنان غير معومين و m و n عدنان نسيان صحيحان .</p>
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 48</p> $2^4 \times 2^3 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^7$ $3^5 \times 3^{-1} = 3^5 \times \frac{1}{3^1} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{3} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3}{1} = 3^4$ $\frac{2^4}{2^3} = 2^4 \times 2^{-3} = 2^{4+(-3)} = 2^1$ $(7^2)^2 = 7^2 \times 7^2 = (7 \times 7) \times (7 \times 7) = 7^4$ <p>النشاط 2 ص 48</p> <p>1. نعم أوافق لينة .</p> $5^3 \times 3^3 = 5 \times 5 \times 5 \times 3 \times 3 \times 3 = (5 \times 3) \times (5 \times 3) \times (5 \times 3) = (5 \times 3)^3$ $6^4 \times 2^4 = 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = (6 \times 2) \times (6 \times 2) \times (6 \times 2) \times (6 \times 2) = (6 \times 2)^4$ <p>2. أكمل ما يلي :</p> $\frac{5^2}{3^2} = \frac{5 \times 5}{3 \times 3} = \frac{5}{3} = \frac{5}{3} \times \frac{5}{5} = \left(\frac{5}{3}\right)^2$	

m و n عددان نسبتيان صحيحان و a و b عددان نسبتيان غير معدومين :

- $a^m \times a^n = a^{m+n}$
- $\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$
- $(a^n)^m = a^{n \times m}$
- $(a \times b)^n = a^n \times b^n$
- $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

أمثلة:

$$4^7 \times 4^5 = 4^{4+3} = 4^7$$

$$\frac{3^6}{3^2} = 3^{6-2} = 3^4$$

$$(11^3)^2 = 11^{3 \times 2} = 11^6$$

$$2^5 \times 7^5 = (2 \times 7)^5 = 14^5$$

$$\frac{8^3}{2^3} = \left(\frac{8}{2}\right)^3 = 4^3$$

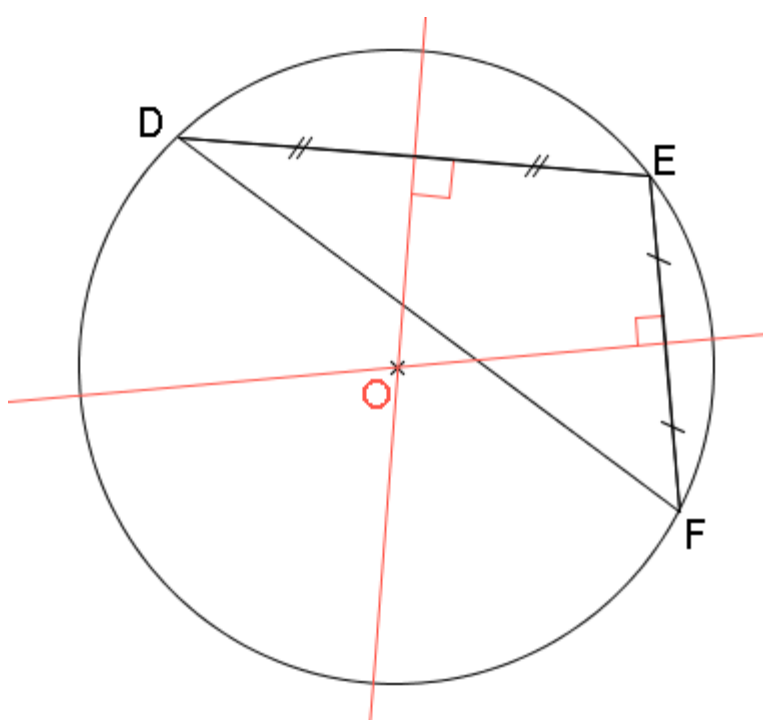
رقم 33 ص 59
رقم 34 ص 59

التطبيق

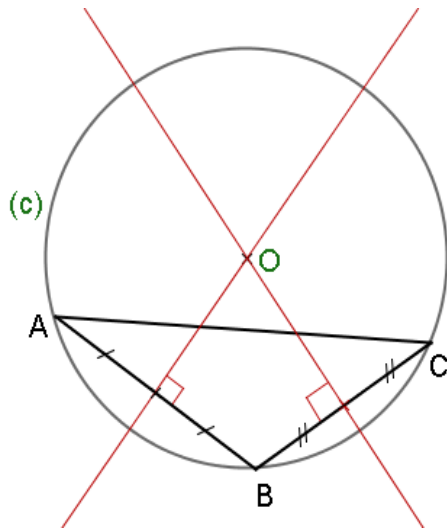
رقم 35 ص 59

الواجب المنزلي

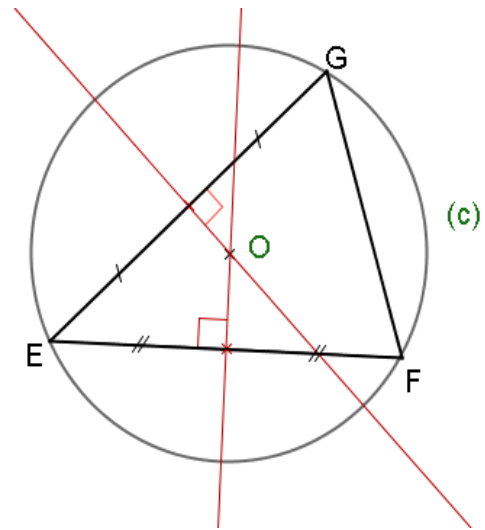
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	1- يتذكر خاصية محور قطعة مستقيم.	<p>المستقيم (D) محور القطعة [AB] و M نقطة من (D) يعني: =</p> <p>النشاط 1 ص 153</p>  <p>1. نقطة O من محور القطعة [EF] (معطيات) يعني : $OF = OE$ نقطة O من محور القطعة [ED] (معطيات) يعني : $OD = OE$ مما سبق فان : $OF = OD$ وعليه O نقطة من محور القطعة [DF] . 2. مركز الدائرة المحيطة بالمثلث DEF هو النقطة O لان : $OD = OE = OF$ 3. نقطة تلاقي المحاور الثلاثة لمثلث هي مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث .</p>	<p>المنهاج : يتم البرهان على هذه الخواص ما عدا خاصية الارتفاعات. بالنسبة إلى خاصية المتوسطات يمكن الاعتماد التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع. قبل التطرق إلى خاصية المنصفات في مثلث، نقدم الخاصية المميزة لمنصف زاوية. يتعرف التلميذ على التعبيرات المختلفة : مركز الثقل ، نقطة تلاقي الارتفاعات ، الدائرة المحيطة بالمثلث ، الدائرة المرسومة في مثلث .</p> <p>- ننبه التلاميذ إلى اعتبار $DF = 9cm$ بدلا من $7.7cm$ حتى لا يكون المثلث DEF قريب من مثلث قائم .</p>

- نقطة تلاقي محاور مثلث هي مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث .



الدائرة محيطة بالمثلث ABC
لأن : $OA = OB = OC$



الدائرة محيطة بالمثلث DEF
لأن : $OD = OE = OF$

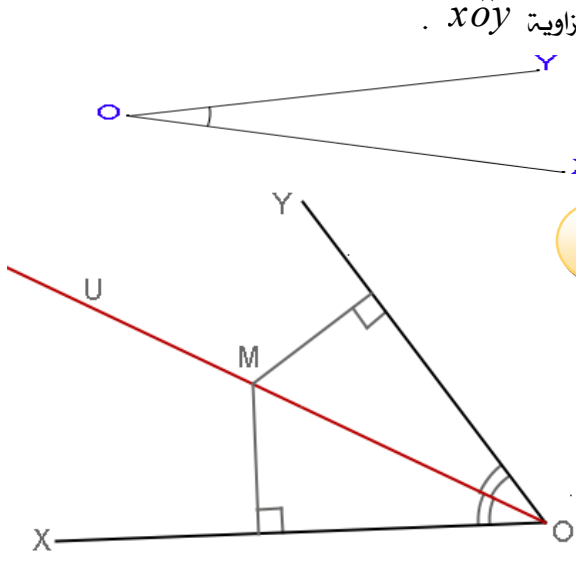
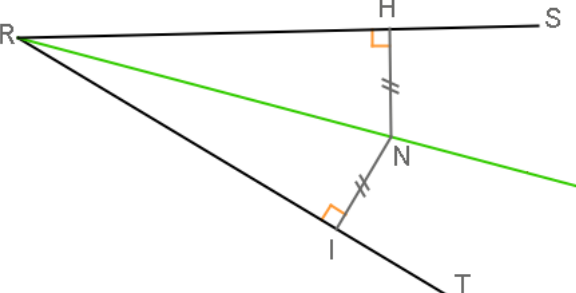
انتبه : لتحديد مركز الدائرة المحيطة بمثلث يكفي إنشاء محوري ضلعين .

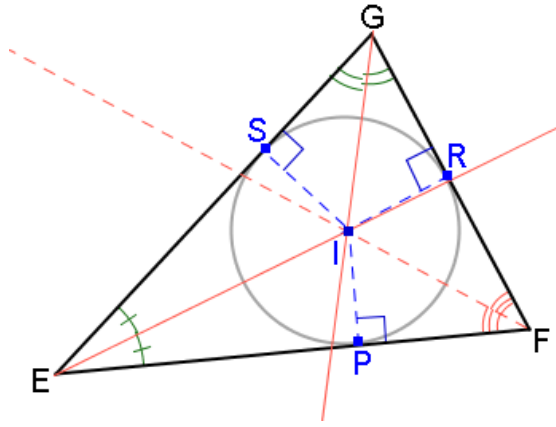
التطبيق

الواجب
المنزلي

رقم 9 ص 149

رقم 24 ص 151

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء منصف زاوية باستعمال الأدوات الهندسية المناسبة.	<p>■ أنشئ منصف الزاوية $X\hat{O}Y$.</p>  <p>النشاط 2 ص 142</p>	<p>المنهاج : يتم البرهان على هذه الخواص ما عدا خاصية الارتفاعات. بالنسبة إلى خاصية المتوسطات يمكن الاعتماد التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع. قبل التطرق إلى خاصية المنصفات في مثلث، نقدم الخاصية المميزة لمنصف زاوية.</p> <p>يتعرف التلميذ على التعابير المختلفة : مركز الثقل ، نقطة تلاقي الارتفاعات ، الدائرة المحيطة بالمثلث ، الدائرة المرسومة في مثلث .</p>
الأنشطة		<p>1. $[OU)$ هو منصف الزاوية $X\hat{O}Y$.</p> <p>2. MA و MB هما بعدا النقطة M عن ضلعي الزاوية $X\hat{O}Y$.</p> <p>3. OAM و OBM مثلثان قائمان في A و B على الترتيب. $[OM]$ وتر مشترك.</p> <p>$A\hat{O}M = M\hat{O}Y$ (من معطيات الشكل)</p> <p>فان المثلثين متقايسان (حسب الحالة الثانية لتقايس مثلثين قائمين)</p> <p>تبعد كل نقطة M من منصف الزاوية بنفس البعد عن طرفي هذه الزاوية.</p> <p>النشاط 3 ص 142</p>  <p>1. RNI و RNH مثلثان قائمان في I و H على الترتيب. (معطيات)</p> <p>$[RN]$ وتر مشترك.</p> <p>$NH = NI$ (معطيات)</p> <p>فان المثلثين متقايسان (حسب الحالة الأولى لتقايس مثلثين قائمين)</p> <p>2. $[RN)$ هو منصف الزاوية $S\hat{R}T$ لان $S\hat{R}N = N\hat{R}T$.</p> <p>التبرير : لان المثلثين RNI و RNH متقايسان (البرهان السابق)</p> <p>3. كل نقطة N تبعد بنفس البعد عن ضلعي زاوية هي نقطة من منصف هذه الزاوية.</p> <p>النشاط 4 ص 142</p>	<p>خنبه التلاميذ إلى ضرورة البرهان قبل إنشاء الدائرة (C)</p>



1.2. منصف الزاوية الثالثة يشمل I يعني : $IP = IR$ ؟
 لدينا : $IS = IP$ لأن I نقطة من منصف الزاوية \hat{E} .
 ولدينا كذلك : $IS = IR$ لأن I نقطة من منصف
 الزاوية \hat{G} .

مما سبق فان : $IP = IR$ وعليه ، منصف الزاوية
 الثالثة يشمل I .

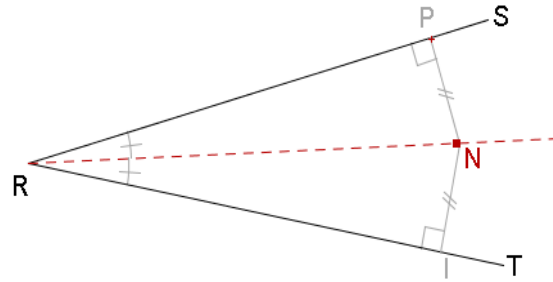
3. إنشاء الدائرة (C) التي مركزها I ونصف قطرها
 IP .

نلاحظ أن الدائرة مرسومة داخل المثلث EFG .

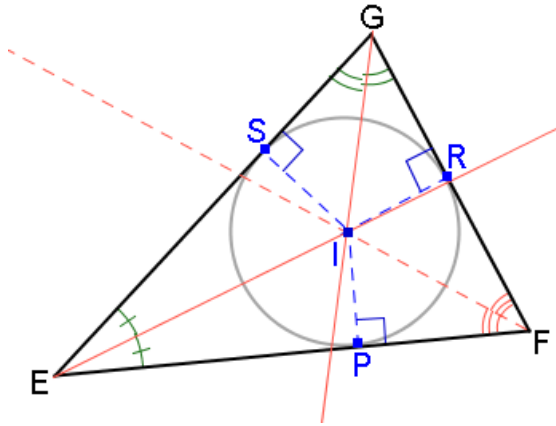
لأن : $IS = IP = IR$

نقطة التلاقي لزوايا مثلث هي مركز الدائرة المرسومة داخل هذا المثلث .

- تبعد كل نقطة من منصف الزاوية بنفس البعد عن ضلعي هذه الزاوية .
- كل نقطة تبعد بنفس البعد عن ضلعي زاوية ، هي نقطة من منصف هذه الزاوية .



- نقطة تلاقي زوايا مثلث هي مركز الدائرة المرسومة داخل هذا المثلث .

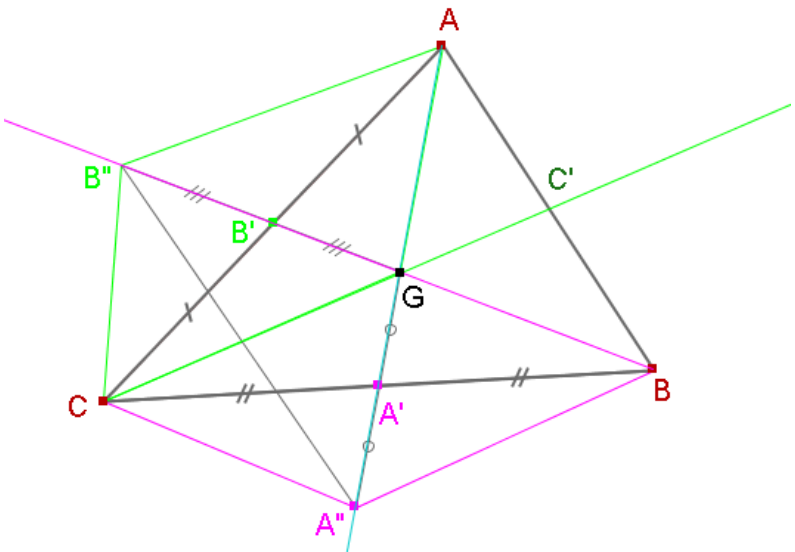


الدائرة مرسومة داخل المثلث EFG يعني : $IP = IR = IS$

رقم 13 ص 149

معارف

التطبيق
 الواجب
 المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	1- يتذكر خواص متوازي الأضلاع .	<p>■ اذكر خواص متوازي الأضلاع .</p> <p>النشاط 6 ص 143</p> <p>1. نقل الشكل .</p> <p>2. إنشاء نصف المستقيم (CG) ،</p>  <p>3. الرباعي $AB''CG$ متوازي أضلاع لان قطراه متناصفان .(خاصية التوسط و التناظر)</p> <p>الرباعي $GCA''B$ متوازي أضلاع لان قطراه متناصفان .(خاصية التوسط و التناظر)</p> <p>(</p> <p>$AB''CG$ متوازي أضلاع يعني : $CG = AB''$ و (AB'') يوازي (CG)(1)</p> <p>$GCA''B$ متوازي أضلاع يعني : $CG = A''B$ و $(A''B)$ يوازي (CG)(2)</p> <p>وعليه من (1) و (2) نستنتج أن : $A''B = AB''$ و (AB'') يوازي $(A''B)$</p> <p>ومنه الرباعي $AB''A''B$ متوازي أضلاع مركزه G (لأنها نقطة تقاطع قطريه)</p> <p>4. مما سبق (CG) يوازي $(A''B)$ و C' نقطة من (CG) (معطيات)</p> <p>فان : (GC') يوازي $(A''B)$.</p> <p>❖ في المثلث $AA''B$ المستقيم $(C'G)$ يشمل النقطة G نتصف $[AA'']$</p> <p>و $(C'G)$ يوازي $(A''B)$ فهو مستقيم المنتصفين في هذا المثلث .</p> <p>5. $[CC']$ يشمل النقطة C ويقطع $[AB]$ في المنتصف C' فهو التوسط</p> <p>المتعلق بالضلع $[AB]$ في المثلث ABC .</p> <p>❖ نستنتج بسهولة من السؤال 3 :</p> $CG = \frac{2}{3}CC' \quad \text{و} \quad BG = \frac{2}{3}BB' \quad \text{و} \quad AG = \frac{2}{3}AA'$	<p>المنهاج : يتم البرهان على هذه الخواص ما عدا خاصية الارتفاعات .</p> <p>بالنسبة إلى خاصية المتوسطات يمكن الاعتماد التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع .</p> <p>قبل التطرق إلى خاصية المنتصفين في مثلث، نقدم الخاصية المميزة لمنتصف زاوية .</p> <p>يتعرف التلميذ على التعابير المختلفة : مركز الثقل ، نقطة تلاقي الارتفاعات ، الدائرة المحيطة بالمثلث ، الدائرة المرسومة في مثلث .</p>

❖ نقل وإتمام النص :

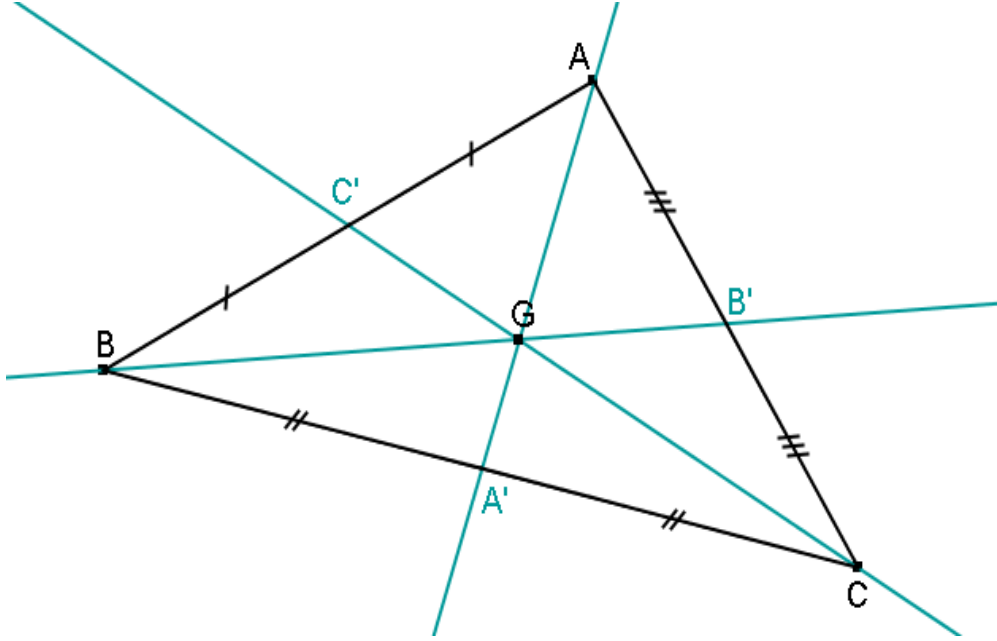
المتوسطات الثلاثة في مثلث **تتلاقى** في نقطة **واحدة** G ، تسمى **مركز ثقل** المثلث وتحقق :

$$AG = \frac{2}{3}AA' \quad \text{و} \quad BG = \frac{2}{3}BB' \quad \text{و} \quad CG = \frac{2}{3}CC'$$

• نقطة تلاقي متوسطات مثلث تسمى مركز ثقل هذا المثلث.

مركز الثقل G للمثلث يحقق :

$$AG = \frac{2}{3}AA' \quad \text{و} \quad BG = \frac{2}{3}BB' \quad \text{و} \quad CG = \frac{2}{3}CC'$$



انتبه : انتبه لتحديد مركز ثقل مثلث يكفي إنشاء متوسطين.

معارف

التطبيق

رقم 11 ص 149

الواجب
المنزلي

رقم 16 ص 150

رقم 23 ص 151

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<p>رقم 13 ص 149</p> <p>رقم 14 ص 149</p> <p>رقم 17 ص 150</p> <p>رقم 22 ص 151</p>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر القوى الصحيحة للعدد 10.	<p>▪ اكتب الأعداد الآتية على الشكل $a \times 10^p$ حيث a عدد طبيعي و p عدد نسبي صحيح .</p>	<p>المنهاج : لكتابة عدد عشري في الشكل العلمي، نكتبه كجاء عدد له رقم واحد على يسار الفاصلة في قوة للعدد 10 ذات أس صحيح . امثلة : $56000 = 5.6 \times 10^4$ $0.0000056 = 5.6 \times 10^{-6}$</p>
الأنشطة	يتعرف على الكتابة العلمية .	<p>النشاط 1 ص 43</p> <ul style="list-style-type: none"> $68000 = 6.8 \times 10^4$ $375.5 = 3.755 \times 10^2$ $566000 = 5.66 \times 10^4$ $0.175 = 1.75 \times 10^{-1}$ $2004 = 2.004 \times 10^3$ $1348.23 = 1.34823 \times 10^3$ $0.335 = 3.35 \times 10^{-1}$ $0.000513 = 5.13 \times 10^{-4}$ 	

كتابة عدد عشري كتابية علمية تعني كتابته على الشكل $a \times 10^p$ حيث p عدد نسبي صحيح و a عدد عشري مكتوب برقم واحد (غير معدوم) قبل الفاصلة.

أمثلة:

- الكتابة العلمية للعدد 381 هي : 3.81×10^2
- الكتابة العلمية للعدد 2009.1 هي : 2.0091×10^3
- الكتابة العلمية للعدد 0.0035 هي : 3.5×10^{-3}

انتبه: العدد 0.0372 يمكن كتابته على الشكل :

$$0.00372 \times 10^{+1}$$

$$0.372 \times 10^{-1} \quad \text{أو}$$

$$3.72 \times 10^{-2} \quad \text{أو} \quad \text{كتابة علمية} \rightarrow$$

$$7.2 \times 10^{-3} \quad \text{أو}$$

وهناك عدة كتابات أخرى.

ملاحظة: تستعمل الكتابة العلمية في الحاسبات.

رقم 16 ص 58
رقم 17 ص 58

رقم 19 ص 58
رقم 21 ص 58
رقم 22 ص 58

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر المدور إلى الوحدة لعدد عشري.	■ أعط المدور إلى الوحدة للأعداد الآتية : 3.5 ، 26.9 ، 9.107	المنهاج : تستعمل الكتابة العلمية للتعبير عن اعداد كبيرة جدا (مثل المسافة بين الأرض و القمر) أو أعداد صغيرة جدا(مثل قطر ذرة).
الأنشطة	يكتب عدد عشري كتابة علمية .	<p>النشاط 2 ص 49</p> <p>1. الكتابة العلمية :</p> $A = 534678919 = 5.34678919 \times 10^8$ $B = 0.0027492 = 2.7492 \times 10^{-3}$ <p>2. الحصر بين قوتين للعدد 10 ذات أسين متتاليين :</p> $10^8 < A = 5.34678919 \times 10^8 < 10^9$ $10^{-3} < B = 2.7492 \times 10^{-3} < 10^{-2}$ <p>3. العدد 5×10^8 هو رتبة قدر العدد A</p> <p>العدد 3×10^{-3} هو رتبة قدر العدد B</p> <p>4. رتبة قدر العدد $A \times B$:</p> $A \times B = 14.6993928 \times 10^5 = 1.46993928 \times 10^6$ <p>هي : 1×10^6 أي 10^6</p> <p>رتبة قدر العدد $\frac{A}{B}$:</p> $\frac{A}{B} = 1.94485275 \times 10^{11}$ <p>هي : 2×10^{11}</p>	<p>كما تستعمل الكتابة العلمية لحصر عدد عشري بقوتين للعدد 10 ذات أسين متتاليين .</p> <p>مثال :</p> $125000 = 1.25 \times 10^5$ $10^5 < 125000 < 10^6$ <p>و بالمثل نجد :</p> $0.00358 = 3.58 \times 10^{-3}$ $10^{-3} < 0.00358 < 10^{-2}$ <p>رتبة قدر عدد عشري مكتوب في شكله العلمي $k \times 10^n$ هي العدد $k \times 10^n$ حيث k' هو المدور إلى الوحدة للعدد k</p> <p>مثال : رتبة قدر 3.58×10^{-3} هي 4×10^{-3} أي 0.004 (أربعة أجزاء من ألف).</p> <p>يمكن استعمال الحاسبة لتعيين الكتابة العلمية لعدد عشري باستعمال اللمسة EE</p> <p>التي تعني 10^x أو 10^{-x} حسب طبيعة الآلة .</p> <p>مثال : للحصول على الكتابة العلمية للعدد 25000 نكتب البرنامج 25 EE 3 ونحصل على 2.5 × 10⁴</p> <p>كما تسمح الكتابة العلمية بإعطاء رتبة قدر عدد .</p> <p>مثال:1:</p> $46000 = 4.6 \times 10^4$ <p>و المدور إلى الوحدة للعدد 4.6 هو 5 . فالعدد 5×10^4 هو رتبة قدر للعدد 46000 .</p> <p>و بالمثل نجد 3×10^{-6} رتبة قدر للعدد 0.0000032</p>

مثال 2 : بمعرفة الكتابة

العلمية لكل من العددين

$$A = 385000 \text{ و } B = 0.00512$$

نجد رتبة قدر $A \times B$ و $\frac{A}{B}$.

$$\frac{A}{B}$$

- تسمح الكتابة العلمية لعدد عشري بحصره بين قوتين للعدد 10 ذات أسين متتاليين.

إذا كانت الكتابة العلمية للعدد A هي $a \times 10^n$

$$10^n \leq A \leq 10^{n+1} \text{ : فان}$$

- رتبة قدر العدد A هي العدد $a' \times 10^n$

حيث a' هو المدور الى الوحدة للعدد a

مثال 1 :

$$A = 3865 \times 10^{12}$$

الكتابة العلمية للعدد A هي : $A = 3.865 \times 10^{15}$

$$10^{15} < 3.865 \times 10^{15} < 10^{16} \text{ إذن :}$$

$$A' = 4 \times 10^{15} \text{ رتبة قدر العدد هي :}$$

مثال 2 :

$$B = 93.3 \times 10^{-7}$$

الكتابة العلمية للعدد B هي : $B = 9.33 \times 10^{-6}$

$$10^{-6} < 9.33 \times 10^{-6} < 10^{-5} \text{ إذن :}$$

$$B' = 9 \times 10^{-6} \text{ رتبة قدر العدد هي :}$$

تمرين 1

- 1) أعط حصرا بين قوتين للعدد 10 ذات أسين متتاليين لكل من العددين الآتيين :

$$M = 0.0095 \times 10^7$$

$$N = 287.5 \times 10^{-5}$$

- 2) استنتج رتبة قدر كلا من العددين M و N .

تمرين 2

- 1) اكتب العددين A و B كتابة علمية حيث :

$$A = \frac{10^{-2} \times 10^{-3} \times 100 \times 10^{15}}{10^{+4}}$$

$$B = \frac{3^4 \times 10^5 \times 10^8 \times 16}{9 \times 2^2}$$

- 2) أعط رتبة قدر : A ، B ، $A \times B$

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر القوى الصحيحة لعدد نسبي .	احسب كلا مما يلي : 5^3 ، $(-2)^4$ ، $(-2)^5$	المنهاج : عند إجراء سلسلة حسابات تتضمن قوى ، تعطى الأولوية لحساب القوى . مثال : لنحسب $A = -2 + 3 \times 5^2$ نجد : $A = -2 + 3 \times 5^2$ $= -2 + 3 \times 25$ $= -2 + 75 = 73$
الأنشطة	يعرف الأولوية عند إجراء حساب يتضمن قوى .	<p>النشاط 1 ص 49 / 50</p> <p>1. التمعن في حسابي ياسمين ونعيمة . - أعطت ياسمين الأولوية لحساب القوى . 2. حساب ياسمين صحيح . - لقد أعطت نعيمة الأولوية لحساب الجمع قبل القوى والضرب .</p> <p>النشاط 1 ص 49 / 50</p> <p>حساب العدد باليد :</p> $A = (-3) \times 4^3 \times 10^2 \times 0.42 - 2 \times (-3)^3 + 20$ $= (-3) \times 64 + 100 \times 0.42 - 2 \times (-27) + 20$ $= -192 + 42 + 54 + 20$ $= -192 + 116$ $= -76$	

- عند اجراء سلسلة عمليات تتضمن قوى ، في كثير من الاحيان تعطى الاولوية لحساب القوى .

مثال:

$$\begin{aligned}A &= 6 \times 4^2 - 3 \times 4^3 - 2.3 \times 3 + 10 \\&= 6 \times 16 - 3 \times 64 - 2.3 \times 3 + 10 \\&= 96 - 192 - 6.9 + 10 \\&= -192 - 6.9 + 96 + 10 \\&= -198.9 + 106 \\&= -92.9\end{aligned}$$

رقم 40 ص 60
رقم 41 ص 60

رقم 37 ص 60
رقم 38 ص 60
رقم 39 ص 60

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

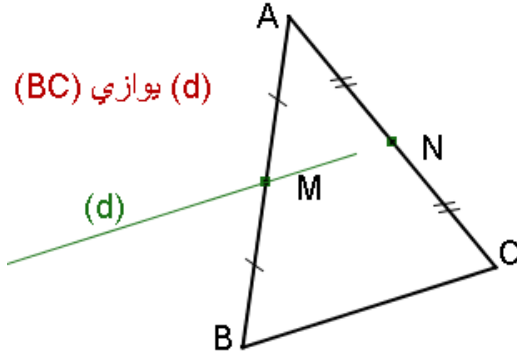
--	--	--

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

--	--	--

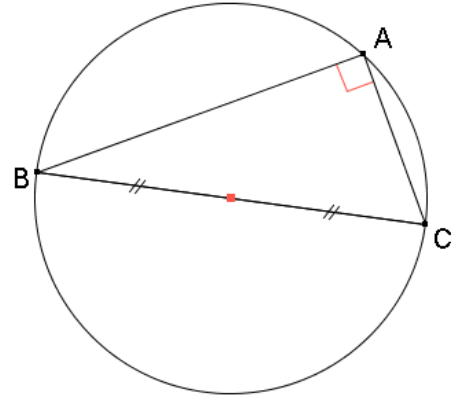
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

--	--	--

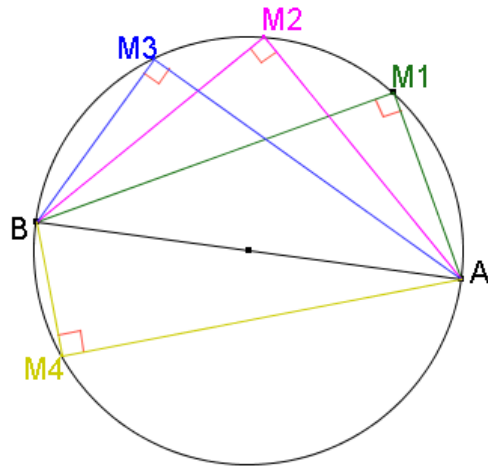
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر النظرية العكسية لمستقيم المنتصفين.	<p>■ إليك الشكل :</p>  <p>■ هل المستقيم (d) يشمل النقطة N ؟ - علل .</p> <p style="text-align: center;">النشاط 1 ص 153</p> <p>1. المستقيم (d) محور القطعة [AC] يعني (d) يشمل منتصف [AC] .. (1)</p> <p>(d) محور الضلع [AC] في المثلث ABC القائم في A يعني (d) // (AC) .. (2)</p> <p>- من (1) و (2) فإن (d) يشمل O منتصف الوتر [BC] .</p> <p>O منتصف [BC] يعني $OC = OB$ ومنه O نقطة من محور القطعة [BC] .</p> <p>2. مما سبق : O هي نقطة تلاقي محاور أضلاع المثلث ABC فهي مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث .</p> <p>- والوتر [BC] هو قطر لهذه الدائرة .</p> <p>3. إذا كان مثلث قائم فإن وتر هذا المثلث هو قطر للدائرة المحيطة به .</p>	<p>المنهاج : للبرهان على النظرية المتعلقة بهذه الخاصية ، ننطلق من مفهوم الدائرة المحيطة بمثلث كفي و نثبت ان مركز الدائرة هو منتصف وتر المثلث القائم و هذا بالاعتماد على مفهوم مستقيم المنتصفين في مثلث .</p>
الأنشطة	- يعرف الخاصية المتعلقة بالدائرة المحيطة بالمثلث القائم (نظرية)		

• نظرية :

إذا كان المثلث ABC قائم في A ، فإن وتره هو قطر للدائرة المحيطة بهذا المثلث .

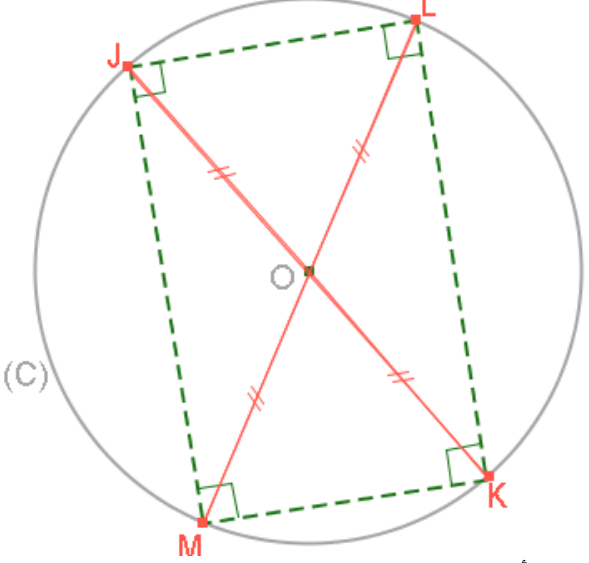


انتبه : إذا كانت $\hat{AMB} = 90^\circ$ فإن النقطة M تنتمي إلى الدائرة التي قطرها $[AB]$.

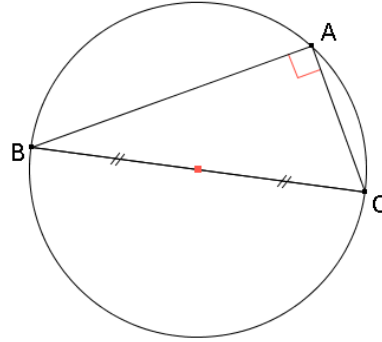


رقم 2 ص 165

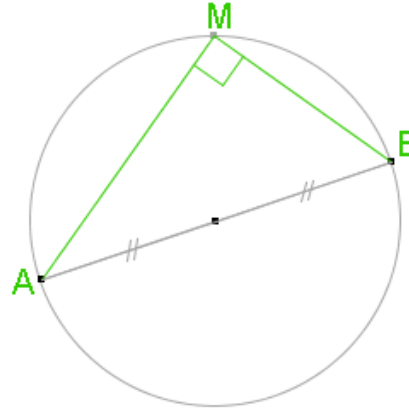
رقم 1 و 3 ص 165

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر خواص المستطيل .	<p>■ اذكر خواص المستطيل .</p> <p>النشاط 2 ص 153</p> <p>1. نقل الشكل ورسم القطر الآخر $[ML]$ للدائرة (C) .</p>  <p>2. كل الأقوال صحيحة . التعليل : خواص قطرها الدائرة . خواص قطرها المستطيل .</p> <p>3. البرهان : دائرة (C) و $[JK]$ قطرها ، نقطة M من (C) تختلف عن J و K يوجد نقطة L من (C) حيث $[ML]$ قطرها (C) . $[ML]$ و $[JK]$ قطرا الدائرة (C) فهما متقايسان ومتناصفان ، إذن الرباعي $MKLJ$ مستطيل ، وعليه JMK مثلث قائم في M .</p> <p>4. إذا كان قطر دائرة ضلع لمثلث مرسوم داخل هذه الدائرة فإن هذا المثلث قائم وتره هو ذلك القطر .</p>	<p>المنهاج : بالنسبة إلى النظرية العكسية يمكن الاعتماد على التناظر المركزي و خواص متوازي الأضلاع .</p>
الأنشطة	<p>- يعرف الخاصية العكسية المتعلقة بالدائرة المحيطة بالمثلث القائم (نظرية)</p>		

• النظرية العكسية :
إذا كان قطر دائرة ضلع للمثلث المرسوم داخل هذه الدائرة فإن هذا المثلث قائم ووتره هو ذلك القطر.



انتبه : إذا كانت M نقطة من الدائرة التي قطرها $[AB]$ فإن $\hat{AMB} = 90^\circ$.



رقم 6 ص 165

رقم 4 و 5 ص 165

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة <			

- في عبارة جبرية، يمكن حذف القوسين المسبوقين بالاشارة + دون تغيير اشارة الحدود الموجودة بين القوسين .

مثال:

$$2x + (-x^2 + 3) = 2x - x^2 + 3$$

- في عبارة جبرية، يمكن حذف القوسين المسبوقين بالاشارة - مع تغيير اشارة الحدود الموجودة بين القوسين .

مثال:

$$x - (-3x^2 + 1) = x + 3x^2 - 1$$

رقم 01 ص 72

التطبيق

رقم 2 و 3 ص 72

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																			
التهيئة الأنشطة	يتذكر خاصيتي توزيع الضرب على الجمع و الطرح .	<div>■ احسب ما يلي : $a(b - c)$ من اجل : $a = 3$ $b = 5$ $c = 2$</div> <div>النشاط 1 ص 64 س 2 و 3</div> <table><tr><th>a</th><th>b</th><th>c</th><th>$a(b + c)$</th><th>$ab + ac$</th><th>$a(b - c)$</th><th>$ab - ac$</th></tr><tr><td>3</td><td>2</td><td>-1.5</td><td>1.5</td><td>1.5</td><td>10.5</td><td>10.5</td></tr><tr><td>0</td><td>+8</td><td>-5</td><td>0</td><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>2.5</td><td>-3</td><td>4</td><td>7.5</td><td>7.5</td><td>-12.5</td><td>-12.5</td></tr><tr><td>3</td><td>5</td><td>7</td><td>36</td><td>36</td><td>-6</td><td>-6</td></tr></table> <div>1. بالاعتماد على الجدول أعلاه فان : $a(b + c) = ab + ac$ و $a(b - c) = ab - ac$ ○ ما يبرر ذلك هي خاصية توزيع الضرب على كل من الجمع والطرح.</div> <div>النشاط 2 ص 64</div> <div>نشر وتبسيط العبارات الجبرية : $A = 8x - 2(3x + 2)$$= 8x - (6x + 4)$$= 8x - 6x - 4$$= 2x - 4$</div>	a	b	c	$a(b + c)$	$ab + ac$	$a(b - c)$	$ab - ac$	3	2	-1.5	1.5	1.5	10.5	10.5	0	+8	-5	0	0	0	0	2.5	-3	4	7.5	7.5	-12.5	-12.5	3	5	7	36	36	-6	-6	المنهاج : نجعل
a	b	c	$a(b + c)$	$ab + ac$	$a(b - c)$	$ab - ac$																																
3	2	-1.5	1.5	1.5	10.5	10.5																																
0	+8	-5	0	0	0	0																																
2.5	-3	4	7.5	7.5	-12.5	-12.5																																
3	5	7	36	36	-6	-6																																

- تبسيط عبارة جبرية يعني كتابتها بأقل ما يمكن من الحدود .

مثال:

$$10 + 6x^2 + 5x - 2x - 4x^2$$

$$= 10 + 2x^2 + 3x$$

انتبه:

عند تبسيط عبارة جبرية يمكن استعمال خاصيتي توزيع الضرب على الجمع وعلى الطرح ، كما يمكن استعمال قاعدتي حذف الأقواس.

مثال:

$$A = 3(x + 1) - (x - 2)$$

$$= (3x + 3) - (x - 2)$$

$$= 3x + 3 - x + 2$$

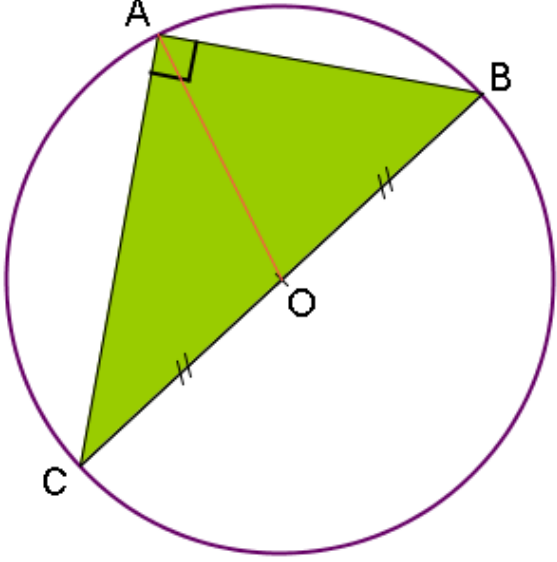
$$= 2x + 5$$

التطبيق

رقم 5 ص 72

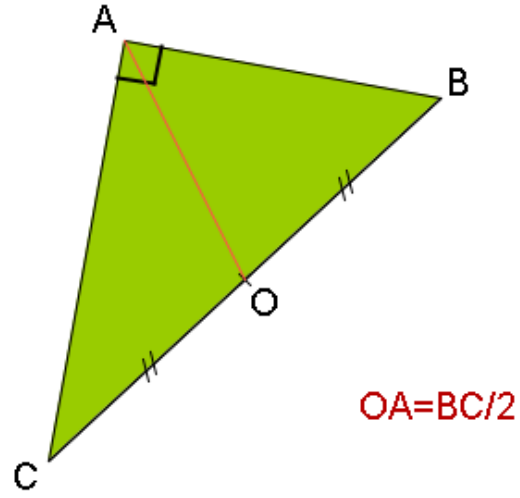
الواجب
المنزلي

رقم 6 و 7 و 8 و 10 ص 72

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر نظرية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم	مراجعة نظرية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم .	المنهاج : نجل
الأنشطة	- يعرف خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في المثلث القائم	<p>النشاط 2 ص 154</p> <p>1. $[OA]$ هو المتوسط المتعلق بالضلع (الوتر) $[BC]$ في المثلث القائم ABC (معطيات)</p> <p>يعني $[OA]$ يشمل الرأس A و O منتصف $[BC]$ (الضلع المقابل)</p> <p>2. الخاصية : بما أن المثلث ABC فان وتره $[BC]$ هو قطر للدائرة المحيطة به .</p> <p>- مركز هذه الدائرة هي النقطة O منتصف $[BC]$.</p> <p>- نقل الشكل وإنشاء هذه الدائرة :</p>  <p>3. بما أن المثلث ABC قائم في A فان وتره $[BC]$ هو قطر للدائرة المحيطة به ، إذن النقطة O منتصف $[BC]$ هي مركز هذه الدائرة .</p> <p>فيكون إذن : $OA = OB = OC$ ومنه $OA = \frac{BC}{2}$</p>	

• الخاصية :

إذا كان المثلث ABC قائم في A ، فإن طول المتوسط المتعلق بالوتر يساوي نصف طول الوتر.

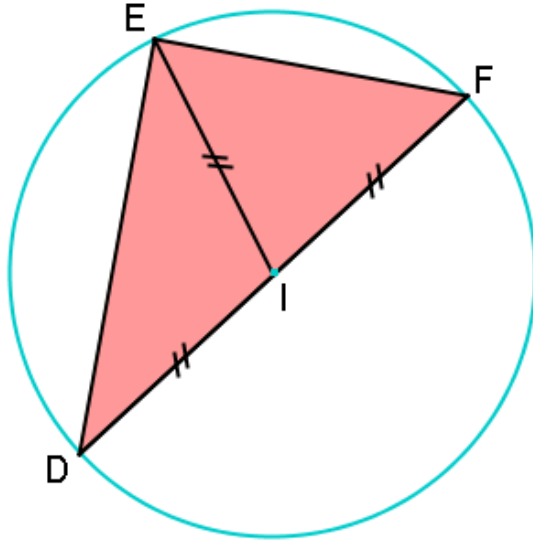


رقم 10 ص 166

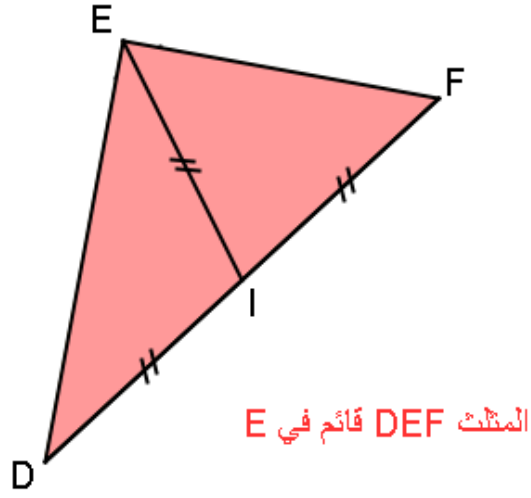
التطبيق

رقم 11 ص 166

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	يتذكر خاصية المتوسط المتعلق بالوتر . - يعرف الخاصية العكسية لخاصية المتوسط المتعلق بالوتر في المثلث القائم	<p>مراجعة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر.</p> <p>النشاط 4 ص 154</p> <p>1. إنشاء الشكل :</p>  <p>- نعم النقطة E تنتمي إلى الدائرة لان :</p> $IE = ID = IF$ <p>2. بأن المثلث DEF مرسوم داخل الدائرة والضلع [DF] قطر الدائرة فان المثلث DEF قائم في E . (النظرية العكسية)</p>	

• الخاصية العكسية :
إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع يساوي نصف طول هذا الضلع ، فإن هذا المثلث قائم .



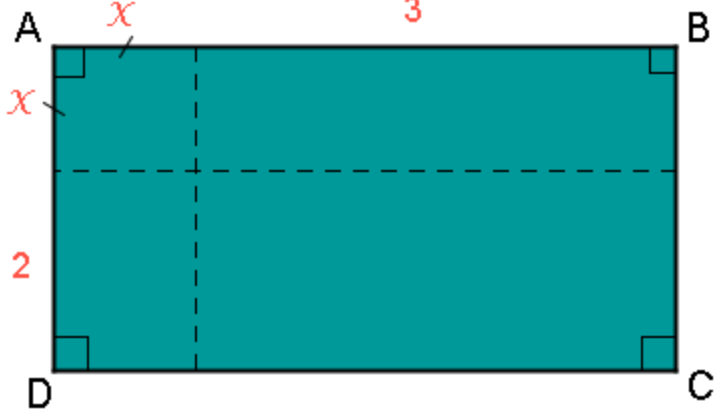
رقم 12 ص 166

التطبيق

رقم 8 ص 166

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<div> رقم 13 ص 149 رقم 14 ص 149 رقم 17 ص 150 رقم 22 ص 151 </div>	

المرحلة	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة		<p>■ عبر بدلالة x عن مساحة المستطيل $ABCD$:</p> 	
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 64 س 2 و 3</p> <p>1. - القطعة الملونة لها شكل متوازي أضلاع . - القطعة غير الملونة لها شكل مستطيل .</p> <p>2. مساحة القطعة الملونة (التي يبيعها) :</p> $A = h \times (a+b)$ <p>3. مساحة القطعة غير الملونة (التي يحتفظ بها) :</p> <p>- الطريقة الأولى : $A' = (a+b) \times (c+d)$ - الطريقة الثانية : $A' = a \times (c+d) + b \times (c+d)$ - الطريقة الثالثة : $A' = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$</p> <p>4. أكمل المساويين :</p> <ul style="list-style-type: none"> $h \times (a+b) = a \times h + b \times h$ $(a+b) \times (c+d) = a \times (c+d) + b \times (c+d)$ $= a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$ <p>5. في حالة $c=a$ و $d=b$ فإن نشر العبارة $(a+b)^2$:</p> $(a+b)^2 = a \times b + a \times a + b \times a + b \times b$ $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$	<p>يمكن عدم التطرق لنشر العبارة $h \times (a+b)$ لأن هذا تم في الدرس السابق (توزيع الضرب على الجمع و الطرح) و الاكتفاء بالقطعة المستطيلة من أجل الوصول إلى نشر العبارة $(a+b)(c+d)$</p> <p>يعرف نشر عبارة جبرية من الشكل $(a+b)(c+d)$</p>

• نشر عبارة جبرية من الشكل $(a+b)(c+d)$:

$$(a+b) \times (c+d) = a \times (c+d) + b \times (c+d)$$

$$= a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$$

اذن : $(a+b)(c+d) = ac + ad + bc + bd$

مثال:

انشر ثم بسط العبارة : $(3x+4)(2x+1)$

$$(3x+4)(2x+1) = 3x(2x+1) + 4(2x+1)$$

$$= 6x^2 + 3x + 8x + 4$$

$$= 6x^2 + 11x + 4$$

النشر

التبسيط

التطبيق

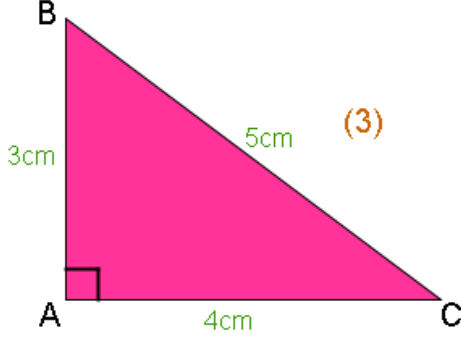
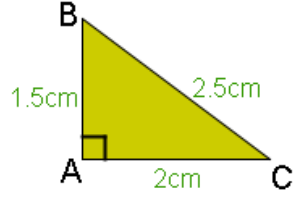
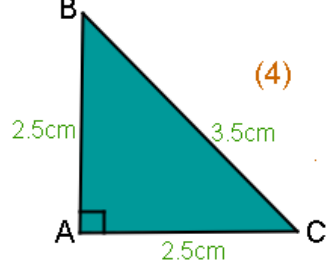
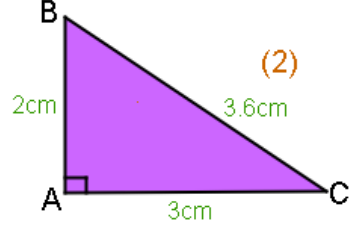
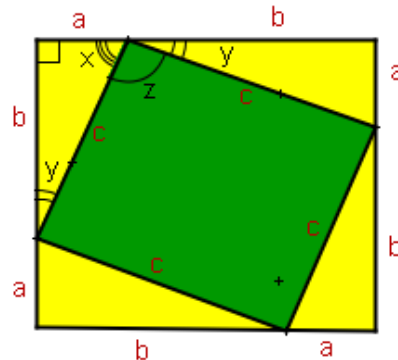
رقم 16 ص 73

الواجب المنزلي

رقم 17 ص 73

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

--	--	--

الملاحظات	أنشطة التعلم	مؤشرات الكفاءة	المراحل
	<p>■ باستعمال الحاسبة ، احسب ما يلي : $2.4^2, 3.51^2, 12.7^2, 69^2$</p> <p>النشاط 1 ص154</p> <p>1. رسم المثلث ABC القائم في A في كل حالة :</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>(3)</p>  <p>$AB^2 + AC^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ $BC^2 = 5^2 = 25$</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>(1)</p>  <p>$AB^2 + AC^2 = 1.5^2 + 2^2 = 6.25$ $BC^2 = 2.5^2 = 6.25$</p> </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>(4)</p>  <p>$AB^2 + AC^2 = 3^2 + 2^2 = 13$ $BC^2 = 3.6^2 = 12.96 \approx 13$</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>(2)</p>  <p>$AB^2 + AC^2 = 2.5^2 + 2.5^2 = 12.5 \approx 12$ $BC^2 = 3.5^2 = 12.25 \approx 12$ نلاحظ أن : $BC^2 = AB^2 + AC^2$</p> </div> </div> <p>النشاط 2 ص154</p> <p>1. رسم الشكل :</p>  <p>2. مساحة المربع الخارجي : $S_1 = (a+b) \times (a+b) = (a+b)^2$</p>	<p>يتذكر كيفية حساب مربع عدد بالحاسبة</p> <p>- يعرف نظرية فيثاغورس .</p> <p>- يبرهن نظرية فيثاغورس .</p>	<p>تهيئة</p> <p>الأنشطة</p>

كي ينجز التلميذ هذا النشاط يحتاج إلى المكتسبات الآتية :

- نشر عبارة جبرية من الشكل $(a+b)^2$

- المساويات و العمليات .

3. من الشكل الرباعي الأخضر هو معين طول ضلعه c ولدينا :

$$x + y = 90^\circ \dots\dots\dots (1)$$

$$x + y + z = 180 \dots\dots\dots (2)$$

وعليه : $z = 90^\circ$

مما سبق الرباعي الأخضر هو معين فيه زاوية قائمة فهو مربع مساحته : $S_2 = c \times c = c^2$

4. مساحة المثلثات القائمة الأربع : $S_3 = 4 \times \left(\frac{a \times b}{2} \right)$

5. المساواة $(a + b)^2 = c^2 + 4 \times \left(\frac{a \times b}{2} \right)$ صحيحة لأن مساحة المربع الخارجي تساوي مساحة المربع الداخلي

(الأخضر) زائد مساحة المثلثات الأربع .

■ تبسيط المساواة :

$$(a + b)^2 = c^2 + \cancel{4} \times \left(\frac{a \times b}{\cancel{2}} \right)$$

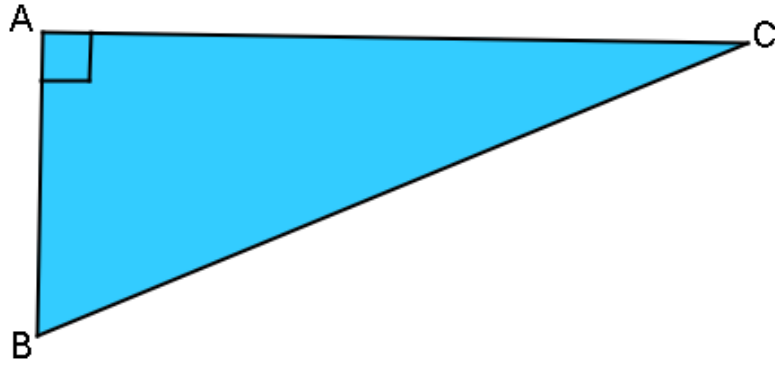
$$a^2 + b^2 + \cancel{2ab} = c^2 + \cancel{2ab}$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$

معارف

• نظرية فيثاغورس :

إذا كان المثلث ABC قائما ، فإن مربع الوتر يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين (القائمين)



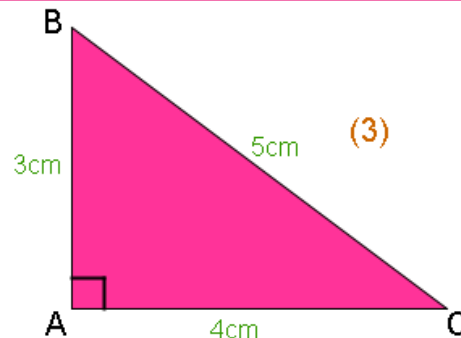
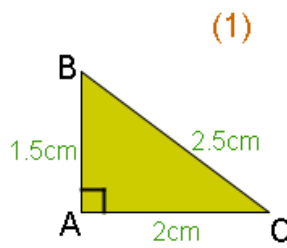
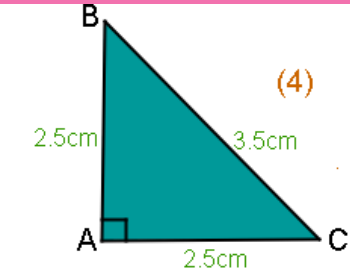
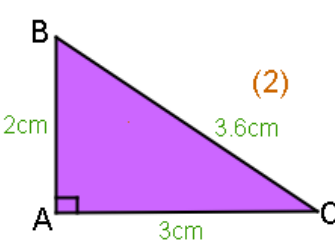
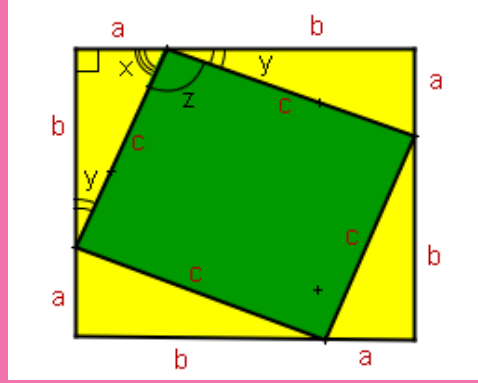
$$BC^2 = AC^2 + AB^2$$

التطبيق

الواجب
المنزلي

رقم 13 و 14 و 15 ص 166

رقم 16 و 17 و 20 ص 166 و 167

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	يتذكر كيفية حساب مربع عدد بالحاسبة .	<p>■ باستعمال الحاسبة، احسب ما يلي : $2.4^2, 3.51^2, 12.7^2, 69^2$</p> <p>النشاط 1 ص 154</p> <p>2. رسم المثلث ABC القائم في A في كل حالة :</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  <p>(3)</p> <p>$AB^2 + AC^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ $BC^2 = 5^2 = 25$</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>(1)</p> <p>$AB^2 + AC^2 = 1.5^2 + 2^2 = 6.25$ $BC^2 = 2.5^2 = 6.25$</p> </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  <p>(4)</p> <p>$AB^2 + AC^2 = 3^2 + 2^2 = 13$ $BC^2 = 3.6^2 = 12.96 \approx 13$</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>(2)</p> <p>$AB^2 + AC^2 = 2.5^2 + 2.5^2 = 12.5 \approx 12$ $BC^2 = 3.5^2 = 12.25 \approx 12$ نلاحظ أن : $BC^2 = AB^2 + AC^2$</p> </div> </div> <p>النشاط 2 ص 154</p> <p>6. رسم الشكل :</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>7. مساحة المربع الخارجي : $S_1 = (a+b) \times (a+b) = (a+b)^2$</p>	<p>ملاحظات</p> <p>كي ينجز التلميذ هذا النشاط يحتاج إلى المكتسبات الآتية :</p> <ul style="list-style-type: none"> - نشر عبارة جبرية من الشكل $(a+b)^2$ - المساويات و العمليات .
	<p>- يعرف نظرية فيثاغورس .</p> <p>- يبرهن نظرية فيثاغورس .</p>		

8. من الشكل الرباعي الأخضر هو معين طول ضلعه c ولدينا :

$$x + y = 90^\circ \dots\dots\dots(1)$$

$$x + y + z = 180 \dots\dots\dots(2)$$

وعليه : $z = 90^\circ$

مما سبق الرباعي الأخضر هو معين فيه زاوية قائمة فهو مربع مساحته : $S_2 = c \times c = c^2$

9. مساحة المثلثات القائمة الأربع : $S_3 = 4 \times \left(\frac{a \times b}{2} \right)$

10. المساواة $(a + b)^2 = c^2 + 4 \times \left(\frac{a \times b}{2} \right)$ صحيحة لأن مساحة المربع الخارجي تساوي مساحة المربع الداخلي

(الأخضر) زائد مساحة المثلثات الأربع .

■ تبسيط المساواة :

$$(a + b)^2 = c^2 + \cancel{4} \times \left(\frac{a \times b}{\cancel{2}} \right)$$

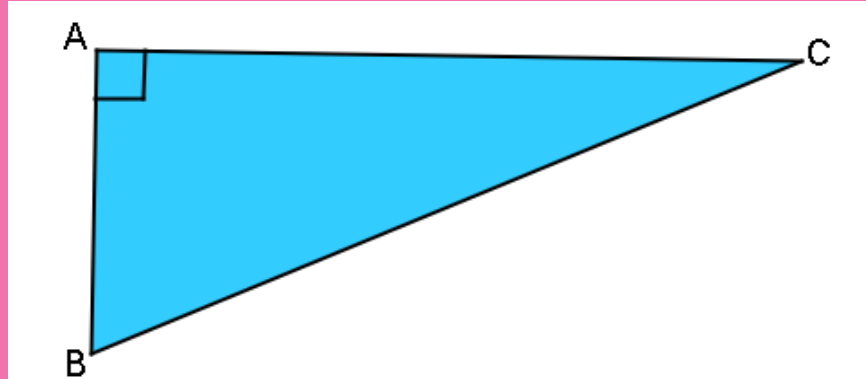
$$a^2 + b^2 + \cancel{2ab} = c^2 + \cancel{2ab}$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$

معارف

• نظرية فيثاغورس :

إذا كان المثلث ABC قائما ، فإن مربع الوتر يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين (القائمين)



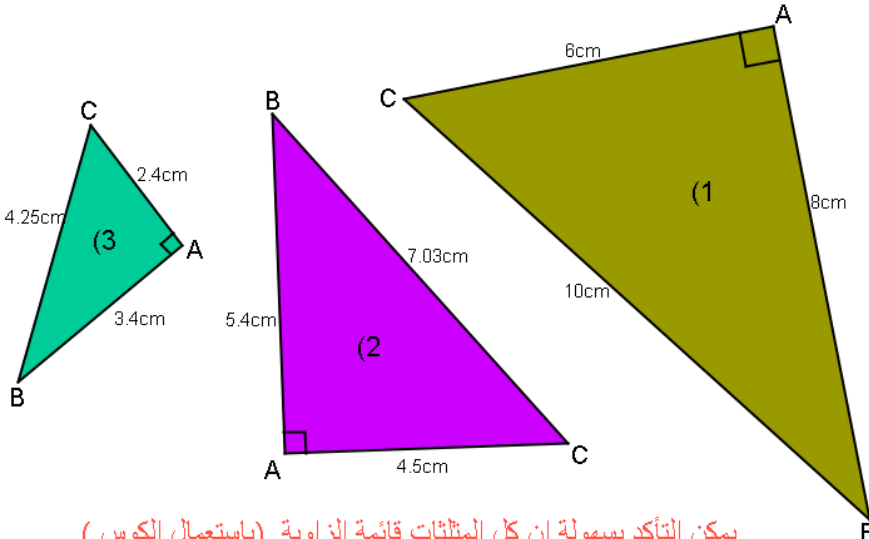
$$BC^2 = AC^2 + AB^2$$

التطبيق

الواجب
المنزلي

رقم 13 و 14 و 15 ص 166

رقم 16 و 17 و 20 ص 166 و 167

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر نص نظرية فيثاغورس .	<p>■ اذكر نص نظرية فيثاغورس .</p> <p>النشاط 3 ص 155</p>	
الأنشطة	<p>- يعرف النظرية العكسية لنظرية فيثاغورس .</p> <p>يتحقق من النظرية العكسية لنظرية فيثاغورس بواسطة الإنشاء الهندسي .</p> <p>يستنتج نص النظرية العكسية .</p>	<p>1. حساب $AB^2 + AC^2$ و BC^2 في كل حالة :</p> <p>(1) $AB^2 + AC^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$ $BC^2 = 10^2 = 100$</p> <p>(2) $AB^2 + AC^2 = 4.5^2 + 5.4^2 = 20.25 + 29.16 = 49.41$ $BC^2 = 7.03^2 = 49.42$</p> <p>(3) $AB^2 + AC^2 = 2.4^2 + 3.5^2 = 5.76 + 12.25 = 18.01$ $BC^2 = 4.25^2 = 18.06$</p> <p>■ نلاحظ في كل حالة أن : $BC^2 = AC^2 + AB^2$</p> <p>2. إنشاء المثلث ABC في كل حالة :</p>  <p>يمكن التأكد بسهولة ان كل المثلثات قائمة الزاوية . (باستعمال الكوس)</p> <p>3. كتابة نص النظرية العكسية : إذا كان في مثلث مربع طول أحد الأضلاع يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .</p>	<p>تقبل النظرية العكسية دون برهان .</p>

• النظرية العكسية :

إذا كانت أطوال المثلث ABC تحقق $BC^2 = AC^2 + AB^2$ ، فإن المثلث قائم في A .

مثال :

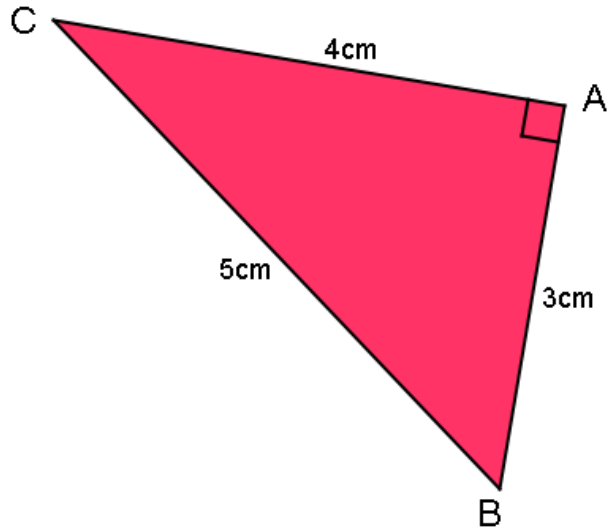
ABC مثلث حيث : $AB = 3cm$ و $AC = 4cm$ و $BC = 5cm$.

$$AB^2 + AC^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$$

لدينا :

$$BC^2 = 5^2 = 25$$

إذن : $BC^2 = AC^2 + AB^2$ فالمثلث ABC في A .



رقم 18 ص 167

التطبيق

رقم 19 ص 167

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		<div> رقم 13 ص 149 رقم 14 ص 149 رقم 17 ص 150 رقم 22 ص 151 </div>	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر اختبار مساواة	<p>■ اختبار صحة المساواة $10x - 4 = 12x$ من أجل $x = 0$ ثم من أجل $x = 2$.</p> <p>النشاط 2 ص 67</p> <p>نتيجة حساب رابح :</p> <p>$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2) = -x^2 + 7x - 3$</p> <p>1. اختبار صحة المساواة (نتيجة حساب رابح) من أجل $x = 1$.</p> <p>قيمة <u>العبارة المعطاة</u> من أجل $x = 1$:</p> <p>$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2)$</p> <p>$= 12 + 7 - 9 - (2 - 1) + 4(1 - 3)$</p> <p>$= 12 + 7 - 9 - 1 - 8$</p> <p>$= +1$</p> <p>قيمة <u>العبارة الناتجة</u> من أجل $x = 1$:</p> <p>$-x^2 + 7x - 3$</p> <p>$= -1 + 7 - 3$</p> <p>$= +3$</p> <p>■ نلاحظ أن : قيمة العبارة المعطاة لا تساوي قيمة العبارة الناتجة من أجل $x = 1$</p> <p>2. نعم خطأ رابح في حسابه لأن قيمة العبارة المعطاة لا تساوي قيمة العبارة الناتجة من أجل $x = 1$.</p> <p>3. تصحيح خطأ رابح (نعيد عمليتي النشر والتبسيط)</p> <p>$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2)$</p> <p>$= \cancel{12x^2} + 7x - 9 - 2 + x^2 + 4 - \cancel{12x^2}$</p> <p>$= x^2 + 7x - 7$</p> <p>يمكن اختيار نتيجة حسابنا أي اختبار صحة المساواة :</p> <p>$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2) = x^2 + 7x - 7$</p> <p>قيمة <u>العبارة المعطاة</u> من أجل $x = 1$:</p> <p>$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2)$</p> <p>$= 12 + 7 - 9 - (2 - 1) + 4(1 - 3)$</p> <p>$= 12 + 7 - 9 - 1 - 8$</p> <p>$= +1$</p> <p>قيمة <u>العبارة الناتجة</u> من أجل $x = 1$:</p> <p>$x^2 + 7x - 7$</p> <p>$= 1 + 7 - 7$</p> <p>$= +1$</p> <p>■ حسابنا صحيح من أجل $x = 1$ لأن قيمة العبارة المعطاة تساوي قيمة العبارة الناتجة من أجل $x = 1$.</p>	

- لا اختبار نتيجة حساب حرفي ، نحسب قيمة العبارة المعطاة وقيمة العبارة الناتجة من أجل عدة قيم عددية للحرف .

مثال: قام صالح بنشر وتبسيط العبارة $2x^2 - (x+1) + (x-3x^2)$ فوجد $-x^2 - 1$.

أي : $2x^2 - (x+1) + (x-3x^2) = -x^2 - 1$

- نختبر نتيجة حساب صالح من أجل $x = 0$.

قيمة العبارة المعطاة من أجل $x = 0$:

$$\begin{aligned} & 2x^2 - (x+1) + (x-3x^2) \\ &= 0 - (0+1) + (0+0) \\ &= -1 \end{aligned}$$

قيمة العبارة الناتجة من أجل $x = 0$:

$$\begin{aligned} & -x^2 - 1 \\ &= 0 - 1 \\ &= -1 \end{aligned}$$

■ المساواة محققة من أجل $x = 3$.

- نختبر نتيجة حساب صالح من أجل $x = 3$.

قيمة العبارة المعطاة من أجل $x = 3$:

$$\begin{aligned} & 2x^2 - (x+1) + (x-3x^2) \\ &= 18 - (3+1) + (3+27) \\ &= 18 - 4 + 30 \\ &= -44 \end{aligned}$$

قيمة العبارة الناتجة من أجل $x = 3$:

$$\begin{aligned} & -x^2 - 1 \\ &= -9 - 1 \\ &= -10 \end{aligned}$$

■ المساواة غير محققة من أجل $x = 3$.

☹ نقول أن صالح قد أخطأ في النشر أو التبسيط .

رقم 21 ص 74

رقم 23 ص 74

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

--	--	--

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر المتباينة المثلثية .	<p>التذكير بالمتباينة المثلثية .</p> <p>النشاط 1 ص 155</p> <p>1. نقل إتمام الشكل :</p> <p>2.</p> <p>أقصر طول هو AH</p> <p>النشاط 1 ص 155</p> <p>1. نقل وإتمام الشكل :</p> <p>2. H نقطة من (d) ، $(d) \perp (BH)$ ، النقطة B' نظيرة B بالنسبة إلى (d) .</p> <p>إذن : (d) محور $[BB']$.</p>	
الأنشطة	يعرف أن بعد نقطة عن مستقيم هو أقصر مسافة بين هذه النقطة وهذا المستقيم .		
	يبرهن أن بعد نقطة عن مستقيم هو أقصر مسافة بين النقطة والمستقيم .		يكفي أن نبين أن محور (d) $[BB']$.

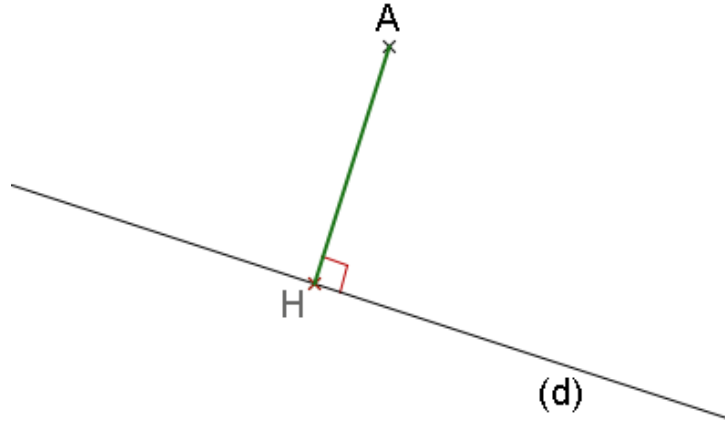
3. نقل وإتمام النص :

لدينا في المثلث BMB' المتباينة $BB' < BM + B'M$. بما أن (d) هو محور $[BB']$ و M نقطة من (d) ، فإن $BM = B'M$. وبما أن B' هي نظيرة B بالنسبة إلى النقطة H ، فإن $BB' = 2 \times BH$. فالمتباينة $BB' < BM + B'M$ تصبح $2 \times BH < 2 \times BM$ أي $BH < BM$. يسمى الطول BH بعد النقطة B عن المستقيم (d) .



معارف

- (d) مستقيم و A نقطة لا تنتمي إلى (d) .
بعد النقطة A عن المستقيم (d) هو الطول AH حيث H هي نقطة تقاطع المستقيم (d) والمستقيم الذي يشمل A ويعامد (d) .



انتبه : بعد النقطة A عن المستقيم (d) هو اقصر مسافة بين A و (d) .
إذا كانت M نقطة كيفية من (d) تختلف عن H فإن $AH < AM$.
إذا كانت A تنتمي إلى (d) فإن $AH = 0$ أي بعد A عن (d) معدوم.

رقم 21 ص 167

التطبيق

رقم 22 ص 167

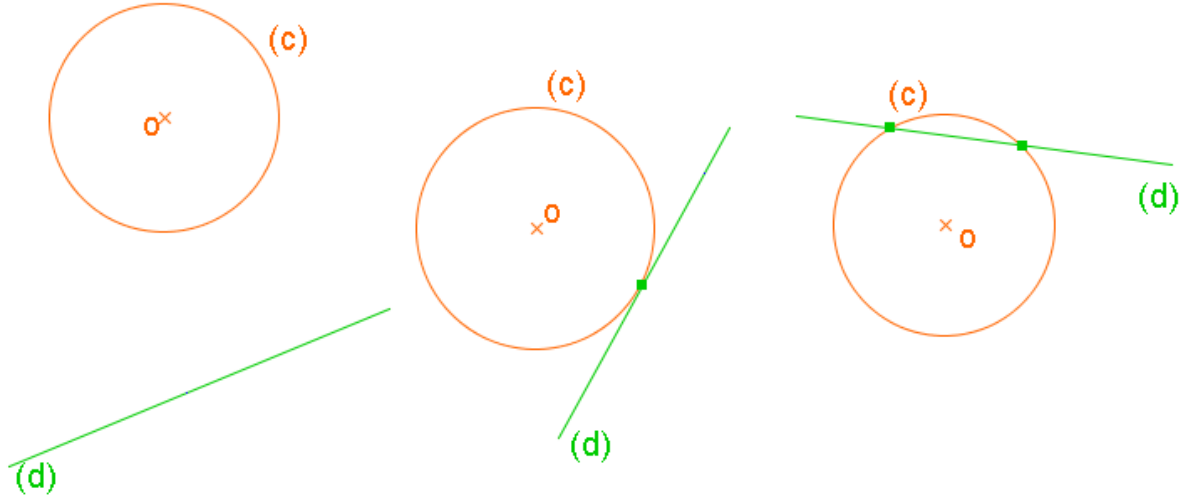
الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																												
تهيئة الأنشطة		<p>■ أنشئ النقطة M حيث بعدها عن المستقيم (Δ) هو $3.5cm$.</p> <p>النشاط 1 ص 158</p> <p>1.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الشكل</th><th>النقط المشتركة بين (C) و (d)</th><th>الوضعية النسبية لـ (d) و (C)</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>(1)</td><td>اثنان</td><td>(d) قاطع للدائرة (C)</td></tr> <tr> <td>(2)</td><td>واحدة</td><td>(d) مماس للدائرة (C)</td></tr> <tr> <td>(3)</td><td>لا يوجد</td><td>(d) خارج الدائرة (C)</td></tr> </tbody> </table> <p>2.</p> <p>الشكل (1) الشكل (2) الشكل (3)</p> <p>الطول OH هو بعد النقطة O عن المستقيم (d) .</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الشكل</th><th>مقارنة الطول OH بـ r نصف قطر الدائرة (C)</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>(1)</td><td>$OH < r$</td></tr> <tr> <td>(2)</td><td>$OH = r$</td></tr> <tr> <td>(3)</td><td>$OH > r$</td></tr> </tbody> </table> <p>النشاط 2 ص 158</p> <p>1.</p> <p>الشكل (1) الشكل (2) الشكل (3)</p> <p>2.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الشكل</th><th>وضعية المستقيم (D) عن الدائرة (C) .</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>(1)</td><td>(D) خارج الدائرة (C)</td></tr> <tr> <td>(2)</td><td>(D) مماس للدائرة (C)</td></tr> <tr> <td>(3)</td><td>(D) قاطع للدائرة (C)</td></tr> </tbody> </table>	الشكل	النقط المشتركة بين (C) و (d)	الوضعية النسبية لـ (d) و (C)	(1)	اثنان	(d) قاطع للدائرة (C)	(2)	واحدة	(d) مماس للدائرة (C)	(3)	لا يوجد	(d) خارج الدائرة (C)	الشكل	مقارنة الطول OH بـ r نصف قطر الدائرة (C)	(1)	$OH < r$	(2)	$OH = r$	(3)	$OH > r$	الشكل	وضعية المستقيم (D) عن الدائرة (C) .	(1)	(D) خارج الدائرة (C)	(2)	(D) مماس للدائرة (C)	(3)	(D) قاطع للدائرة (C)	
الشكل	النقط المشتركة بين (C) و (d)	الوضعية النسبية لـ (d) و (C)																													
(1)	اثنان	(d) قاطع للدائرة (C)																													
(2)	واحدة	(d) مماس للدائرة (C)																													
(3)	لا يوجد	(d) خارج الدائرة (C)																													
الشكل	مقارنة الطول OH بـ r نصف قطر الدائرة (C)																														
(1)	$OH < r$																														
(2)	$OH = r$																														
(3)	$OH > r$																														
الشكل	وضعية المستقيم (D) عن الدائرة (C) .																														
(1)	(D) خارج الدائرة (C)																														
(2)	(D) مماس للدائرة (C)																														
(3)	(D) قاطع للدائرة (C)																														

(C) دائرة مركزها O ونصف قطرها r و (d) مستقيم .

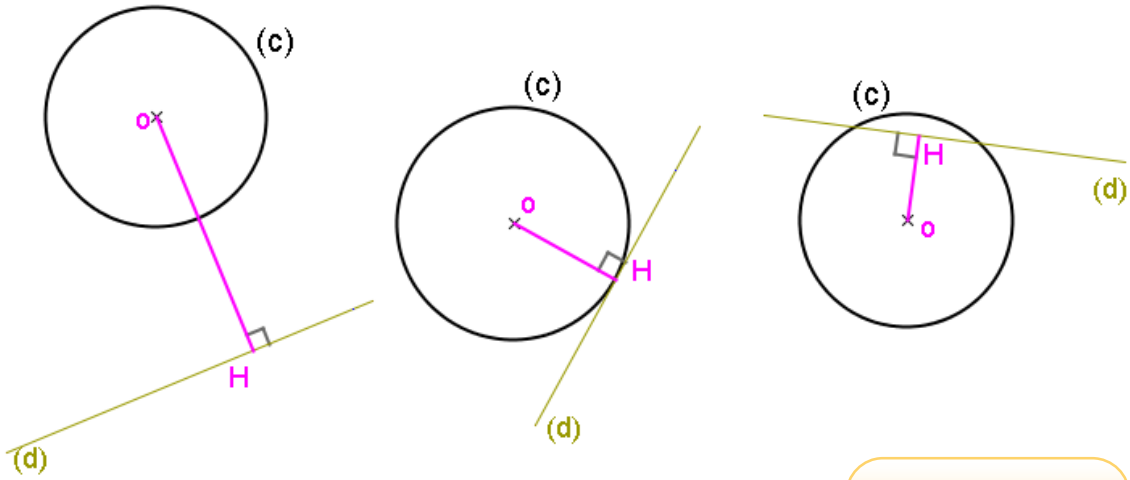
معارف

- إذا اشترك المستقيم (d) والدائرة (C) في نقطتين ، يكون قاطعا للدائرة (C) .
- إذا اشترك المستقيم (d) والدائرة (C) في نقطة واحدة، يكون مماسا للدائرة (C) .
- إذا لم يشترك المستقيم (d) والدائرة (C) في أي نقطة، يكون خارج الدائرة (C) .



إذا كان OH بعد النقطة O عن المستقيم (d) و r نصف قطر الدائرة (C) فإن :

- $OH < r$ يعني (d) قاطع للدائرة (C) في نقطتين .
- $OH = r$ يعني (d) مماسا للدائرة (C) في نقطة واحدة H .
- $OH > r$ يعني (d) خارج للدائرة (C) (لا يشترك معها في أي نقطة) .

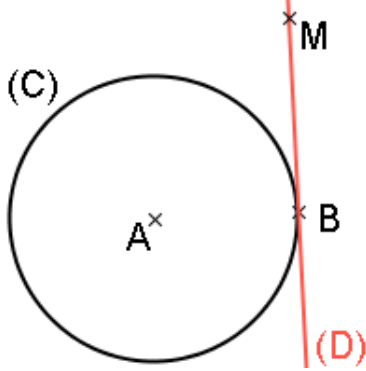
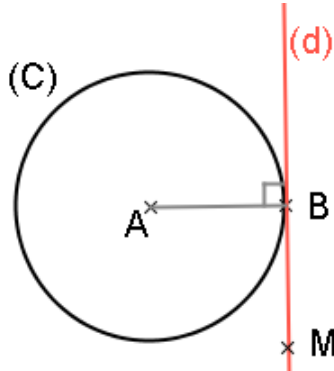


رقم 25 ص 168 س 1 و 2

التطبيق

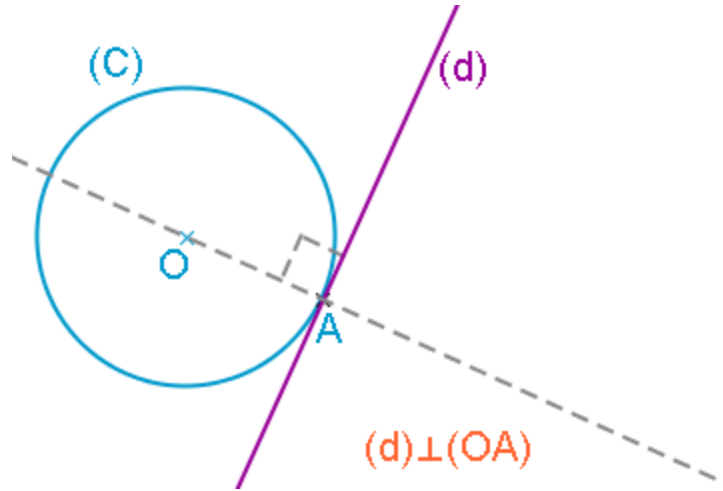
رقم 24 ص 168

الواجب
المنزلي .

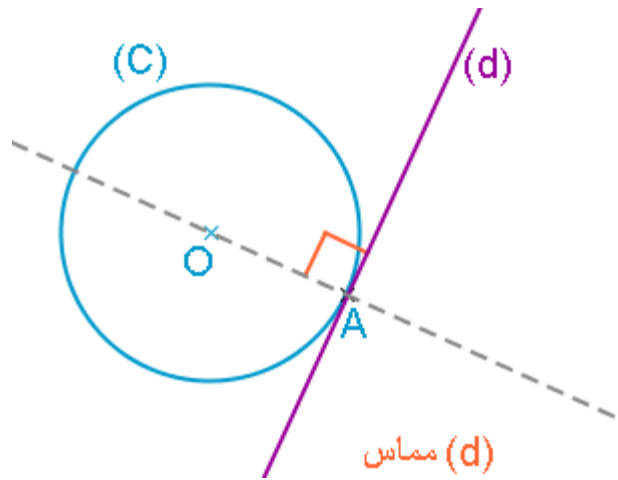
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر كيفية إنشاء مستقيما قطريا .	<p>■ دائرة (E) مركزها O ، أنشئ مستقيما قطريا لهذه الدائرة .</p> <p>النشاط 2 ص 158</p>	ننبه التلاميذ إلى الخط المطبوع في السطر الأول من هذا النشاط
الأنشطة	<p>- يعرف أن مماس الدائرة عمودي على المستقيم القطري .</p> <p>- يعرف أن مماس الدائرة عمودي على المستقيم القطري .</p>	<p>1.</p>  <p>دائرة (C) مركزها A ونصف قطرها $r = 3cm$ ، B نقطة من (C) . (D) مماس للدائرة (C) في النقطة B .</p> <p>ط1 : $AB < AM$ لأن : A مركز الدائرة (C) ، B نقطة من الدائرة (C) . و M نقطة خارج الدائرة (C) . (خواص المماس)</p> <p>ط2 : $AB < AM$ لأن : (D) مماس الدائرة (C) في النقطة B . يعني AB هو بعد النقطة A عن المستقيم (D) . $(AB) \perp (D)$ لأن : AB هو بعد النقطة A عن المستقيم (D) . (خواص بعد نقطة عن مستقيم)</p> <p>أنقل ثم أتمم :</p> <p>إن المماس للدائرة (C) في النقطة B عمودي على المستقيم (AB) .</p> <p>2.</p>  <p>ABM مثلث قائم في B (معطيات الشكل)</p> <p>$AB < AM$ لأن : AB ضلع قائم في المثلث ABM . و AM وتر المثلث ABM .</p> <p>لا تنتمي إلى الدائرة (C) التي مركزها A ونصف قطرها AB لأن $AB < AM$.</p> <p>عدد النقط المشتركة بين (d) و (C) هو نقطة واحدة B . ومنه (d) مماس للدائرة (C) في النقطة B .</p>	

(C) دائرة مركزها O و A نقطة من هذه الدائرة .

- إن المماس (d) للدائرة (C) في النقطة A عمودي على المستقيم القطري (OA) في النقطة A .



- كل مستقيم (d) عمودي على المستقيم القطري (OA) في النقطة A هو مماس للدائرة (C) في النقطة A .



رقم 25 ص 168 س 3

رقم 26 ص 165

التطبيق

الواجب
المنزلي

أكمل جدول التناسبية الأتي :

....	9	1.5
24	3	6

النشاط 1 ص 93

1.

X

جدول تناسبية

X

3	2	1	0.5	0
9	4	1	0.25	0

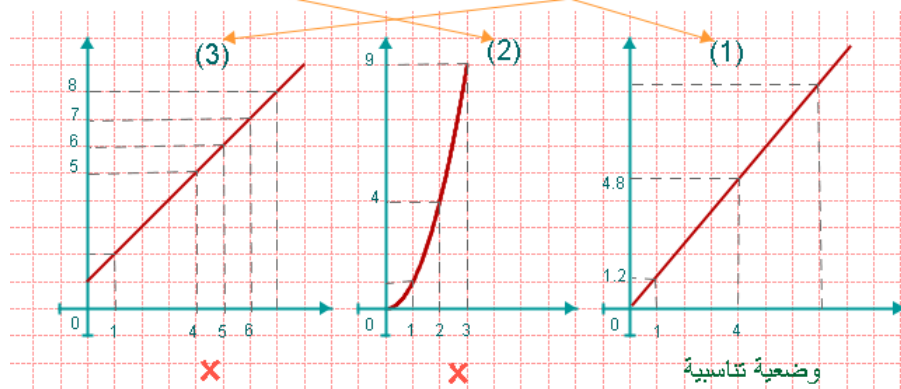
4	3.5	2	1	0.5
4.8	4.2	2.4	1.2	0.6

7	6	4	1	0
8	7	5	2	1

(3)

(2)

(1)



- يعرف وضعية تناسبية من تمثيلها البياني .

2. الجدول (2) هو جدول تناسبية لأن نقاط تمثيله البياني على استقامة واحدة مع مبدأ المعلم.

النشاط 2 ص 93

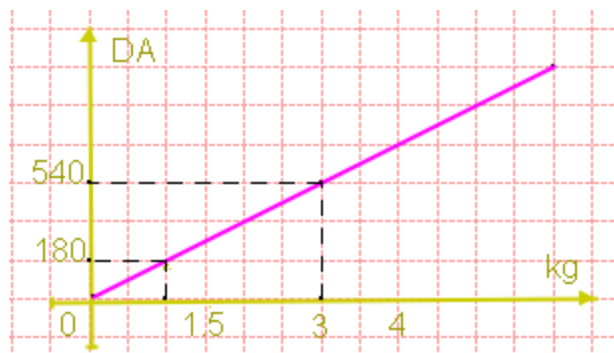
1. نعم ، السعر والكتلة متناسبان لأن نقاط تمثيلهما البياني على استقامة واحدة مع مبدأ المعلم.

2. سعر $2kg$ من "دقلة" نور هو $360DA$.

كتلة "دقلة" نور التي سعرها $90DA$ هي $0.5kg$.

3. سعر $3.5kg$ من "دقلة" نور هو $630DA$.

- يعرف أن التمثيل البياني لوضعية تناسبية تكون نقاطه على استقامة واحدة مع مبدأ المعلم .



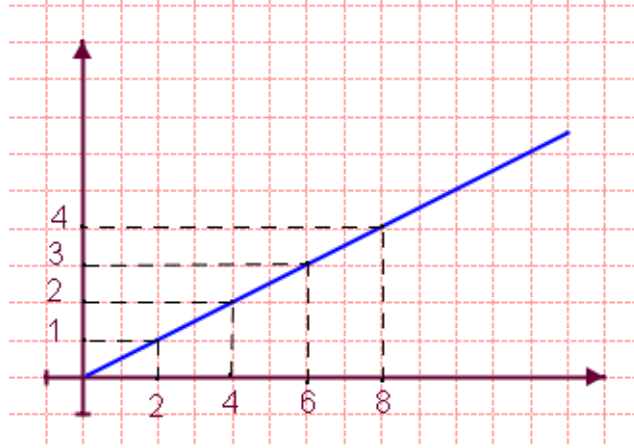
تنبيه التلاميذ لاختلاف ترتيب الجداول حسب طبقات الكتاب المدرسي .

- إذا مثلنا نقاطا فواصلها متناسبة مع تراتبيها ، فإن هذه النقط على استقامة واحدة مع مبدأ المعلم .

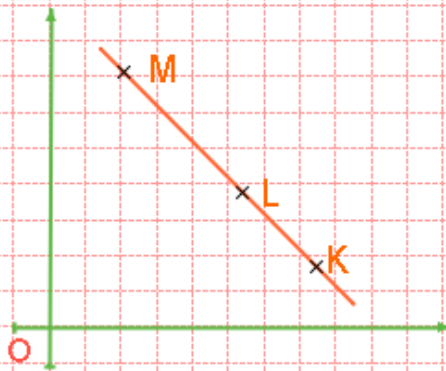
مثال : الجدول الآتي جدول تناسبية .

8	6	5	4	2	1
4	3	2.5	2	1	0.5

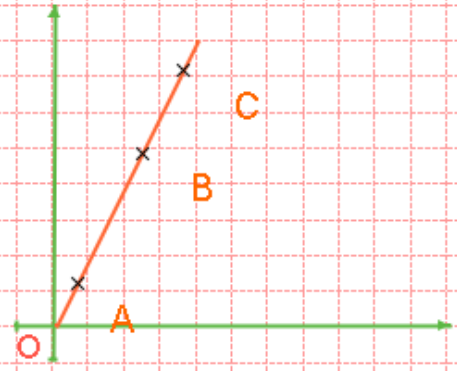
التمثيل البياني لهذه الوضعية هو :



- إذا كانت نقط و مبدأ المعلم على استقامة واحدة ، في تمثيل بياني ، فإن فواصل هذه النقط و تراتبيها متناسبة .



النقط K, L, M ليست على استقامة واحدة مع المبدأ
إذن هذا التمثيل البياني لا يمثل وضعية تناسبية .



النقط O, A, B, C على استقامة واحدة
إذن هذا التمثيل البياني يمثل وضعية تناسبية .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التهيئة			
الأنشطة		<p>■</p> <p>النشاط 1 ص 64</p> <p>1. يعود الفارق الزمني لاختلاف سرعة سميّر عن سرعة مهدي .</p> <p>2. قطع سميّر $15km$ في ساعة واحدة فيكون :</p> $V_{سميّر} = \frac{15km}{1h} = 15 km/h$ <p>■ مهدي $15km$ في 45 دقيقة أي $\frac{3}{4}$ ساعة ($0.75h$) فيكون :</p> $V_{مهدي} = \frac{15km}{0.75h} = 20 km/h$ <p>النشاط 2 ص 64</p> <p>1. السرعة التي سار بها بلال في اليوم الأول :</p> $V = \frac{d}{t} = \frac{240km}{3h} = 80 km/h$ <p>2. المسافة التي قطعها بلال في اليوم الثاني :</p> $V = \frac{d}{t} \rightarrow d = V \times t = 80 km/h \times 2.5h = 200km$	<p>يمكن حل النشاط 1 فقط و التطرق للفقرة (*) في حصة التمارين .</p>

- نقول عن حركة أنها منتظمة إذا كانت المسافات المتساوية المقطوعة في مدد زمنية متساوية .
- تعطى السرعة المتوسطة لتحرك ، في حركة منتظمة . بالمساواة :

$$V = \frac{d}{t}$$

حيث :

 d : المسافة المقطوعة . t : المدة المستغرقة لقطع المسافة .

مثال :

يقطع صالح بدراجته مسافة $60km$ في $3h$ فتكون سرعته :

$$V = \frac{d}{t} = \frac{60km}{3h} = 20^{km/h}$$

انتبه :

- إذا قدرت المسافة المقطوعة بالكيلومتر وقدرت المدة المستغرقة لقطع هذه المسافة بالساعة ، فإن السرعة تقدر بالكيلومتر في الساعة . ونكتب : km / h أو $km . h^{-1}$.
- إذا قدرت المسافة المقطوعة بالتر وقدرت المدة المستغرقة لقطع هذه المسافة بالثانية ، فإن السرعة تقدر بالتر في الثانية . ونكتب : m / s أو $m s^{-1}$.
- في حركة منتظمة ، يعبر عن المسافة بالمساواة : $d = V \times t$ ، ويعبر عن المدة بالمساواة :

$$t = \frac{d}{V} \quad (*)$$

رقم 9 و 10 ص 104 و 105

التطبيق

رقم 11 و 12 و 13 و 14 ص 105

الواجب المنزلي

المجلد : الدوال وتنظيم معطيات .

مذكرة رقم : 57

مستوى : 3 متوسط

التاريخ : 2010/11/22

الوسائل : آلة حاسبة علمية .

الباب : 06 : التناسبية .

الدعائم : كتاب ت + المنهاج + الوثيقة م

الموضوع : تطبيقات

الأستاذ : ولد سعيد عبد القادر

الكفاءة القاعدية :

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التمارين			

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة			
الأنشطة		<div>النشاط 2 ص 153</div> <div>3.</div>	

• الخاصية العكسية :

رقم 6 ص 165

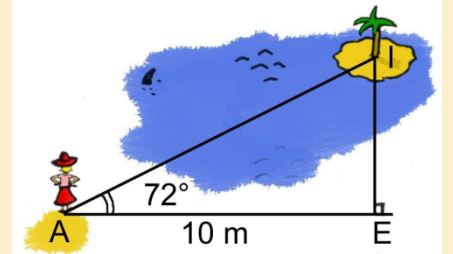
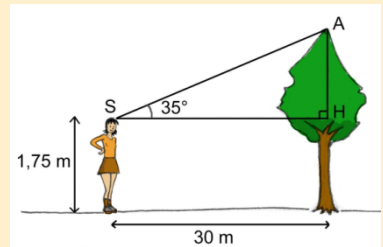
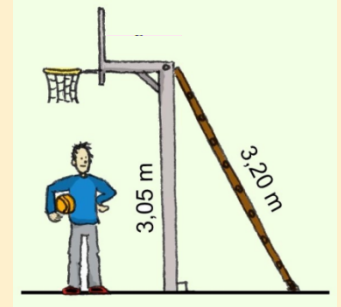
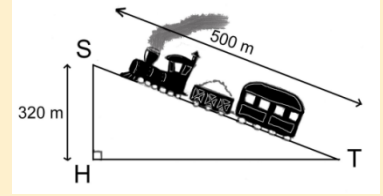
رقم 4 و 5 ص 165

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة		<p>تمعن في الشكل ثم احسب $\cos \hat{E}$</p>	
الأنشطة		<p>النشاط 2 ص 153</p>	

رقم 6 ص 165

رقم 4 و 5 ص 165

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة 			

- المقادير التي تدل على وحدات قياس الزمن في النظام الستيني متناسبة مع المقادير التي تدل على وحدات قياس الزمن في النظام العشري، يعود الانتقال من وحدة إلى أخرى إلى حساب الرابع.

مثال : $3.9h = ?h ?mn$

لدينا : $3.9h = 3h + 0.9h$ إذن يكفي تحويل $0.9h$ إلى الدقائق (mn) .
من الجدول :

h	1	$0.9h$
mn	60	t

$$t = \frac{0.9h \times 60mn}{1h} = 54mn$$

وعليه : $3.9h = 3h 54mn$

انتبه : $1.25h \neq 1h 25mn$ بل $1.25h = 1h 15mn$.

رقم 26 ص 107

رقم 25 و 24 و 27 ص 107

المجلد : الدوال وتنظيم معطيات .

مذكرة رقم : 56

مستوى : 3 متوسط

التاريخ : 2010/11/22

الوسائل : آلة حاسبة علمية .

الباب : 06 : التناسبية .

الدعائم : كتاب ت + المنهاج + الوثيقة م

الموضوع : تطبيقات .

الأستاذ : ولد سعيد عبد القادر

الكفاءة القاعدية :

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																												
التهيئة الأنشطة	- يتذكر حساب الرابع المتناسب . - يستعمل جدول تناسبية في وضعيات تدخل فيها النسبة المئوية .	<p>■ احسب الرابع المتناسب في جدول التناسبية الآتي :</p> <table><tr><td>32</td><td>1.6</td></tr><tr><td>8</td><td>.....</td></tr></table> <p>النشاط 1 ص 64</p> <p>1. قيمة التخفيض من ثمن الجهاز. من الجدول :</p> <table><tr><td>18500</td><td>100</td><td>الثمن</td></tr><tr><td>x</td><td>15</td><td>قيمة التخفيض</td></tr></table> $x = \frac{15 \times 18500}{100} = 2775 DA$ <p>2. ثمن التلفاز بعد التخفيض . $P = 18500 DA - 2775 DA = 15725 DA$</p> <p>النشاط 2 ص 97</p> <p>أولا : حساب كتلة 200ℓ من الحليب . من الجدول :</p> <table><tr><td>200</td><td>1</td><td>ℓ</td></tr><tr><td>m</td><td>1.30</td><td>kg</td></tr></table> $m = \frac{1.30 kg \times 200 \ell}{1 \ell} = 260 kg$ <p>ثانيا : حساب كتلة القشطة في 260kg من الحليب . من الجدول :</p> <table><tr><td>260</td><td>100</td><td>كتلة الحليب (kg)</td></tr><tr><td>m'</td><td>12</td><td>كتلة القشطة (kg)</td></tr></table> $m' = \frac{12 kg \times 260 kg}{100 kg} = 31.2 kg$ <p>ثالثا : حساب كتلة الزبد في 31.2kg من القشطة . من الجدول :</p> <table><tr><td>31.2</td><td>100</td><td>كتلة القشطة (kg)</td></tr><tr><td>m''</td><td>30</td><td>كتلة الزبد (kg)</td></tr></table> $m'' = \frac{30 kg \times 31.2 kg}{100 kg} = 9.36 kg$	32	1.6	8	18500	100	الثمن	x	15	قيمة التخفيض	200	1	ℓ	m	1.30	kg	260	100	كتلة الحليب (kg)	m'	12	كتلة القشطة (kg)	31.2	100	كتلة القشطة (kg)	m''	30	كتلة الزبد (kg)	في هذا النشاط (مثال) ننبه التلاميذ لاستعمال جدول التناسبية .
32	1.6																														
8																														
18500	100	الثمن																													
x	15	قيمة التخفيض																													
200	1	ℓ																													
m	1.30	kg																													
260	100	كتلة الحليب (kg)																													
m'	12	كتلة القشطة (kg)																													
31.2	100	كتلة القشطة (kg)																													
m''	30	كتلة الزبد (kg)																													

- تترجم النسبة المئوية وضعية تناسبية ، يؤول حساب نسبة مئوية إلى حساب رابع متناسب .

مثال 1 :

عدد التلاميذ المرشحين لامتحان شهادة التعليم المتوسط في متوسطة احمد شاعة هو 152 تلميذا .
حيث بلغت نسبة النجاح 75% .
من الجدول الأتي نحسب عدد التلاميذ الناجحون :

عدد التلاميذ	100	152
عدد الناجحين منهم	75	n

$$n = \frac{75 \times 152}{100} = 114$$

عدد الناجحون هو 114 تلميذا .

مثال 2 :

قسم السنة الثالثة متوسط يتكون من 36 تلميذا منهم 9 بنات .
من الجدول الأتي نحسب النسبة المئوية للبنات في هذا القسم :

عدد التلاميذ	100	36
عدد البنات	n	9

$$n = \frac{9 \times 100}{36} = 25$$

النسبة المئوية التي تمثل عدد البنات في هذا القسم هي : 25%

رقم 16 ص 105

التطبيق

رقم 18 ص 105

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات												
التهيئة		<p>■ أكمل ما يلي :</p> $0.06 = \frac{60}{\dots}$													
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 64</p> <p>1.</p> <p>- نتأكد بالحاسبة : $\frac{300950}{200450} \approx 1.50$</p> <p>- $\frac{300950}{200450} \approx 1.50$ يعني $\frac{300950}{200450} \approx \frac{150}{100}$</p> <p>■ يمكن أن نقول إن دخل السيد يحيى لسنة 2003 يمثل حوالي 150% من دخل سنة 2002 .</p> <p>- نتأكد بالحاسبة : $\frac{180000}{200450} \approx 0.89$</p> <p>- $\frac{180000}{200450} \approx 0.89$ يعني $\frac{180000}{200450} \approx \frac{89}{100}$</p> <p>■ يمكن أن نقول إن دخله في سنة 2004 يمثل حوالي 89% من دخل سنة 2002 .</p> <p>2. باعتبار مؤشر الدخل للسنة 2002 هو 100 ، وهو المرجع :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>2004</th><th>2003</th><th>2002</th><th></th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>180000</td><td>300950</td><td>200450</td><td>الدخل بالدينار</td></tr> <tr> <td>89*</td><td>150</td><td>100</td><td>المؤشر</td></tr> </tbody> </table>	2004	2003	2002		180000	300950	200450	الدخل بالدينار	89*	150	100	المؤشر	<p>* 89 هذه القيمة معطاة في بعض الكتب .</p>
2004	2003	2002													
180000	300950	200450	الدخل بالدينار												
89*	150	100	المؤشر												

- في دراسة ظاهرة ما ، يعتبر المؤشر سندا يساعد على ملاحظة تطور هذه الظاهرة .

مثال :

في الجدول الآتي، يوضح المؤشر تطور ظاهرة زيادة أو انخفاض معدل الاستهلاك اليومي للماء لإحدى العائلات خلال فصول السنة .

فصل الشتاء	فصل الخريف	فصل الصيف	فصل الربيع	معدل الاستهلاك اليومي باللتر
200	320	450	360	المؤشر
100	160	225	180	

انتبه : في المثال السابق اعتبرنا فترة فصل الشتاء كمرجع .

رقم 29 ص 107

رقم 28 ص 107

المجلد : الدوال وتنظيم معطيات .

مذكرة رقم : 56

مستوى : 3 متوسط

التاريخ : 2010/11/22

الوسائل : آلة حاسبة علمية .

الباب : 06 : التناسبية .

الدعائم : كتاب ت + المنهاج + الوثيقة م

الموضوع : تطبيقات .

الأستاذ : ولد سعيد عبد القادر

الكفاءة القاعدية :

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة			
الأنشطة		النشاط 1 ص 64	

معارف

التطبيق

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التهيئة		<p>■ احسب ما يلي :</p> $\bullet \frac{2}{7} - \frac{1}{14}$ $\bullet \frac{2}{7} + \frac{1}{14}$	
الأنشطة		<p>النشاط 1 ص 30/29</p> <p>1.</p> <p>2. اكمل ما يلي :</p> <p>مسافة العدد $\frac{9}{6}$ إلى الصفر أكبر من مسافة العدد $\frac{3}{4}$ إلى الصفر، إذن : $\frac{9}{6} > \frac{3}{4}$</p> <p>مسافة العدد $\frac{-5}{4}$ إلى الصفر أكبر من مسافة العدد $\frac{-1}{2}$ إلى الصفر، إذن :</p> $\frac{-5}{4} < \frac{-1}{2}$ <p>3.</p> <p>- لحساب المسافة AB نحسب $\frac{9}{4} - \frac{3}{4}$ لأن المسافة مقدار موجب .</p> $AB = \frac{9}{4} - \frac{3}{4} = \frac{9-3}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} = 1.5$ <p>وعليه :</p> <p>- لحساب المسافة CD نحسب $\frac{-1}{2} - \left(\frac{-5}{4}\right)$ لأن المسافة مقدار موجب .</p> $CD = \frac{-1}{2} - \left(\frac{-5}{4}\right) = \frac{-2 - (-5)}{4} = \frac{3}{4} = 0.75$ <p>وعليه :</p> <p>4.</p> <p>- إذا كان $x - \frac{5}{2} > 0$ فإن $x > \frac{5}{2}$ ، يعني أن النقطة E تنتمي إلى النصف الأيمن .</p> <p>- إذا كان $y - \left(\frac{-3}{2}\right) < 0$ فإن $y < \left(\frac{-3}{2}\right)$ ، يعني أن النقطة F تنتمي إلى النصف الأيسر .</p> <p>5.</p> <p>- لدينا : $\frac{9}{6} - \frac{3}{2} = \frac{9}{6} - \frac{3 \times 3}{2 \times 3} = \frac{9-9}{6} = 0$</p> <p>نستنتج أن : $\frac{9}{6} = \frac{3}{2}$</p> <p>- لدينا : $6 \times 3 = 18$ و $9 \times 2 = 18$</p> <p>نلاحظ أن : $6 \times 3 = 9 \times 2$</p>	<p>سير النشاط :</p> <p>الفترة الأولى : تقدم الأسئلة 1، 2، و 3.</p> <p>الفترة الثانية : يقدم السؤالان 4 و 5، ثم التصحيح وكتابة حوصلة المعارف .</p>

يقارن عددين ناطقين
بدراسة إشارة
فرقهما .

x و y عدنان ناطقان

مقارنة العددين x و y تعود إلى دراسة إشارة الفرق $x - y$:

$$x < y \text{ يعني } x - y < 0$$

$$x > y \text{ يعني } x - y > 0$$

$$x = y \text{ يعني } x - y = 0$$

أمثلة :

• لمقارنة $\frac{5}{3}$ و $\frac{7}{6}$ نحسب $\frac{5}{3} - \frac{7}{6}$ فنجد : $\frac{5}{3} - \frac{7}{6} = \frac{10-7}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = +0.5$

ومنه : $\frac{5}{3} - \frac{7}{6} > 0$ يعني $\frac{5}{3} > \frac{7}{6}$

• لمقارنة $\frac{9}{4}$ و $\frac{19}{8}$ نحسب $\frac{9}{4} - \frac{19}{8}$ فنجد : $\frac{9}{4} - \frac{19}{8} = \frac{18-19}{8} = \frac{-1}{8} = -0.125$

ومنه : $\frac{9}{4} - \frac{19}{8} > 0$ يعني $\frac{9}{4} > \frac{19}{8}$

• لمقارنة $\frac{2}{4}$ و $\frac{1}{2}$ نحسب $\frac{2}{4} - \frac{1}{2}$ فنجد : $\frac{2}{4} - \frac{1}{2} = \frac{2-2}{4} = 0$

ومنه : $\frac{2}{4} - \frac{1}{2} = 0$ يعني $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

انتبه : $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{d}$ عدنان ناطقان مع $b \neq 0$ و $d \neq 0$.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \text{ يعني } a \times d = b \times c$$

مثال : لدينا مما سبق : $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ إذن $2 \times 2 = 1 \times 4$.

فعلا $2 \times 2 = 4$ و $1 \times 4 = 4$.

إن الأعداد النسبية هي إعداد ناطقة ، والقواعد المتعلقة بمقارنة عددين نسبيين تصلح لمقارنة عددين ناطقين . (*)

التطبيق

الواجب

المنزلي

رقم 38 ص 40

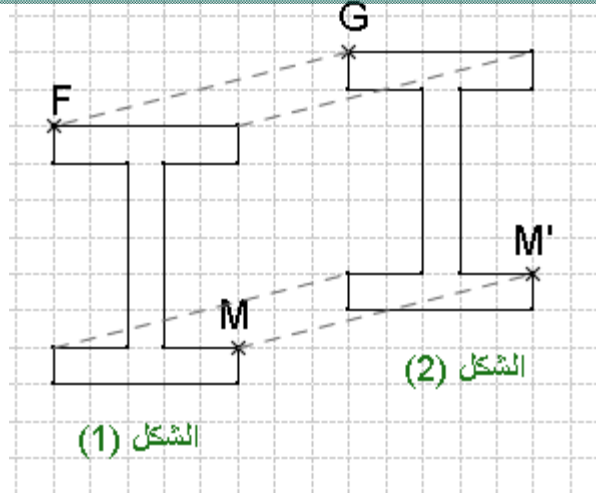
رقم 32 و 33 و 34 ص 39

نفضل عدم
التطرق للفقرة
(*) وكذلك

النشاط 2 ص 30
و ترك ذلك
لحصة التطبيقات

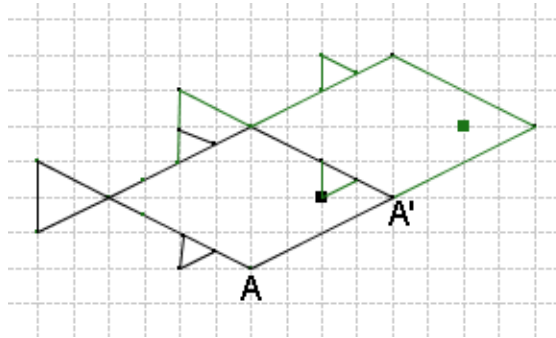
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة		<p>النشاط 1</p> <p>تمعن في المرصوفة الآتية :</p> <p>الشكل (1) الشكل (2)</p> <p>الشكل (3)</p> <p>1. ما هي السفينة المحصل عليها بسحب السفينة B. (يمكنك استعمال الورق الشفاف)</p> <p>- نقول أن السفينة هي صورة السفينة B بالانسحاب .</p> <p>2. انقل الشكل (2) ثم ارسم صورة الحرف [] بالانسحاب الذي يحول النقطة F إلى النقطة G.</p> <p>- عين النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول F إلى G .</p> <p>- ماذا يمكن القول عن الرباعي FGM'M ؟</p> <p>3. ارسم صورة الحرف [] بالانسحاب الذي يحول F إلى K .</p> <p>- ماذا يمكنك القول عن الرباعي FKN'N ؟</p> <p>الحل :</p> <p>1. السفينة المحصل عليها بسحب السفينة B هي السفينة D.</p> <p>- نقول أن السفينة D هي صورة السفينة B بالانسحاب .</p> <p>2. يمكن القول إن الرباعي FGM'M متوازي أضلاع.</p> <p>3. يمكن القول إن الرباعي FKN'N متوازي أضلاع.</p>	<p>- يمكن تقديم هذا النشاط دون تمهيد .</p> <p>هذا النشاط مقترح في الوثيقة المرافقة .</p>

- عند إزاحة شكل حيث تنتقل كل نقط الشكل على مستقيمت متوازية في نفس الاتجاه وينفس المسافة ، نحصل على صورة هذا الشكل بالانسحاب .



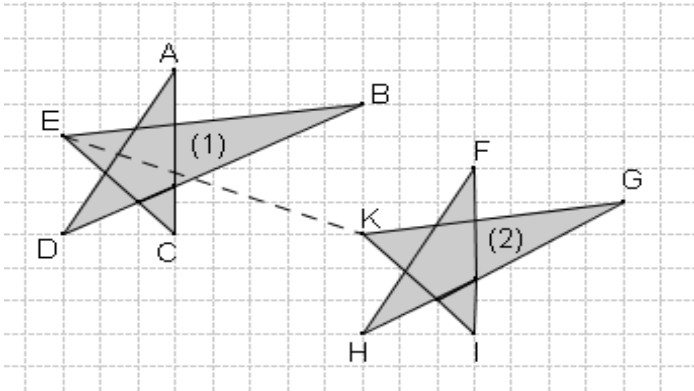
- النقطة M' هي صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول F إلى G .
- الشكل (2) هو صورة الشكل (1) بالانسحاب الذي يحول F إلى G .

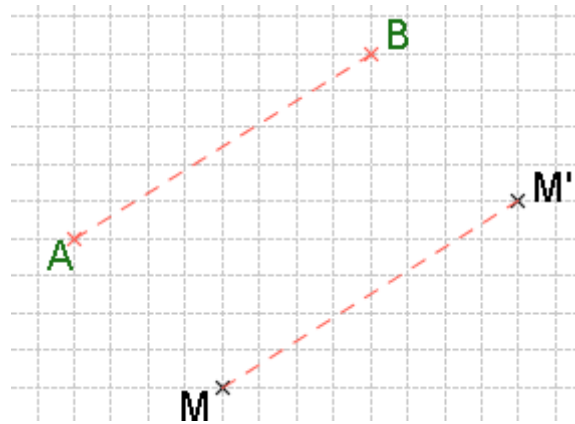
رقم 3 ص 181



رقم 4، 5، 6 ص 181

رقم 7، 8، 9، 10 ص 182

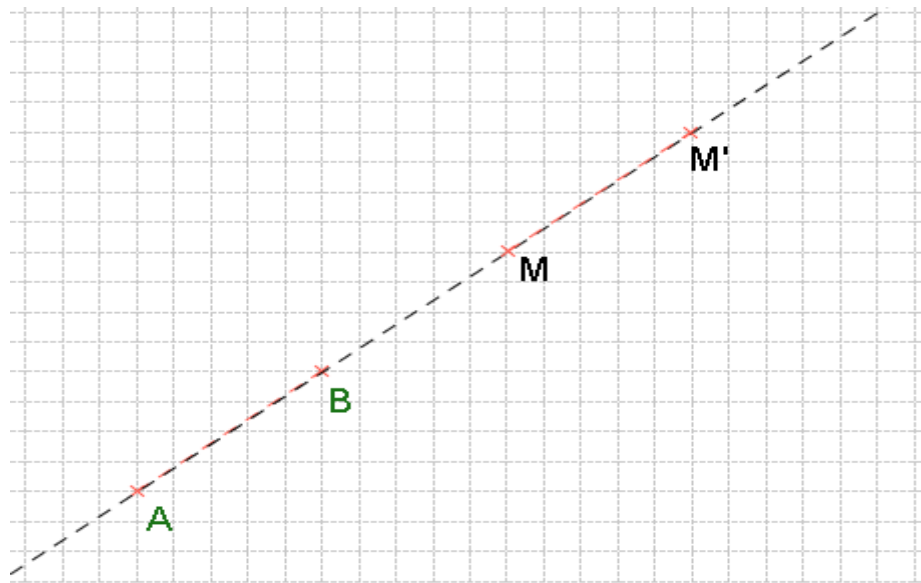
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء متوازي أضلاع .	■ انقل الشكل الآتي ثم أنشئ النقطة N حتى يكون الرباعي LMNP متوازي أضلاع . P L M	ملاحظات
الأنشطة		<p>النشاط 2</p> <p>• الشكل الآتي يمثل نجمتين ، حيث النجمة (2) هي صورة النجمة (1) بالانسحاب الذي يحول E إلى K .</p>  <p>1. انقل ثم اتمم ما يلي :</p> <p>صورة النقطة A هي النقطة حيث الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>صورة النقطة B هي النقطة حيث الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>صورة النقطة C هي النقطة حيث الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>2. بالانسحاب الذي يحول E إلى K :</p> <p>هل النقطة D صورة للنقطة H ؟ - علل .</p> <p>هل النقطة I صورة للنقطة B ؟ - علل .</p> <p>الحل :</p> <p>1. نقل وإتمام النص :</p> <p>صورة النقطة A هي النقطة F حيث الرباعي EKFA متوازي أضلاع .</p> <p>صورة النقطة B هي النقطة G حيث الرباعي EKGB متوازي أضلاع .</p> <p>صورة النقطة C هي النقطة I حيث الرباعي EKIC متوازي أضلاع .</p> <p>2. بالانسحاب الذي يحول E إلى K :</p> <p>- النقطة D ليست صورة للنقطة H لأن العكس هو الصحيح : H صورة D .</p> <p>- النقطة I ليست صورة للنقطة B لأن الرباعي EKIB ليس متوازي أضلاع .</p>	<p>هذا النشاط مقترح في الوثيقة المرافقة .</p> <p>الفترة الأولى : يقدم السؤال الأول .</p> <p>الفترة الثانية : يقدم السؤال الثاني .</p>



- النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى B يعني ان الرباعي $ABM'M$ متوازي اضلاع.

انتبه : إذا كانت النقط A و B و M على استقامة واحدة.

النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى B يعني أن النقطة M' من (AB) و (MM') و (AB) لهما نفس الاتجاه و $MM' = AB$.



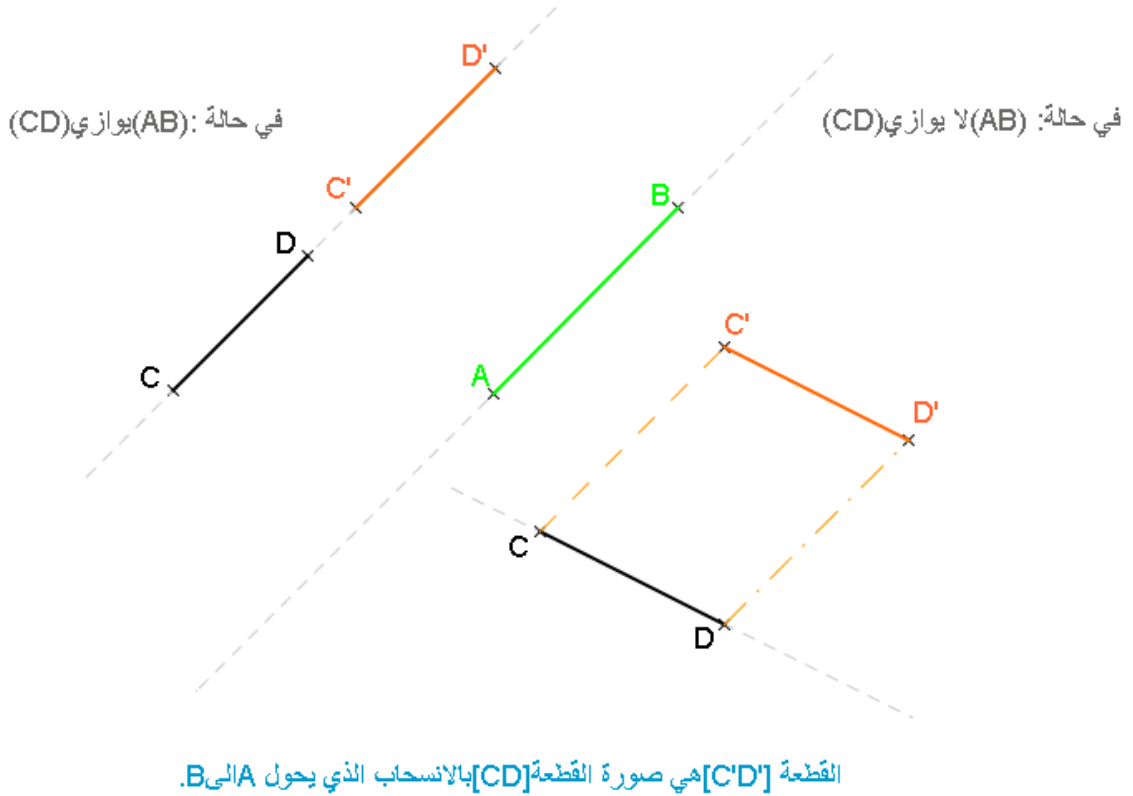
رقم 12 ص 183

رقم 13 ص 183

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعريف صورة نقطة بالانسحاب .	<p>■ أكمل ما يلي : النقطة B صورة النقطة A بالانسحاب الذي يحول C إلى D يعني أن الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>النشاط 4 ص 173</p>	
الأنشطة	ينشئ صورة قطعة مستقيم .	<p>1.</p> <p>2.</p> <p>– <u>نقطة من القطعة $[A'B']$ ؟</u> بالانسحاب الذي يحول D إلى C : صورة A' صورة A يعني أن الرباعي $DCA'A$ متوازي أضلاع . صورة B' صورة B يعني أن الرباعي $DCB'B$ متوازي أضلاع . صورة M' صورة M يعني أن الرباعي $DCM'M$ متوازي أضلاع . ومنه : $A'A = M'M = B'B$ $(A'A) \parallel (M'M) \parallel (B'B)$ وعليه : الرباعي $A'AMM'$ متوازي أضلاع . الرباعي $B'BMM'$ متوازي أضلاع ومنه : $(A'M') \parallel (B'M')$ إذن : M' نقطة من القطعة $[A'B']$</p> <p>– صورة القطعة $[AB]$ بالانسحاب الذي يحول D إلى C هي القطعة $[A'B']$. حيث : $A'B' = AB$ $(A'B') \parallel (AB)$</p>	<p>ننبه التلاميذ إلى أن الانسحاب يحول D إلى C وليس العكس .</p>

A و B نقطتان متميزتان .

- صورة قطعة مستقيم بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي قطعة مستقيم تقايسها وحاملها متوازيان .



انتبه :

$[C'D']$ صورة $[CD]$ حيث C' و D' صورتا C و D على الترتيب.

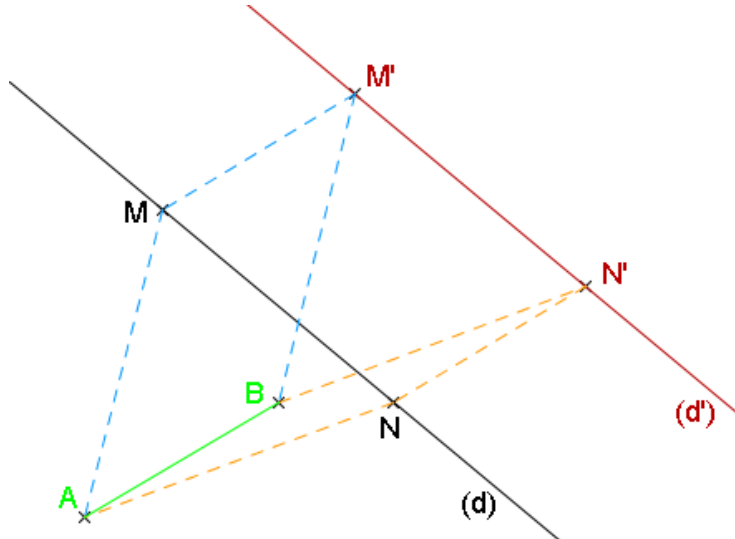
تمرين : ABC مثلث قائم في A .

- أنشئ صورة الوتر بالانسحاب الذي يحول A إلى C .

التطبيق

الواجب
المنزلي

متمايزتان : قد
يكون مصطلح
جديد بالنسبة
للتلاميذ.
(متمايزتان =
مختلفتان =
غير
منطبقتان)

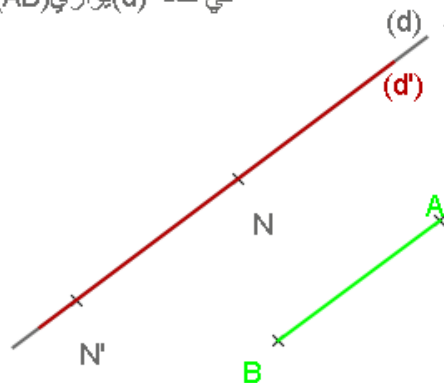
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر تعريف صورة نقطة بانسحاب . ينشئ صورة مستقيم بانسحاب . - يبرهن أن صورة مستقيم بانسحاب هي مستقيم يوازيه .	<p>■ أكمل ما يلي : النقطة B صورة النقطة A بالانسحاب الذي يحول C إلى D يعني أن الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>النشاط 5 ص 173</p> <p>1.</p>  <p>2.</p> <p>- الرباعي $M'N'NM$ متوازي أضلاع ؟ بالانسحاب الذي يحول A إلى B : M' صورة M يعني الرباعي $ABM'M$ متوازي أضلاع . N' صورة N يعني الرباعي $ABN'N$ متوازي أضلاع . ومنه : $AB = M'M = N'N$ $(AB) \parallel (M'M) \parallel (N'N)$ وعليه : الرباعي $M'N'NM$ متوازي أضلاع . - مما سبق يمكن القول أن : $(d) \parallel (M'N')$. - بالانسحاب الذي يحول A إلى B صورة المستقيم (d) هي المستقيم $(M'N')$. حيث : $(d) \parallel (M'N')$</p> <p>■ يمكن البرهان بطريقة أخرى أن الرباعي $M'N'NM$ متوازي أضلاع وذلك باستعمال نتيجة الدرس السابق (صورة قطعة مستقيم بانسحاب هي قطعة مستقيم تقايسها وحاملها متوازيان) ، حسب المعطيات لدينا : صورة $[MN]$ بالانسحاب الذي يحول A إلى B فإن : $MN = M'N'$ و $(MN) \parallel (M'N')$. فإن الرباعي $M'N'NM$ متوازي أضلاع .</p>	هذه التهيئة هي نفسها الموجود في المذكرة السابقة و هذا يعود لأهمية هذا التعريف .

A و B نقطتان متميزتان .

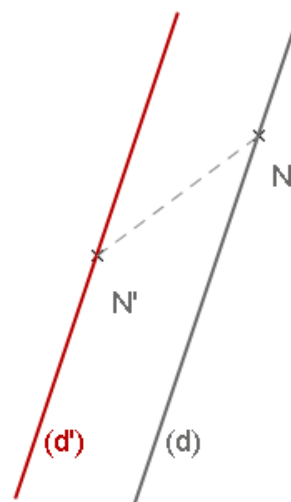
معارف

• صورة مستقيم (d) بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي مستقيم يوازيه .

في حالة (d) يوازي (AB)



في حالة (d) لا يوازي (AB)



المستقيم (d') هو صورة المستقيم (d) بالانسحاب الذي يحول A إلى B و هي المستقيم (d) نفسها .

المستقيم (d') هو صورة المستقيم (d) بالانسحاب الذي يحول A إلى B .

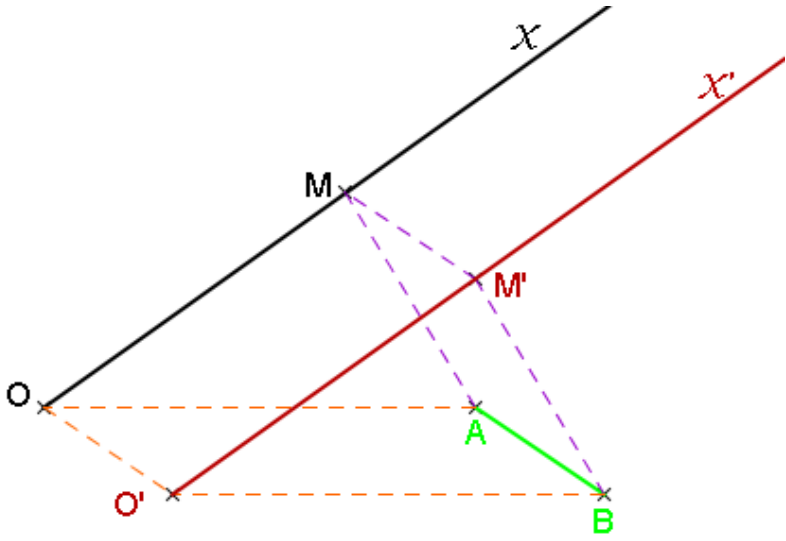
التطبيق

تمرين : $ABCD$ متوازي أضلاع .

- 1 ما هي صورة المستقيم (AB) بالانسحاب الذي يحول B إلى C .
- 2 ما هي صورة المستقيم (AD) بالانسحاب الذي يحول B إلى C .
- 3 أنشئ صورة المستقيم (AB) بالانسحاب الذي يحول C إلى B .

في السؤال (3)
نطلب من التلاميذ
توضيح طريقة
إنشاء صورة
المستقيم (AB)

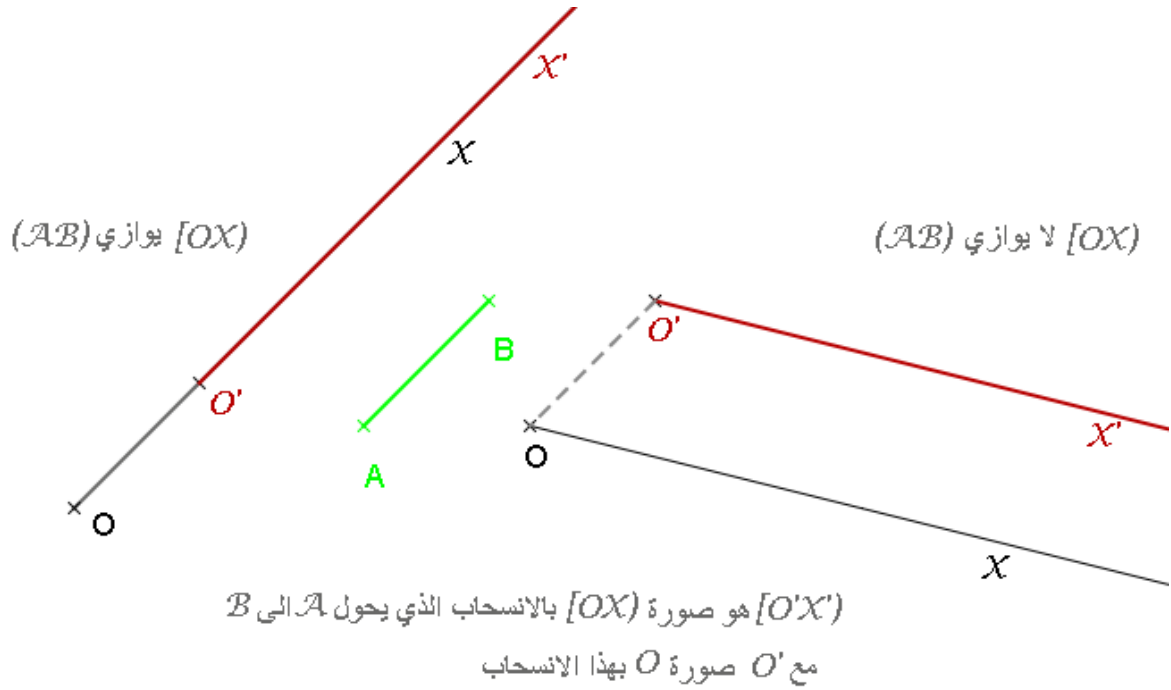
الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعريف صورة نقطة بانسحاب .	أكمل ما يلي : النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى B . يعني أن الرباعي متوازي أضلاع .	
الأنشطة	- ينشئ صورة نصف مستقيم بانسحاب .	<p>النشاط 6 ص 174</p> <p>1.</p>  <p>2.</p> <p>بالانسحاب الذي يحول A إلى B . لدينا : O' صورة O يعني الرباعي $ABO'O$ متوازي أضلاع . M' صورة M يعني الرباعي $ABM'M$ متوازي أضلاع . ومنّه : $OO' = MM' = AB$ $(OO') \parallel (MM') \parallel (AB)$ وعليه : الرباعي $OO'M'M$ متوازي أضلاع . ومنّه : — ورة نصف المستقيم $[OX)$ بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي نصف المستقيم $[O'X')$ حيث : $(OX) \parallel (O'X')$ و $[OX)$ و $[O'X')$ لهما نفس الاتجاه .</p>	<p>ننبه التلاميذ إلى أن الانسحاب يحول A إلى B .</p>

A و B نقطتان متميزتان .

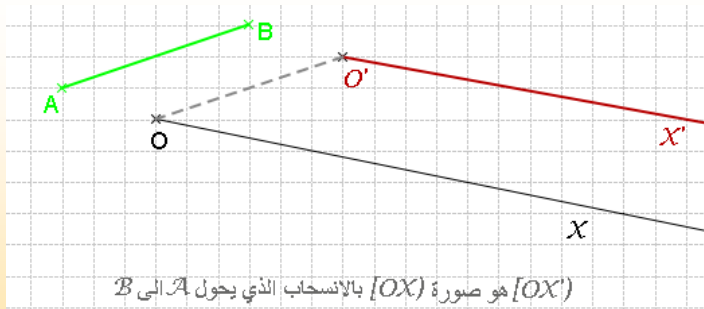
معارف

- صورة نصف مستقيم بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي نصف مستقيم له نفس الاتجاه وحاملهما متوازيان .



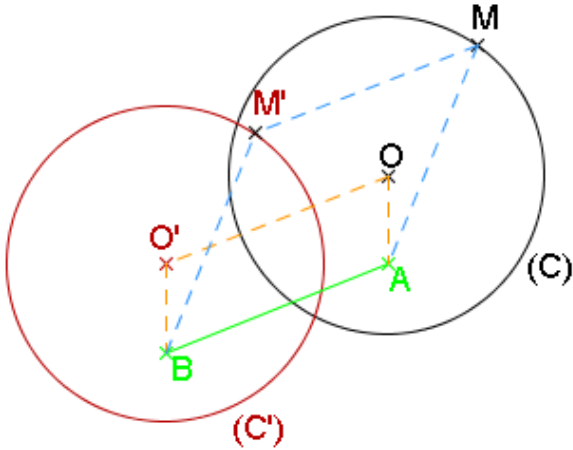
التطبيق

تمرين تطبيقي :



في الشكل أعلاه $(O'X')$ هو صورة (OX) بالانسحاب الذي يحول A إلى B .
■ أذكر مراحل إنشاء نصف المستقيم $(O'X')$.

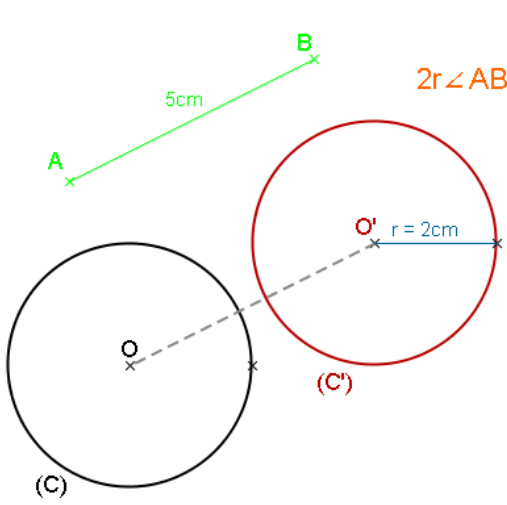
الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر تعريف صورة نقطة بالانسحاب . ينشئ صورة دائرة بالانسحاب .	<p>■ أكمل ما يلي : النقطة M' صورة النقطة M بالانسحاب الذي يحول A إلى B . يعني أن الرباعي متوازي أضلاع .</p> <p>النشاط 7 ص 174</p> <p>1.</p>  <p>- طبيعة الرباعي $OMM'O'$ ؟ (مع التعليل) بالانسحاب الذي يحول A إلى B . لدينا : O' صورة O يعني الرباعي $ABO'O$ متوازي أضلاع . M' صورة M يعني الرباعي $ABM'M$ متوازي أضلاع . ومنه : $OO' = MM' = AB$ $(OO') \parallel (MM') \parallel (AB)$ وعليه : الرباعي $OMM'O'$ متوازي أضلاع .</p> <p>- مما سبق فإن : $O'M' = OM$. - وعليه M' نقطة من الدائرة (C') التي مركزها O' ونصف قطرها $[O'M']$. - بالانسحاب الذي يحول A إلى B : صورة الدائرة (C) التي مركزها O ونصف قطرها $[OM]$ ، هي الدائرة (C') التي مركزها O' ونصف قطرها $[O'M']$. حيث : O' صورة O بالانسحاب الذي يحول A إلى B . و $O'M' = OM$.</p>	نواصل في هذه المرة كذلك التذكير بتعريف صورة نقطة بالانسحاب .
			ننبه التلاميذ لتعليل طبيعة الرباعي .

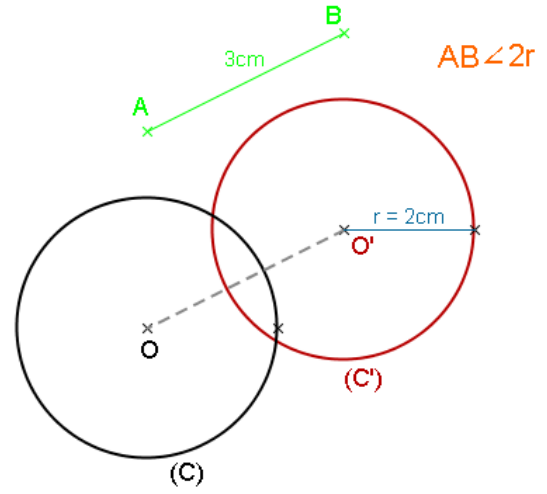
A و B نقطتان متمايزتان .

معارف

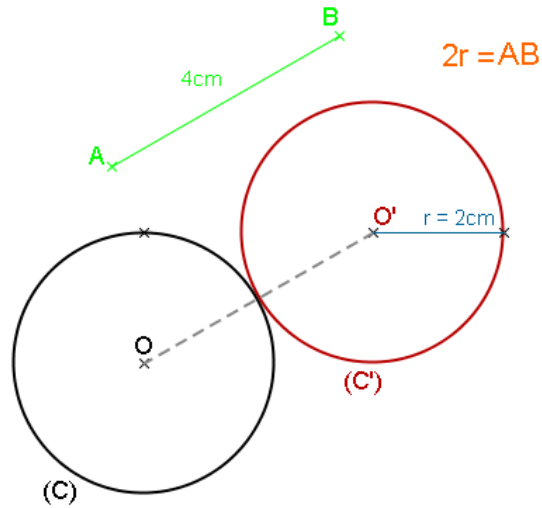
- صورة دائرة مركزها O بالانسحاب الذي يحول A إلى B هي الدائرة التي لها نفس نصف القطر ومركزها هو النقطة O' صورة O بهذا الانسحاب .



(C') هي صورة (C) بالانسحاب الذي يحول A إلى B



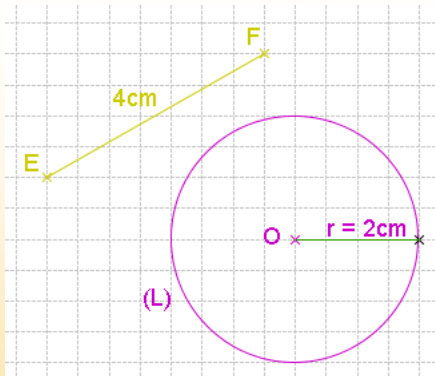
(C') هي صورة (C) بالانسحاب الذي يحول A إلى B



(C') هي صورة (C) بالانسحاب الذي يحول A إلى B

التطبيق

تمرين تطبيقي :



تمعن في الشكل أعلاه ثم أنشئ الدائرة (L') صورة الدائرة (L) بالانسحاب الذي يحول E إلى F .

■ أذكر مراحل إنشاء الدائرة (L') .

■ ما هو عدد النقط المشتركة بين الدائرة (L) والدائرة (L') .

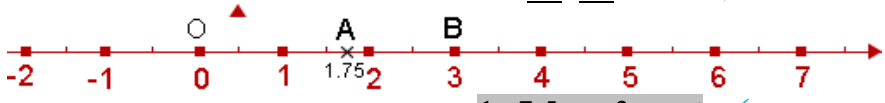
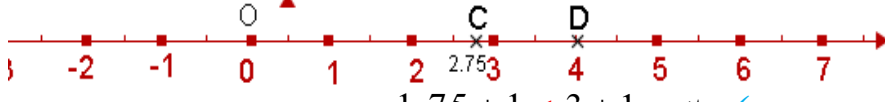
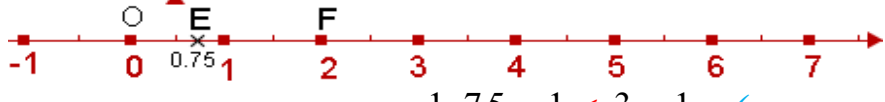
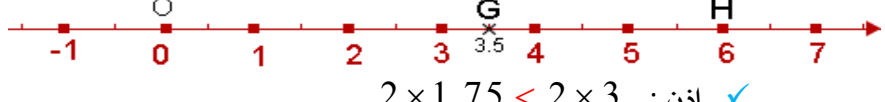
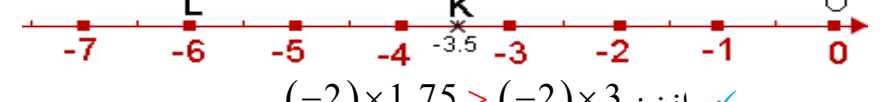
الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	يتذكر العبارات التي تدل على مساواة .	عين المساويات من بين الكتابات الآتية : 1) $x + 4 = -2$ 2) $2a + 3b \neq 8$ 3) $a + b = 1$ 4) $a - 2 \times b + 5$	
الأنشطة	يعرف انه : 1/ عند إضافة نفس العدد إلى طرفي مساواة نحصل على مساواة جديدة . 2/ عند طرح نفس العدد من طرفي مساواة نحصل على مساواة جديدة . 3/ عند ضرب طرفي مساواة في نفس العدد نحصل على مساواة جديدة. 4/ عند قسمة طرفي مساواة على نفس العدد غير المعدوم نحصل على مساواة جديدة .	<p>النشاط 1 ص 76</p> <p>1. نعم ما قاله زين الدين صحيح . ((الميزان في حالة توازن لأن : $a = b$)) 2. نعم أوافق زين الدين فيما قاله . المساواة هي : $a + 20 = b + 20$ • إذا خلع زين الدين من كفتي الميزان نفس العيار كتلته 50g ، لن يختل التوازن . المساواة هي : $a - 50 = b - 50$ • بعد أن وضع ضعف كل من الحملتين ، فإن الكتلة المحمولة هي : 1100g . المساواة هي : $2 \times a = 2 \times b$ • لن يختل التوازن لأن الكتلة المحمولة في كل كفة هي : 11g . المساواة هي : $\frac{a}{5} = \frac{b}{5}$. 3. إذا كان $a = b$ و كان c عددا نسبيا فإن : و $a + c = b + c$ و $a - c = b - c$ و مع $(c \neq 0)$ $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ و $a \times c = b \times c$</p>	

- a و b و c أعداد نسبية.
- إذا أضفنا نفس العدد إلى طرفي مساواة ، نحصل على مساواة جديدة .
إذا كان $a = b$ فإن : $a + c = b + c$
 - إذا طرحنا نفس العدد من طرفي مساواة ، نحصل على مساواة جديدة .
إذا كان $a = b$ فإن : $a - c = b - c$
 - إذا ضربنا طرفي مساواة في نفس العدد ، نحصل على مساواة جديدة .
إذا كان $a = b$ فإن : $a \times c = b \times c$
 - إذا قسمنا طرفي مساواة على نفس العدد ، نحصل على مساواة جديدة .
إذا كان $a = b$ فإن : $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ مع $(c \neq 0)$

رقم 1 / 4 ص 86

رقم 2/3/7 ص 86

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	- يتذكر العمليات على الأعداد النسبية.	■ أنجز العمليات الآتية : $4 \times (-6)$ $(-3) \times 9$ $(-2) \times (-5)$	
الأنشطة	- يعرف أن العددين $a+c$ و $b+c$ يرتبان بنفس ترتيب العددين a و b (حيث a, b, c أعداد نسبية) - يعرف أن العددين $a-c$ و $b-c$ يرتبان بنفس ترتيب العددين a و b (حيث a, b, c أعداد نسبية) - يعرف أنه إذا كان c عدد نسبي موجب فإن العددين $a \times c$ و $b \times c$ يرتبان بنفس ترتيب العددين a و b (حيث a, b عددين نسبيين) - يعرف أنه إذا كان c عدد نسبي سالب فإن العددين $a \times c$ و $b \times c$ يرتبان بعكس ترتيب العددين a و b (حيث a, b عددين نسبيين)	<p>النشاط 1 ص 76</p> <p>1. تعليم النقطتين <u>A</u> و <u>B</u> :</p>  <p>إذن : $1.75 < 3$ ✓</p> <p>2. حساب العددين :</p> <p>$1.75 + 1 = 2.75$ $3 + 1 = 4$</p> <p>- تعليم النقطتين <u>C</u> و <u>D</u> :</p>  <p>إذن : $1.75 + 1 < 3 + 1$ ✓</p> <p>- تعليم النقطتين <u>E</u> و <u>F</u> :</p>  <p>إذن : $1.75 - 1 < 3 - 1$ ✓</p> <p>3. تعليم النقطتين <u>G</u> و <u>H</u> :</p>  <p>إذن : $2 \times 1.75 < 2 \times 3$ ✓</p> <p>- تعليم النقطتين <u>L</u> و <u>K</u> :</p>  <p>إذن : $(-2) \times 1.75 > (-2) \times 3$ ✓</p>	

a و b و c أعداد نسبية.

- يرتب العددين $a+c$ و $b+c$ بنفس ترتيب العددين a و b .
إذا كان $a > b$ فإن $a+c > b+c$.
إذا كان $a < b$ فإن $a+c < b+c$.
- يرتب العددين $a-c$ و $b-c$ بنفس ترتيب العددين a و b .
إذا كان $a > b$ فإن $a-c > b-c$.
إذا كان $a < b$ فإن $a-c < b-c$.

أمثلة:

لدينا $7 > 2$ إذن: $7+3 > 2+3$ أي $10 > 5$
و $7-1 > 2-1$ أي $6 > 1$

a و b و c أعداد نسبية.

- إذا كان c موجبا تماما فإن العددين $a \times c$ و $b \times c$ يرتبان بنفس ترتيب العددين a و b .
إذا كان $a > b$ و $c > 0$ فإن $a \times c > b \times c$.
إذا كان $a < b$ و $c > 0$ فإن $a \times c < b \times c$.
- إذا كان c سالبا تماما فإن العددين $a \times c$ و $b \times c$ يرتبان بعكس ترتيب العددين a و b .
إذا كان $a > b$ و $c < 0$ فإن $a \times c < b \times c$.
إذا كان $a < b$ و $c < 0$ فإن $a \times c > b \times c$.

أمثلة:

لدينا $7 > 2$ إذن: $7 \times 3 > 2 \times 3$ أي $21 > 6$
و $7 \times (-1) < 2 \times (-1)$ أي $-7 < -2$

رقم 8 ص 86

رقم 11/10/9 ص 86

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يعرف أن الانسحاب يحفظ الأشكال .	<p>النشاط 1 ص 177</p> <p>1. انقل الشكل (1) - المضلة - 2. ارسم صورة الشكل (1) بالانسحاب الذي يحول A إلى B . 3. باستعمال الورق الشفاف - هل المضلة (1) قابلة للتطابق مع صورتها .</p> <p>النشاط 1 ص 177</p> <p>1. رسم الشكل : 2. صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي يحول A إلى I هي المثلث IB'C' ، لأن I و B' و C' صور A و B و C على الترتيب بهذا الانسحاب . المثلث IB'C' متقايس الاضلاع لانه صورة المثلث ABC المتقايس الاضلاع (يمكن تعليل ذلك باستعمال خاصية صورة قطعة مستقيم بانسحاب و الحالة الثالثة لتقايس مثلثين) للمثلثين ABC و IB'C' نفس المساحة . (يمكن تعليل ذلك باستعمال خاصية صورة قطعة مستقيم بانسحاب و الحالة الثالثة لتقايس مثلثين) 3. موقع النقطة I' هو منتصف [B'C'] . (يمكن التعليل باستعمال خواص متوازي اضلاع) 4. صورة المستقيم (JK) بالانسحاب الذي يحول A إلى I هي المستقيم (J'K') ، لأن J' و K' صورتي J و K على الترتيب بهذا الانسحاب . - $(J'K') \parallel (B'C')$ ؟</p> <p>لدينا : $(JK) \parallel (BC)$ لأن (JK) هو مستقيم المنتصفين في المثلث في المثلث ABC . $(J'K') \parallel (JK)$ لأن (J'K') هو صورة (JK) بالانسحاب الذي يحول A إلى I . وعليه : $(J'K') \parallel (BC)$ ولدينا كذلك : $(B'C') \parallel (BC)$ لأن (B'C') صورة (BC) بنفس الانسحاب . ومنه : $(B'C') \parallel (J'K')$ 5. انقل واتمم : بالانسحاب الذي يحول A إلى I : صور المثلث ABC هي المثلث IB'C' . صورة كل قطعة مستقيم بواسطة انسحاب هي قطعة مستقيم تقايسها ، إذن المثلثان ABC و IB'C' هما مثلثان متقايسان ، بالتالي لهما نفس المساحة . النقطة I' هي منتصف الضلع [B'C'] لأنها صورة النقطة I منتصف الضلع [BC] ،</p>	<p>- في هذا النشاط غيرنا شكل السيارة إلى شكل المضلة للتبسيط و ربما للوقت مع الحرص أن تكون بعض رؤوس الشكل منطبقة مع عقد المرصوفة .</p>
الأنشطة			

النقطتين J' و K' هما **منتصفي** الضلعين $[IB']$ و $[IC']$ على الترتيب ، لأنهما صورتا النقطتين J و K منتصفا الضلعين $[AB]$ و $[AC]$ على الترتيب .

صورة المستقيم (JK) هي $(J'K')$ لأن صورة مستقيم بانسحاب هي **مستقيم** وهذان المستقيمان **متوازيان** .
المستقيمان $(J'K')$ و $(B'C')$ متوازيان لأن :

$(BC) \parallel (B'C')$ لأن $(B'C')$ هو صورة المستقيم (BC) بانسحاب و $(JK) \parallel (BC)$ لأن (JK) هو مستقيم **المنتصفين** في المثلث ABC ، إذن $(JK) \parallel (B'C')$. وعلمنا أن $(JK) \parallel (J'K')$ فان $(J'K')$ يوازي $(B'C')$.

معارف

• الانسحاب يحفظ :

- الأشكال. (الشكل وصورته قابلان للتطابق)
- الأطوال.
- التوازي.
- استقامة النقط.
- المساحات.
- الزوايا.

التطبيق

رقم 16 ص 183

الواجب المنزلي

رقم 21 ص 184

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		النشاط 2	



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التهيئة	- يتذكر حصر عدد عشري .	أكمل ما يلي : <ul style="list-style-type: none"> $5 < 8 < \dots$ $\dots < 21.7 < \dots$ 	
الأنشطة	- يحصر عدد عشري بين عددين عشريين لهما رقمان بعد الفاصلة .	<p>النشاط 1 ص 13</p> <p>1. باستعمال الحاسبة :</p> <div style="text-align: center;"> <div>2ndf</div> <div>EXP</div> <div>3.1415922654</div> </div> <div style="text-align: center;"> π </div> <p>ومنه : $\pi \approx 3.141592654$</p> <p>2. حصر العدد π بين عددين عشريين عدد أرقام جزءاهما العشريين هو 2 . $3.14 < \pi < 3.15$</p> <p>3. الدور إلى الجزء من المائة $\left(\frac{1}{100}\right)$ للعدد π هو : 3.14 .</p> <p>4. القيمة التقريبية بالنقصان للعدد π إلى $\left(\frac{1}{10}\right)$.</p> <p>النشاط 2 ص 13</p> <p>1. ثمن الكيلوغرام الواحد من البطاطا :</p> $m = \frac{115}{6} \approx 19.16666667$ <p>2. حصر ثمن الكيلوغرام الواحد بين عددين عشريين لهما رقمان بعد الفاصلة : $18.66 < m < 18.67$</p> <p>3. الدور إلى الجزء من المائة $\left(\frac{1}{100}\right)$ لثمن الكيلوغرام الواحد : $m' = 1.67$</p>	

- إذا كان عدد موجب x محصوراً بين عددين a و b نكتب :
 $a < x < b$ أو $a \leq x \leq b$
 بعد حصر عدد موجب x ، يمكن إيجاد قيم تقريبية أو مدور إلى رتبة معينة للعدد x .

مثال :

لحصر العدد $\frac{16}{7}$ نكتبه في الشكل العشري ، لذلك ننجز بحاسبة أو باليد عملية القسمة $19 \div 7$

$$\frac{16}{7} \approx 2.285714285 \text{ فنجد :}$$

$$\text{ويكون : } 2.285 < \frac{16}{7} < 2.286 \quad (\text{بثلاث أرقام بعد الفاصلة})$$

$$2.28 < \frac{16}{7} < 2.29 \quad (\text{برقمين بعد الفاصلة})$$

$$\text{إذن : } 2.286 \text{ هو المدور إلى } \frac{1}{1000} \text{ للعدد } \frac{16}{7} .$$

$$\text{و } 2.285 \text{ هو القيمة التقريبية بالنقصان للعدد } \frac{16}{7} \text{ إلى } \frac{1}{1000} .$$

رقم 29 ص 20

التطبيق

رقم 28 و 30 ص 20

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																												
التهيئة	- يعرف الفرق بين الرمز $<$ و \leq .	<div><div>■ إذا كان n عدد طبيعي حيث $n \leq 3$ فما هي القيم الممكنة للعدد n .</div><div>■ إذا كان n عدد طبيعي حيث $n < 5$ فما هي القيم الممكنة للعدد n .</div></div>	المنهاج: يتدرب التلميذ على استعمال التعبير : مجتمع ، ميزة ، تكرار.... من خلال أمثلة تكون مختارة من محيطه (العلامات المحصل عليها في اختبار ، هرم الأعمار ، القائمة)																												
الأنشطة	- يجمع معطيات إحصائية في فئات متساوية المدى و يستغلها.	<div><div>1. نقل وإتمام الجدول :</div><table><tr><td>الوزن x (g)</td><td>التكرار</td><td>التكرار النسبي</td><td>النسبة المئوية للتكرار</td></tr><tr><td>$1500 \leq x < 2000$</td><td>1</td><td>$\left(\frac{1}{50}\right)$</td><td>2%</td></tr><tr><td>$2000 \leq x < 2500$</td><td>3</td><td>$\left(\frac{3}{50}\right)$</td><td>6%</td></tr><tr><td>$2500 \leq x < 3000$</td><td>9</td><td>$\left(\frac{9}{50}\right)$</td><td>18%</td></tr><tr><td>$3000 \leq x < 3500$</td><td>26</td><td>$\left(\frac{26}{50}\right)$</td><td>52%</td></tr><tr><td>$3500 \leq x < 4000$</td><td>7</td><td>$\left(\frac{7}{50}\right)$</td><td>14%</td></tr><tr><td>$4000 \leq x < 4500$</td><td>4</td><td>$\left(\frac{4}{50}\right)$</td><td>8%</td></tr></table></div> <div><div>2. عدد المواليد المسجلين في الصفحتين الأولى والثانية هو : 50</div><div>3. الفرق بين أكبر وزن و أصغر وزن لكل فئة :</div><div><div>$2000 - 1500 = 500$</div><div>$2500 - 2000 = 500$</div><div>$3000 - 2500 = 500$</div><div>$3500 - 3000 = 500$</div><div>$4000 - 3500 = 500$</div><div>$4500 - 4000 = 500$</div></div><div>■ نلاحظ أن هذا الفرق متساوي .</div><div>4. عدد المواليد الذين تتراوح أوزانهم بين $2.5kg$ و $3.5kg$ هو : $35 = 26 + 9$</div><div>5. فئة الأوزان التي تظهر أكثر هي : $3000 \leq x < 3500$</div><div>6. أوزان الفئة $1500 \leq x < 2000$ غير عادية لأنها قليلة الظهور (نادرة) .</div><div>7. اعتمادا على هذه الإحصائيات فإن الأوزان التي تبدو عادية هي من $2.5kg$ إلى $4kg$.</div></div>	الوزن x (g)	التكرار	التكرار النسبي	النسبة المئوية للتكرار	$1500 \leq x < 2000$	1	$\left(\frac{1}{50}\right)$	2%	$2000 \leq x < 2500$	3	$\left(\frac{3}{50}\right)$	6%	$2500 \leq x < 3000$	9	$\left(\frac{9}{50}\right)$	18%	$3000 \leq x < 3500$	26	$\left(\frac{26}{50}\right)$	52%	$3500 \leq x < 4000$	7	$\left(\frac{7}{50}\right)$	14%	$4000 \leq x < 4500$	4	$\left(\frac{4}{50}\right)$	8%	النشاط 1 ص 109
الوزن x (g)	التكرار	التكرار النسبي	النسبة المئوية للتكرار																												
$1500 \leq x < 2000$	1	$\left(\frac{1}{50}\right)$	2%																												
$2000 \leq x < 2500$	3	$\left(\frac{3}{50}\right)$	6%																												
$2500 \leq x < 3000$	9	$\left(\frac{9}{50}\right)$	18%																												
$3000 \leq x < 3500$	26	$\left(\frac{26}{50}\right)$	52%																												
$3500 \leq x < 4000$	7	$\left(\frac{7}{50}\right)$	14%																												
$4000 \leq x < 4500$	4	$\left(\frac{4}{50}\right)$	8%																												

- يمكن تجميع معطيات إحصائية في فئات وذلك بغرض تسهيل قراءتها واستغلالها .

مثال : الجدول الآتي يعطي فكرة واضحة عن نتائج قسم م3 خلال الفرض المحروس الأول .

فئات العلامات	$0 \leq x < 5$	$5 \leq x < 10$	$10 \leq x < 15$	$15 \leq x \leq 20$
التكرار	1	6	14	4
النسبة المئوية	4%	24%	56%	16%

انتبه : لكل الفئات نفس المدى حيث مدى الفئة هو الفرق بين اكبر قيمة واصغر قيمة لها .

رقم 11 ص 120 س 1 و 2

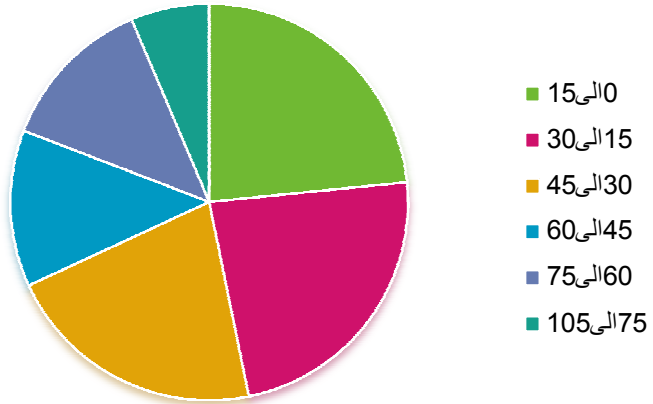
رقم 10 ص 120

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																																				
التهيئة																																																							
الأنشطة	<p>- يجمع معطيات إحصائية في فئات متساوية المدى .</p> <p>- يحسب تكرارات .</p> <p>- يمثل سلسلة إحصائية بمدرج تكراري .</p> <p>- يعرف أن ارتفاع مستطيلات المدرج التكراري متناسبة مع التكرار .</p>	<div>النشاط 1 ص109</div> <p>1.</p> <table><tr><th>السن</th><th>x</th><th>التكرار</th><th>التكرار النسبي</th></tr><tr><td>$0 \leq x < 15$</td><td>11</td><td>11</td><td>$\left(\frac{11}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$15 \leq x < 30$</td><td>11</td><td>11</td><td>$\left(\frac{11}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$30 \leq x < 45$</td><td>10</td><td>10</td><td>$\left(\frac{10}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$45 \leq x < 60$</td><td>6</td><td>6</td><td>$\left(\frac{6}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$60 \leq x < 75$</td><td>6</td><td>6</td><td>$\left(\frac{6}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$75 \leq x < 90$</td><td>11</td><td>11</td><td>$\left(\frac{11}{58}\right)$</td></tr><tr><td>$90 \leq x \leq 105$</td><td>3</td><td>3</td><td>$\left(\frac{3}{58}\right)$</td></tr></table> <p>— تتكون هذه العائلة من 58 فردا .</p> <p>2.</p> <div><p>المدرج التكراري</p><p>السن</p></div> <p>— ارتفاع كل مستطيل يمثل تكرار فئة .</p> <p>— نقل وإتمام الجدول :</p> <table><tr><th>تكرار الأعمار</th><th>ارتفاع المستطيل (cm)</th></tr><tr><td>3</td><td>1.5</td></tr><tr><td>11</td><td>5.5</td></tr><tr><td>6</td><td>3</td></tr><tr><td>6</td><td>3</td></tr><tr><td>10</td><td>5</td></tr><tr><td>11</td><td>5.5</td></tr><tr><td>11</td><td>5.5</td></tr></table> <p>— يمكن أن نبين ببساطة أن الجدول أعلاه هو جدول تناسبية .</p> <p>3.</p> <p>لتمثيل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط دائري ، يجب أن نحسب من اجل كل فئة قياس الزاوية المركزية المناسب مع تكرار هذه الفئة .</p> <p>■ فمثلا قياس الزاوية المركزية المناسب مع تكرار الفئة الأولى :</p> <p>من الجدول :</p> <table><tr><td>360^0</td><td>x</td></tr><tr><td>58</td><td>11</td></tr></table> <p>ومنه قياس الزاوية هو : $x = \frac{360^0 \times 11}{58} \approx 68^0$</p>	السن	x	التكرار	التكرار النسبي	$0 \leq x < 15$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$	$15 \leq x < 30$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$	$30 \leq x < 45$	10	10	$\left(\frac{10}{58}\right)$	$45 \leq x < 60$	6	6	$\left(\frac{6}{58}\right)$	$60 \leq x < 75$	6	6	$\left(\frac{6}{58}\right)$	$75 \leq x < 90$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$	$90 \leq x \leq 105$	3	3	$\left(\frac{3}{58}\right)$	تكرار الأعمار	ارتفاع المستطيل (cm)	3	1.5	11	5.5	6	3	6	3	10	5	11	5.5	11	5.5	360^0	x	58	11	
السن	x	التكرار	التكرار النسبي																																																				
$0 \leq x < 15$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$																																																				
$15 \leq x < 30$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$																																																				
$30 \leq x < 45$	10	10	$\left(\frac{10}{58}\right)$																																																				
$45 \leq x < 60$	6	6	$\left(\frac{6}{58}\right)$																																																				
$60 \leq x < 75$	6	6	$\left(\frac{6}{58}\right)$																																																				
$75 \leq x < 90$	11	11	$\left(\frac{11}{58}\right)$																																																				
$90 \leq x \leq 105$	3	3	$\left(\frac{3}{58}\right)$																																																				
تكرار الأعمار	ارتفاع المستطيل (cm)																																																						
3	1.5																																																						
11	5.5																																																						
6	3																																																						
6	3																																																						
10	5																																																						
11	5.5																																																						
11	5.5																																																						
360^0	x																																																						
58	11																																																						

بنفس الطريقة نجد بقية الأقياس :

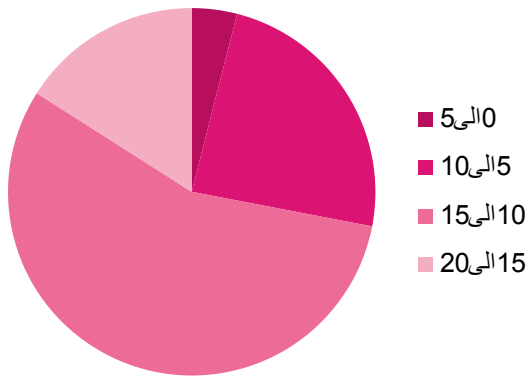
360^0	68^0	62^0	37^0	19^0
58	11	10	6	3

المخطط الدائري



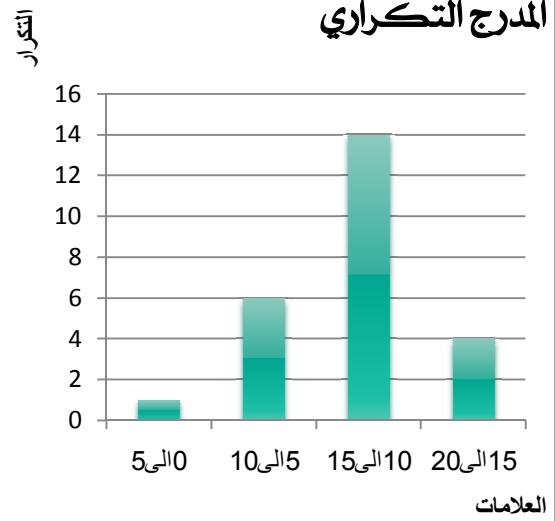
معارف نمثل السلسلة الإحصائية الواردة في الدرس السابق بـ :

المخطط الدائري



• أقياس الزوايا المركزية متناسبة مع التكرارات

المدرج التكراري



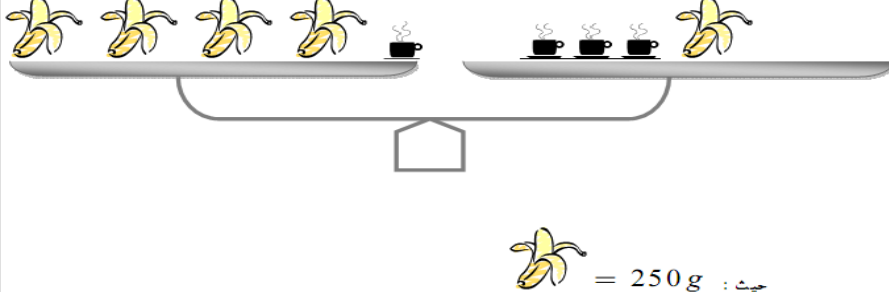
• مساحات المستطيلات متناسبة مع التكرارات

رقم 1 ص 118

رقم 2 ص 118

التطبيق

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	- يعرف مفهوم المعادلة بالاعتماد على ميزان في حالة توازن .	<p>■ عبر عن الوضعية الآتية بمساواة :</p> <p>الميزان في حالة توازن .</p>  <p>حيث : $250\text{ g} = \text{banana}$</p> <p>النشاط 2 ص 97</p>	<p>المنهاج: يذكر في البداية بمفهوم معادلة و التعابير المتعلقة بيه و المقصود بحل معادلة ، ثم تُعطى خوارزمية حل معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد و المتمثلة في عزل المجهول و التحقق من النتائج ثم استخلاص الحلول و تفسيرها .</p>
الأنشطة	- يعرف خوارزمية حل معادلة .	<p>1. نقل وإتمام حل المعادلتين $2x - 5 = 7$ و $5x - 3 = x + 21$.</p> <p>نضيف إلى الطرفين العدد 5 .</p> $2x - 5 = 7$ $2x - 5 + 5 = 7 + 5$ $2x = 12$ $x = 6$ <p>نبسط</p> <p>نقسم الطرفين على 2</p> <p>نطرح من الطرفين المجهول x .</p> $5x - 3 = x + 21$ $5x - 3 - x = x + 21 - x$ $4x - 3 = 21$ $4x - 3 + 3 = 21 + 3$ $4x = 24$ $x = 6$ <p>نبسط</p> <p>نضيف 3 إلى الطرفين .</p> <p>نبسط</p> <p>نقسم الطرفين على 4 .</p> <p>2.</p> <p>- للتحقق من صحة المساواة $2x - 5 = 7$ من أجل $x = 6$ ، نحسب $2x - 5$ من أجل $x = 6$. أي : $2x - 5 = 2(6) - 5 = 12 - 5 = 7$ إذن المساواة صحيحة من أجل $x = 6$. نقول ان 6 هو حل للمعادلة $2x - 5 = 7$.</p> <p>- للتحقق من صحة المساواة $5x - 3 = x + 21$ من أجل $x = 6$ ، نحسب كلا من $5x - 3$ و $x + 21$ من أجل $x = 6$. أي : $5x - 3 = 5(6) - 3 = 30 - 3 = 27$ $x + 21 = 6 + 21 = 27$ إذن المساواة صحيحة من أجل $x = 6$. نقول ان 6 هو حل للمعادلة $5x - 3 = x + 21$.</p>	<p>لاحظ أن للمعادلتين المقترحتين نفس الحل ، لتفادي ذلك يمكن تغيير إحدى المعادلتين .</p>

- المعادلة هي مساواة تتضمن مجهولا نرسم له بحرف .

مثال :

المساواة $4x - 5 = 9 + 2x$ هي معادلة ذات المجهول x .

الطرف الثاني للمعادلة . الطرف الاول للمعادلة .

- حل معادلة ذات مجهول x يعني ايجاد كل قيم x التي تكون من أجلها المساواة محققة . تسمى كل قيمة من هذه القيم حلا لهذه المعادلة .

مثال :

لحل المعادلة $4x - 5 = 9 + 2x$ نوظف الخواص المتعلقة بالمساويات والعمليات :

عزل x

$$4x - 5 = 9 + 2x$$

$$4x - 5 + 5 = 9 + 2x + 5$$

$$4x = 14 + 2x$$

$$4x - 2x = 14 + 2x - 2x$$

$$2x = 14$$

$$x = 7$$

نضيف 5 الى طرفي المعادلة .

نبسط

نطرح $2x$ من طرفي المعادلة .

نقسم طرفي المعادلة على 2 .

للتحقق من صحة المساواة $4x - 5 = 9 + 2x$ من أجل $x = 7$

التحقق

نحسب كلا من $4x - 5$ و $9 + 2x$ من أجل $x = 7$:

$$4x - 5 = 4 \times (7) - 5 = 28 - 5 = 23$$

$$9 + 2x = 9 + 2 \times (7) = 9 + 14 = 23$$

لدينا

إعطاء الحل

إذن المساواة صحيحة من أجل $x = 7$.

نقول لأن هو حل المعادلة $4x - 5 = 9 + 2x$.

رقم 21 ص 88

التطبيق

رقم 22 ص 88

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			



ان المعادلة من الشكل مع هي معادلة من الدرجة الاولى ذات مجهول .

انتبه: لكل معادلة من الدرجة الاولى حلا واحد .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التهيئة	- بتذكر خوارزمية حل معادلة من الدرجة الاولى ذات مجهول واحد .	■ حل المعادلة الآتية : $1 - x = -5x + 3$	المنهاج: يمكن أن تكون هذه المشكلات من مختلف مجالات المادة أو من المواد الاخرى أو من الحياة اليومية . المقصود هنا بتريبض مشكلة هو ترجمتها على شكل معادلة .
الأنشطة	- يحل مشكل بواسطة معادلة .	<p>النشاط 2 ص 97</p> <p>1. نرسم لحصة زهراء بـ x ، فتكون حصة حكيم : $7500 - x$. - كتابة المعلومات الواردة في النص في شكل معادلة : $x - 250 = 7500 - x + 500$</p> <p>2. حساب حصة كل من زهراء وحكيم : نقوم بحل المعادلة : $x - 250 = 7500 - x + 500$ $x - 250 = 8000 - x$ $2x - 250 = 8000$ $2x = 8250$ $x = 4125$</p> <p>اذن حصة زهراء هي $4125DA$.</p> <p>اما حصة حكيم فهي $7500DA - 4125DA$ اي $3375DA$.</p> <p>انتبه : يمكن أن نتحقق من حصتي زهراء وحكيم في المعادلة السابقة .</p>	

- تربيض مشكل يعني التعبير عنه بواسطة معادلة ، يسمح حلها باعطاء جواب عن المشكل المطروح .
لحل مشكل بواسطة معادلة ، نتبع الخطوات الآتية :
1. قراءة نص المشكل بتمعن واختيار المجهول .
2. كتابة المعلومات الواردة في النص بدلالة هذا المجهول ، ووضعها في شكل معادلة مناسبة .
3. حل هذه المعادلة .
4. إعطاء الجواب عن المشكل المطروح في شكل جملة .

مثال : دفع احمد $75DA$ لشراء كراس وثلاثة اقلام ، حيث يزيد سعر الكراس عن سعر القلم الواحد بـ $35DA$.
ما هو سعر الكراس الواحد وما هو سعر القلم الواحد .

■ نرمز مثلاً لسعر القلم الواحد بـ x ، فيكون سعر الكراس الواحد هو $x + 35$.
فتكون المعادلة : $3x + 35 = 75$.
نقوم بحل هذه المعادلة :

$$3x + 35 = 75$$

$$4x + 35 = 75$$

$$4x = 75 - 35$$

$$4x = 40$$

$$x = 10$$

وعليه فسعر القلم الواحد هو $10DA$.
وسعر الكراس الواحد هو $10DA + 35DA = 45DA$.

رقم 31 ص 89

رقم 22 / 36 ص 89

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين			



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات										
تهيئة	- يعرف أن المضلع المنتظم هو مضلع مغلق أضلاعه متقايسة و زواياه متقايسة .	<p>من بين المضلعات الآتية ما هي التي تمثل مضلعا منتظما ؟</p> <div><div></div><div></div><div></div><div></div><div></div></div> <p>هل المعين مضلع منتظم ؟</p> <p>النشاط 1 ص 186</p> <p>1. نعم سمعت بهذه الأهرامات وهي عبارة عن مجسمات لها قاعدة ... وأوجه جانبية عبارة عن مثلثات ...</p> <p>النشاط 2 ص 186</p> <p>1. عناصر التشابه : للمجسمين نفس شكل القاعدة (مضلع) للمجسمين نفس شكل الأوجه الجانبية (مضلعات)</p> <p>عناصر الاختلاف :</p> <table><tr><th>الهرم</th><th>المؤشور القائم</th></tr><tr><td>قاعدة واحدة .</td><td>قاعدتان .</td></tr><tr><td>الأوجه الجانبية مثلثات .</td><td>الأوجه الجانبية مستطيلات .</td></tr><tr><td>الأوجه الجانبية تشترك في نفس الرأس .</td><td>الأوجه الجانبية عمودية على القاعدتين .</td></tr><tr><td>عدد الرؤوس 5</td><td>عدد الرؤوس 8</td></tr></table>	الهرم	المؤشور القائم	قاعدة واحدة .	قاعدتان .	الأوجه الجانبية مثلثات .	الأوجه الجانبية مستطيلات .	الأوجه الجانبية تشترك في نفس الرأس .	الأوجه الجانبية عمودية على القاعدتين .	عدد الرؤوس 5	عدد الرؤوس 8	المنهاج: نطلق من الملاحظة و المعالجة اليدوية لأشياء من محيط التلميذ لها شكل الهرم أو مخروط الدوران . بالنسبة إلى الهرم ، نكتفي بهرم منتظم قاعدته مثلث متقايس الأضلاع أو مربع . نجعل التلميذ يدرك أن مخروط الدوران يولد بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين . في وصف المجسمين يتعود التلميذ على استعمال التعابير الخاصة بهما (الرأس ، القاعدة ، الأوجه الجانبية ، الأحرف الجانبية ، الارتفاع) . كما تعطى الأهمية للتمثيل بالمنظور متساوي القياسات و إنجاز التصاميم حتى يتوصل العمل على تنمية قدرة التلميذ على الرؤية و التمثيل في الفضاء .
الهرم	المؤشور القائم												
قاعدة واحدة .	قاعدتان .												
الأوجه الجانبية مثلثات .	الأوجه الجانبية مستطيلات .												
الأوجه الجانبية تشترك في نفس الرأس .	الأوجه الجانبية عمودية على القاعدتين .												
عدد الرؤوس 5	عدد الرؤوس 8												
الأنشطة	- يصف هرم من محيطه . - يصف هرم بالمقارنة مع المؤشور القائم . - يمثل هرم و يعرف مختلف مكوناته	<p>2. نقل الجسم (3) :</p> <ul style="list-style-type: none">- الشكل الهندسي لقاعدة هذا الجسم هو مضلع .- الأشكال الهندسية للسطح الجانبي لهذا الجسم هي مثلثات . <p>الاط 3 ص 186</p> <p>1. نقل الهرمين الممثلين وفق المنظور المتساوي القياس .</p> <ul style="list-style-type: none">- إن قاعدة كل من الهرمين (1) و (2) هي مربع .- ارتفاع الهرم (1) هو $[SH_1]$.- ارتفاع الهرم (2) هو $[SH_2]$.- ما يميز ارتفاع الهرم (2) عن ارتفاع الهرم (1) هو أن ارتفاع الهرم (2) لا يشمل مركز القاعدة ، بينما ارتفاع الهرم (1) يشمل مركز القاعدة . <div><div></div><div></div></div>	الارتفاع هو القطعة $[SH]$ التي تشمل رأس الهرم S و تعامد مستوى القاعدة في النقطة H .										

2. نقل الهرم الممثل وفق المنظور المتساوي القياس :

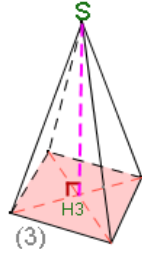
- ارتفاع الهرم (3) هو $[SH_3]$ ، وهو يشمل مركز القاعدة .
- قاعدة الهرم (3) مستطيل (مضلع غير منتظم)
- قاعدة الهرم (1) مربع (مضلع منتظم)
- الأوجه الجانبية للهرم (3) ليست متقايسة .

3. نقل وإتمام النص :

"قاعدة الهرم (1) **مربع** وارتفاعه يشمل **مركز** القاعدة . نقول أنه هرم منتظم .

أوجهه الجانبية مثلثات **متقايسة** ."

4. من بين الاهرامات المعطاة يمكن ان نقول أن كل من الهرم (b) والهرم (c) هو هرم منتظم .



(3)

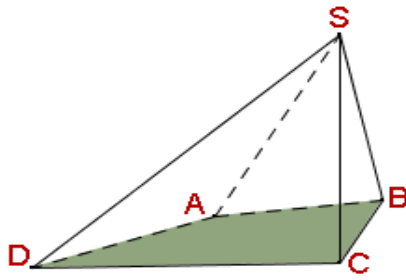
- من الأحسن المقارنة بين قاعدة الهرم (3) و قاعدة الهرم (1) و ليس قاعدة الهرم (2) .

- حيث أن قاعدة الهرم (b) مربع و قاعدة الهرم (c) مثلث متقايس الاضلاع .

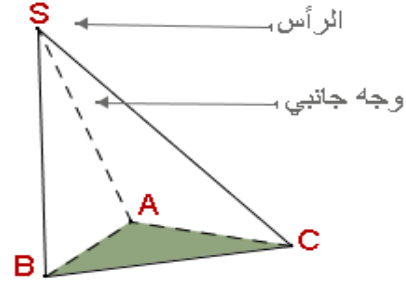
• الهرم هو مجسم يتميز بـ :

- قاعدة شكلها مضلع .
- رأس هو نقطة خارج عن مسوى القاعدة .
- أوجه جانبية هي مثلثات لها رأس مشترك هو رأس الهرم ، ولكل مثلث من هذه المثلثات ضلع مشترك مع القاعدة .

أمثلة :



هرم قاعدته الرباعي ADCD

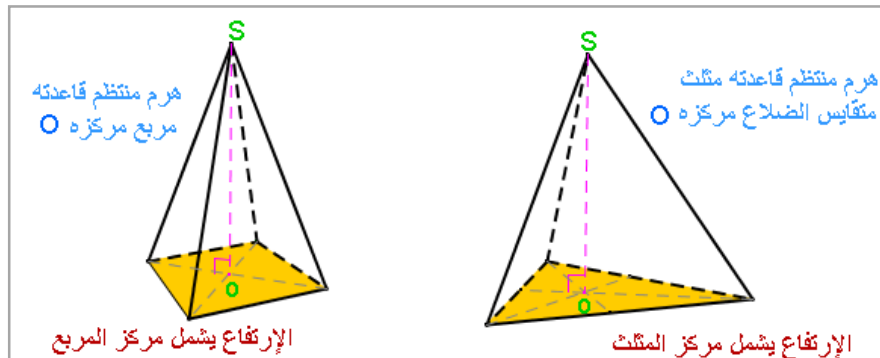


هرم قاعدته المثلث ABC

• الهرم المنتظم هو هرم يتميز بـ :

- قاعدته مضلع منتظم .
- إرتفاعه يشمل مركز القاعدة .

أمثلة :



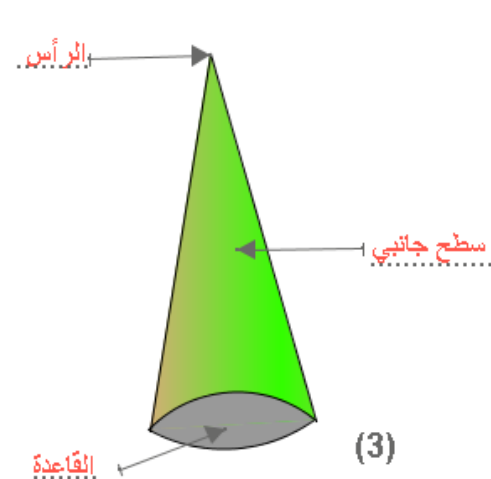
انتبه : الأوجه الجانبية لهرم منتظم هي مثلثات متقايسة ، وكل منها متساوي الساقين .

رقم 1 و 2 ص 201

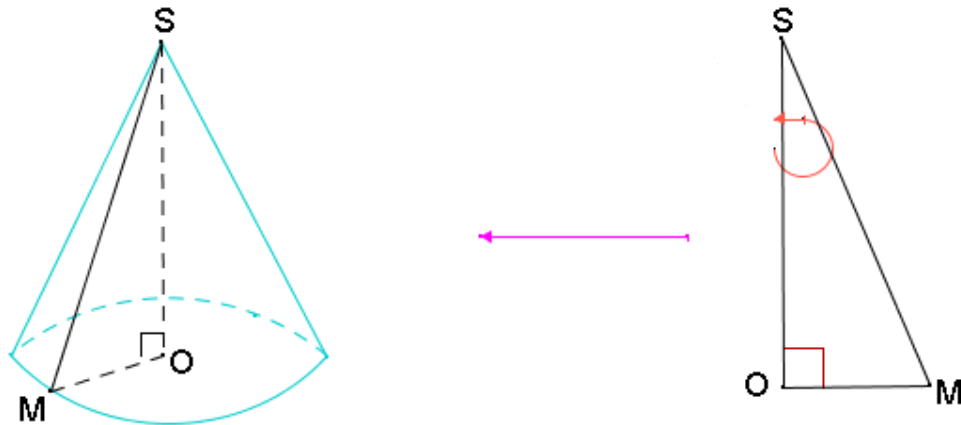
رقم 6 و 7 ص 201

التطبيق

الواجب المنزلي

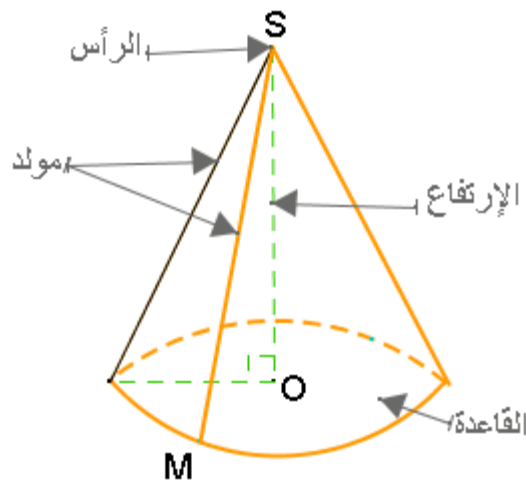
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات								
تهيئة	- يتذكر نظرية فتاغورس	■ تمعن في الشكل ثم اكمل مل يلي : $BC^2 = + $ النشاط 2 ص 188 1. عناصر التشابه : للمجسمين نفس شكل القاعدة (قرص) للمجسمين نفس شكل السطح الجانبي (سطح منحنى) عناصر الاختلاف : <table><tr><th>اسطوانة الدوران</th><th>مخروط الدوران</th></tr><tr><td>قاعدتان .</td><td>قاعدة واحدة .</td></tr><tr><td>لا يوجد رأس .</td><td>رأس .</td></tr><tr><td>السطح الجانبي عمودي على القاعدتين .</td><td>السطح الجانبي غير عمودي على القاعدة .</td></tr></table> 2. نقل المجسم (3) :  <ul style="list-style-type: none">- الشكل الهندسي الذي يشكل السطح الجانبي لهذا المجسم هو سطح منحنى .- الشكل الهندسي لقاعدة هذا المجسم هو قرص . النشاط 3 ص 188	اسطوانة الدوران	مخروط الدوران	قاعدتان .	قاعدة واحدة .	لا يوجد رأس .	رأس .	السطح الجانبي عمودي على القاعدتين .	السطح الجانبي غير عمودي على القاعدة .	المنهاج: نطلق من الملاحظة و المعالجة اليدوية لأشياء من محيط التلميذ لها شكل الهرم أو مخروط الدوران . بالنسبة إلى الهرم ، نكتفي بهرم منتظم قاعدته مثلث متقايس الأضلاع أو مربع . نجعل التلميذ يدرك أن مخروط الدوران يولد بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين . في وصف المجسمين يتعود التلميذ على استعمال التعابير الخاصة بهما (الرأس ، القاعدة ، الأوجه الجانبية ، الأحرف الجانبية ، الارتفاع) . كما تعطى الأهمية للتمثيل بالمنظور متساوي القياسات و إنجاز التصميم حتى يتوصل العمل على تنمية قدرة التلميذ على الرؤية و التمثيل في الفضاء .
اسطوانة الدوران	مخروط الدوران										
قاعدتان .	قاعدة واحدة .										
لا يوجد رأس .	رأس .										
السطح الجانبي عمودي على القاعدتين .	السطح الجانبي غير عمودي على القاعدة .										
الأنشطة	- يمثل مخروط دوران و يعرف مختلف مكوناته	1. التمعن في الأشكال : - عندما نجعل المثلث القائم SOM يدور دورة كاملة حول ضلعه القائم $[SO]$ ، فإننا نرسم الشكل (5) الذي يسمى مخروط الدوران . - الشكل الهندسي الذي ترسمه النقطة M هو دائرة (مركزها O ونصف قطرها r) 2. ارتفاع المخروط (5) هو $[SO]$. 3. القطعتان $[SM]$ و $[SM']$ مولدان السطح الجانبي للمخروط (5) . $SM = SM' ?$ لدينا : $[SO]$ ارتفاع المخروط (5) يعني $(SO) \perp (OM)$ و $(SO) \perp (OM')$ ومنه : المثلث SOM قائم في O يعني $SM^2 = SO^2 + OM^2$ (نظرية فتاغورس) المثلث SOM' قائم في O يعني $SM'^2 = SO^2 + OM'^2$ (نظرية فتاغورس) وعلمنا أن : $OM = OM' = r$ فإن : $SM = SM'$. ■ نعم كل مولدات المخروط متقايسة (البرهان السابق) .	كل قطعة $[SM]$ حيث S رأس المخروط و M نقطة من دائرة القاعدة تسمى مولدا للسطح الجانبي للمخروط .								

• مخروط الدوران هو مجسم يولد عن دوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين .



• مخروط الدوران المولد عن دوران المثلث القائم SOM حول (SO) له :

- رأس هو النقطة S .
- قاعدة هي القرص الذي مركزه O ونصف قطره $[OM]$.



انتبه : كل قطعة $[SM]$ - حيث النقطة S هي رأس المخروط و M نقطة من دائرة القاعدة - تسمى مولد السطح الجانبي للمخروط .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات										
التهيئة	يتذكر قاعدة أولويات العمليات .	احسب ما يلي : $N = \frac{5 \times 11 + 3 \times 7 + 2 \times 12}{2 + 9 + 9}$	المنهاج: المقصود بالمتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية متوسط قيم هذه السلسلة المتوازنة بالتكرارات المتعلقة بهذه القيم . مثال : في السلسلة الإحصائية التالية :										
الأنشطة	- يحسب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية عادية (ليست مجمعة في فئات)	<div>النشاط 1 ص111</div> <div>1. معدل ياسمين : $M_1 = \frac{5 \times 2 + 8 \times 3 + 9 \times 2 + 10 \times 4 + 11 \times 3 + 12 \times 3 + 14 \times 6 +}{2 + 3 + 2 + 4 + 3 + 3 + 6 +}$ $= \frac{477}{37} \approx 12.89$ معدل نعيمة : $M_2 = \frac{5 \times 4 + 7 \times 5 + 9 \times 5 + 10 \times 5 + 11 \times 4 + 12 \times 3 + 13 \times 2 +}{4 + 5 + 5 + 5 + 4 + 3 + 2 +}$ $= \frac{383}{36} \approx 10.63$ 2. ما قالته نعيمة غير صحيح لأن :العلامات متقاربة فعلا لكن التكرارات مختلفة (المعاملات مختلفة)</div> <div>النشاط 2 ص111</div> <div>1. حساب مركز كل فئة من فئات القامات : $\text{مركز الفئة الأولى} = \frac{135 + 140}{2} = 137.5$ $\text{مركز الفئة الثانية} = \frac{140 + 145}{2} = 142.5$ $\text{مركز الفئة الثالثة} = \frac{145 + 150}{2} = 147.5$ $\text{مركز الفئة الرابعة} = \frac{150 + 155}{2} = 152.5$ $\text{مركز الفئة الخامسة} = \frac{155 + 160}{2} = 157.5$ 2. نقل ثم وضع مكان النقط مركز الفئة المناسب : $M = \frac{4 \times 137.5 + 8 \times 142.5 + 10 \times 147.5 + 8 \times 152.5 + 3 \times 157.5}{4 + 8 + 10 + 8 + 3}$ $M = \frac{48581.1}{33} \approx 147.2$ العدد M هو المتوسط المتوازن لهذه السلسلة الإحصائية .</div>	<table><tr><td>6</td><td>7</td><td>9</td><td>14</td><td>15</td></tr><tr><td>1</td><td>5</td><td>3</td><td>2</td><td>4</td></tr></table> <p>المتوسط المتوازن هو : $m = \frac{6 \times 1 + 7 \times 5 + 9 \times 3 + 14 \times 2 + 15 \times 4}{1 + 5 + 3 + 2 + 4}$ $= \frac{156}{15} = 10.4$</p> <p>المتوسط المتوازن بالتكرارات يسمى أيضا المتوسط المتوازن بالمعاملات .</p> <p>ملاحظة : يمكن أن يكون المتوسط والمتوسط المتوازن مختلفين عندما لا تؤخذ التكرارات بعين الاعتبار .</p> <p>في المثال السابق المتوسط هو : $m' = \frac{6 + 7 + 9 + 14 + 15}{5}$ $= \frac{51}{5} = 10.2$ (5 هو عدد القيم)</p>	6	7	9	14	15	1	5	3	2	4
6	7	9	14	15									
1	5	3	2	4									
	- يحسب مركز فئة .												
	- يحسب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية مجمعة في فئات متساوية المدى.												

مثال : المتوسط المتوازن للسلسلة الإحصائية التالية :

(سلسلة إحصائية عادية)

العلامات	8	10	11	13	16
التكرار	1	3	2	4	1

$$M = \frac{1 \times 8 + 3 \times 10 + 2 \times 11 + 4 \times 13 + 1 \times 16}{1 + 3 + 2 + 4 + 1} \quad \text{هو}$$

$$M = \frac{128}{11}$$

$$M \approx 11.63$$

- لتعيين قيمة مقربة للمتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية مجمعة في فئات متساوية المدى ، يجب أولاً تعيين مراكز هذه الفئات .

مثال : المتوسط المتوازن للسلسلة الإحصائية التالية :

(سلسلة إحصائية مجمعة في فئات متساوية المدى)

فئات العلامات	$0 \leq x < 5$	$5 \leq x < 10$	$10 \leq x < 15$	$15 \leq x \leq 20$
مراكز الفئات	2.5	7.5	12.5	17.5
التكرار	1	5	13	4

$$M = \frac{1 \times 2.5 + 5 \times 7.5 + 13 \times 12.5 + 4 \times 17.5}{1 + 5 + 13 + 4} \quad \text{هو}$$

$$M = \frac{272.5}{23}$$

$$M \approx 11.84$$

إنته : مركز الفئة من 5 إلى 10 هو $\frac{5+10}{2} = 7.5$ ، بنفس الطريقة نجد مراكز الفئات الأخرى .

التطبيق

رقم 11 ص 120

الواجب المنزلي

رقم 9 ص 119/120

المجلد : الدوال وتنظيم معطيات .

مذكرة رقم : 57

مستوى : 3 متوسط

التاريخ : 2010/11/22

الوسائل : آلة حاسبة علمية .

الباب : 07 : تنظيم معطيات .

الموضوع : تطبيقات

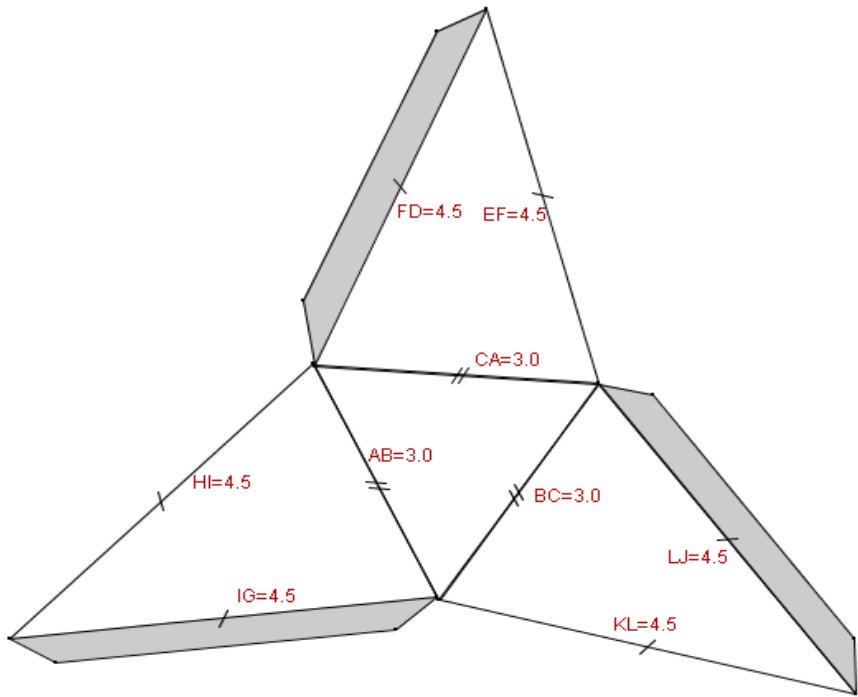
الدعائم : كتاب ت + المنهاج + الوثيقة م

الكفاءة القاعدية :

الأستاذ : ولد سعيد عبد القادر

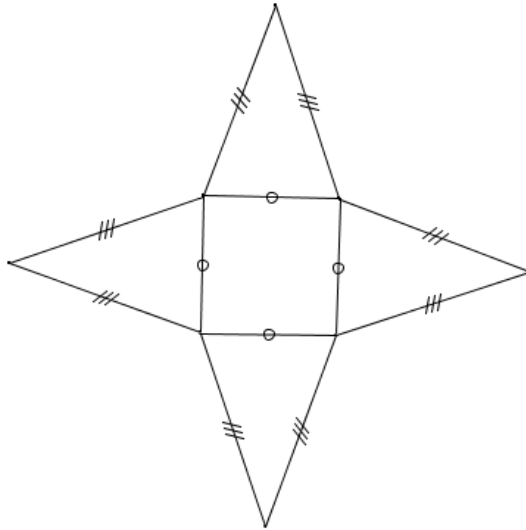
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
التمارين			



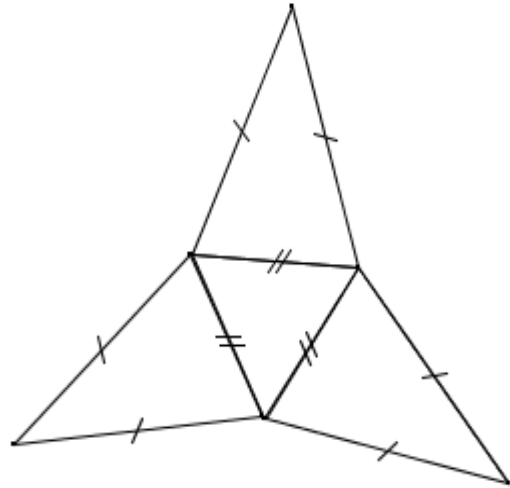
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر مميزات الهرم المنتظم .	<p>■ بماذا يتميز الهرم المنتظم ؟</p> <p>النشاط 1 ص 174 س 1</p> <p>1. تصميم الهرم المعطى :</p>  <p>النشاط 2 ص 174</p> <p>1.</p> <ul style="list-style-type: none"> - الشكل (1) هو تصميم للهرم المعتبر . - الشكل (2) هو تصميم للهرم المعتبر . - الشكل (3) ليس تصميم للهرم المعتبر لأن الأوجه الجانبية ليست مثلثات متقايسة . - الشكل (4) هو تصميم للهرم المعتبر . <p>2. بنفس الطريقة السابقة يمكن رسم تصميم للهرم المعتبر على ورق مقوى وذلك باعتبار $BC = 4cm$ و $AS = 7.5cm$.</p>	<p>المنهاج: نطلق من الملاحظة و المعالجة اليدوية لأشياء من محيط التلميذ لها شكل الهرم أو مخروط الدوران . بالنسبة إلى الهرم ، نكتفي بهرم منتظم قاعدته مثلث متقايس الأضلاع أو مربع . نجعل التلميذ يدرك أن مخروط الدوران يولد بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين . في وصف المجسمين يتعود التلميذ على استعمال التعابير الخاصة بهما (الرأس ، القاعدة ، الأوجه الجانبية ، الأحراف الجانبية ، الارتفاع) . كما تعطى الأهمية للتمثيل بالمنظور متساوي القياسات و إنجاز التصاميم حتى يتوصل العمل على تنمية قدرة التلميذ على الرؤية و التمثيل في الفضاء .</p>

• تصميم هرم منتظم هو شكل مستو .

- إذا كانت قاعدة الهرم المنتظم مثلثا ، فإن تصميمه يتكون من مثلث متقايس الأضلاع و 3 مثلثات متقايسة كل منها متساوي الساقين .
- إذا كانت قاعدة الهرم المنتظم مربعا ، فإن تصميمه يتكون من مربع و 4 مثلثات متقايسة كل منها متساوي الساقين .



تصميم هرم منتظم قاعدته مربع



تصميم هرم منتظم قاعدته مثلث

إنته : يسمح تصميم مجسم بصنع هذا المجسم .



رقم 26 ص 204

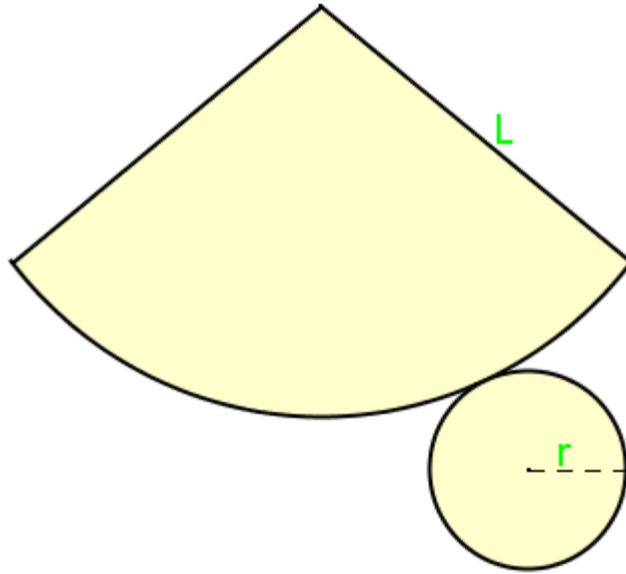
رقم 28 ص 202

التطبيق

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات												
تهيئة	- يعرف تصميم مخروط دوران .	أي التصميم الآتية هو تصميم لمخروط دوراني ؟	المنهاج: نطلق من الملاحظة و المعالجة اليدوية لأشياء من محيط التلميذ لها شكل الهرم أو مخروط الدوران . بالنسبة إلى الهرم ، نكتفي بهرم منتظم قاعدته مثلث متقايس الأضلاع أو مربع . نجعل التلميذ يدرك أن مخروط الدوران يولد بدوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين . في وصف المجسمين يتعود التلميذ على استعمال التعابير الخاصة بهما (الرأس ، القاعدة ، الأوجه الجانبية ، الأحراف الجانبية ، الارتفاع) . كما تعطى الأهمية للتمثيل بالمنظور متساوي القياسات و إنجاز التصميم حتى يتوصل العمل على تنمية قدرة التلميذ على الرؤية و التمثيل في الفضاء .												
الأنشطة	- يحسب مولد السطح الجانبي لمخروط دوران . - يحسب زاوية قطاع قرص لإنجاز تصميم لمخروط دوران .	<div>النشاط 1 ص 192 س 2</div> <div></div> <div>النشاط 2 ص 193</div> <div>1. لحساب SM مولد السطح الجانبي لهذا المخروط نستعمل نظرية فيثاغورس . - حساب SM ؟ لدينا مثلث SOM قائم في O (من خواص الارتفاع) $SM^2 = SO^2 + OM^2$ يعني : $SM^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$ $SM = \sqrt{100}$ $SM = 10cm$</div> <div>2. التمعن في الشكل الذي يمثل تصميمًا لمخروط . - طول القوس \widehat{BC} يساوي محيط قرص قاعدة المخروط ، لأنه قبل تفكيك المخروط للحصول على تصميمه يكون القوس \widehat{BC} منطبق على محيط قرص هذه القاعدة . - التعبير عن \widehat{BC} بدلالة π : $\widehat{BC} = 2\pi \times 6 = 12\pi$ - حسب ، بالنسبة إلى الدائرة التي مركزها A ونصف قطرها $10cm$ ، الرابع المتناسب في الجدول التالي :</div> <table><tr><td>الزاوية</td><td>360^0</td><td>X</td></tr><tr><td>طول القوس</td><td>20π</td><td>12π</td></tr></table> <div>وعليه: $X = \frac{12\pi \times 360^0}{20\pi} = 216^0$</div> <div>3. باستعمال الادوات الهندسية المناسبة ، ننجز على ورق مقوى تصميمًا لهذا المخروط ، ثم بالقص و اللصق نصنع هذا المخروط .</div> <div>4. بنفس طريقة السؤال 2 يمكن تحديد زاوية قطاع قرص X لأي مخروط :</div> <table><tr><td>الزاوية</td><td>360^0</td><td>X</td></tr><tr><td>طول القوس</td><td>$2\pi L$</td><td>$2\pi r$</td></tr></table> <div>وعليه: $X = \frac{2\pi r \times 360^0}{2\pi L} = 360^0 \times \frac{r}{L}$</div>	الزاوية	360^0	X	طول القوس	20π	12π	الزاوية	360^0	X	طول القوس	$2\pi L$	$2\pi r$	- طول كل قوس من دائرة نصف قطرها معلوم متناسب مع زاوية القطاع الذي تحصره .
الزاوية	360^0	X													
طول القوس	20π	12π													
الزاوية	360^0	X													
طول القوس	$2\pi L$	$2\pi r$													

- تصميم مخروط دوران هو شكل مستوي يتكون من :
 - قطاع قرص نصف قطره L ، حيث L هو طول مولد للمخروط .
 - قرص نصف قطره r ، حيث r هو نصف قطر قاعدة المخروط .

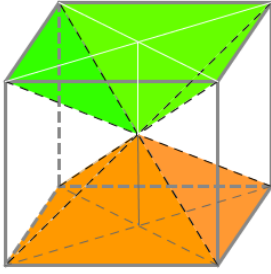


إنتبه : يسمح تصميم مجسم بصنع هذا المجسم .

رقم 13 ص 183

رقم 12 ص 183

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر قاعدة حساب مساحة مثلث .	<p>■ تمعن في الشكل - ثم احسب مساحة المثلث EFG .</p> <p>النشاط 1 ص 194</p> <p>1. نقل الهرم المنتظم :</p> <p>- حساب طول الإرتفاع $[Sh']$ المتعلق بالقاعدة $[AB]$ في المثلث SAB .</p> <p>لدينا : المثلث $Sh'B$ قائم في h' (خواص الإرتفاع)</p> <p>إذن : $Sh'^2 + h'B^2 = SB^2$ ومنه :</p> <p>$Sh'^2 = SB^2 - h'B^2$</p> <p>$Sh'^2 = 7^2 - 1.5^2 = 49 - 2.25 = 46.75$</p> <p>$Sh' = \sqrt{46.75}$</p> <p>$Sh' \approx 6.83cm$</p> <p>- حساب المساحة الجانبية \mathcal{A}_1 للهرم المعتبر :</p> <p>$\mathcal{A}_1 = 4 \times \frac{AB \times Sh'}{2} = 4 \times \frac{3 \times 6.83}{2} = 40.98$</p> <p>$\mathcal{A}_1 \approx 41cm^2$</p> <p>2. حساب المساحة الكلية \mathcal{A}_2 لهذا الهرم :</p> <p>$\mathcal{A}_2 = \mathcal{A}_1 + 3 \times 3cm^2$</p> <p>$\mathcal{A}_2 = 41cm^2 + 9cm^2$</p> <p>$\mathcal{A}_2 = 50cm^2$</p> <p>النشاط 3 ص 195</p>	<p>المنهاج : بالنسبة إلى الحجم تستنتج القواعد الحسابية باستعمال وسائل تجريبية .</p> <p>مثال : لإيجاد قاعدة حساب حجم مخروط الدوران ، نقارن بين سعتي عليّتين إحداها لها شكل مخروط الدوران و الأخرى إسطوانة الدوران بحيث تكون للعلّيتين قاعدتان متساويتان و ارتفاعان متساويان .</p> <p>أما فيما يخص المساحة الجانبية لكل من المجسمين ، يمكن التطرق لها في شكل نشاط يعتمد التلميذ على تصميم كل من المجسمين دون أن يكون الهدف منه البحث على استخراج قاعدة الحساب .</p> <p>و يعد هذا المحور مجالا مناسباً لتجنيّد مكتسبات التلميذ المتعلقة بعدة مفاهيم مثل نظرية فتاغورث .</p>
الأنشطة	- يحسب المساحة الجانبية لهرم منتظم .	<p>1. النظرية التي تسمح بحساب طول حرف لهذا الهرم هي نظرية فيثاغورس .</p> <p>$sb^2 = ob^2 + os^2$</p> <p>$sb^2 = \left(\frac{8\sqrt{2}}{2}\right)^2 + 4^2$</p> <p>$sb^2 = 4^2 \times 2 + 4^2 = 16 \times 2 + 16 = 48$</p> <p>$sb = \sqrt{48} \approx 6.92820323$</p> <p>إذن القيمة التقريبية إلى $\frac{1}{10}$ لطول حرف هذا الهرم هي : $6.9cm$</p> <p>2. ننجز على ورق مقوى تصميمًا لهذا الهرم ثم ننجز 5 مثيلات لهذا التصميم .</p> <p>- نصنع بهذه التصميمات 6 أهرامات .</p> <p>3. بهذه الأهرامات الستة يمكن تشكيل مكعبا حيث كل وجه للمكعب هو قاعدة احد الأهرامات الستة .</p>	<p>- المساحة الجانبية لهرم هي مجموع مساحات أوجهه الجانبية .</p> <p>- المساحة الكلية لهرم هي مجموع المساحة الجانبية و مساحة قاعدته .</p>
	- يعرف قاعدة حساب حجم هرم منتظم .		<p>- معظم التلاميذ يمكنهم تخيل الأهرامات الستة التي تشكل مكعبا حتى دون المرور عملية الصنع .</p>



- طول كل حرف من أحرف هذا المكعب هو : $2 \times 4cm = 8cm$
 - 4. حساب حجم هذا المكعب : $V = 8cm \times 8cm \times 8cm = 8^3 cm^3 = 512cm^3$
- وبالتالي حجم كل هرم من الأهرامات الستة هو :

$$V = \frac{V}{6} = \frac{512cm^3}{6} \approx 85.33cm^3$$

$$\text{التأكد : } \frac{1}{6} \times 8^3 = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 8^2 \times 8 = \frac{1}{3} \times 8^2 \times \frac{1}{2} \times 8$$

- العدد 8^2 يمثل مساحة قاعدة الهرم (1).

- العدد $\frac{1}{2} \times 8$ يمثل ارتفاع الهرم (1).

- 5. إذا كان طول ضلع قاعدة الهرم هو x وطول ارتفاعه $\frac{x}{2}$ فإن حجم المكعب المشكل من ستة أهرامات هو x^3 .

- حجم الهرم (1) هو $V = \frac{1}{6} \times x^3$ لأن المكعب يتكون من ستة أهرامات.

- إذا كان مساحة قاعدة الهرم (1) B وارتفاعه h فإن : $V = \frac{1}{6} \times x^3 = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times x^2 \times x = \frac{1}{3} B \times h$

$$\text{وعليه : } V = \frac{1}{3} B \times h$$

- حجم هرم منتظم مساحة قاعدته B وارتفاعه هو h :

$$V = \frac{1}{3} B \times h$$

- مثال : نريد حساب حجم علبة مجوهرات لها شكل هرم منتظم ارتفاعه $4.8cm$ وقاعدته مربع طول ضلعه $3.5cm$.

$$B = 3.5cm \times 3.5cm = 12.25cm^2 \quad \text{مساحة قاعدة هذه العلبة :}$$

$$V = \frac{1}{3} \times B \times h = \frac{1}{3} \times 12.25cm^2 \times 4.8cm \quad \text{حجم العلبة (الهرم المنتظم) :}$$

$$V = 19.6cm^3$$

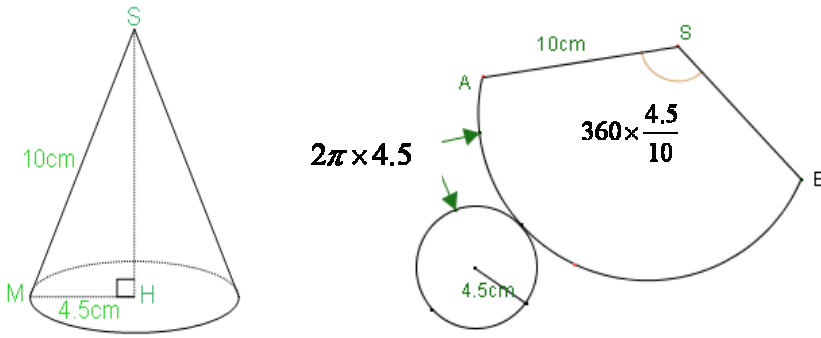
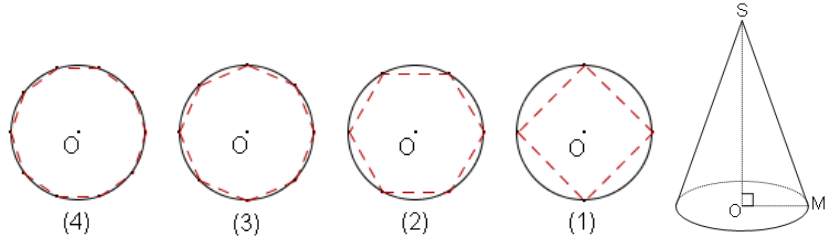
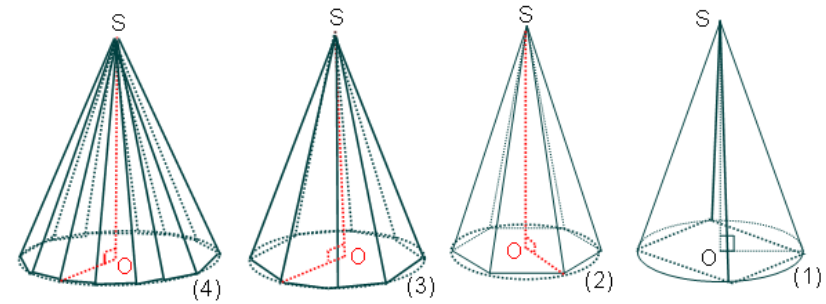
رقم 20 ص 203

رقم 21/18 ص 203

معارف

التطبيق

الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات						
تهيئة	- يتذكر حجم الهرم	<p>■ أحسب حجم هرم إرتفاعه 9cm وقاعدته مربع طول ضلعه 8cm .</p> <p>النشاط 2 ص 194</p> 	<p>المنهاج: بالنسبة إلى الحجم تستنتج القواعد الحسابية باستعمال وسائل تجريبية. مثال : لإيجاد قاعدة حساب حجم مخروط الدوران ، نقارن بين سعتي عليّتين إحداهما لها شكل مخروط الدوران و الأخرى إسطوانة الدوران بحيث تكون للعلبتين قاعدتان متساويتان و ارتفاعان متساويان . أما فيما يخص المساحة الجانبية لكل من المجسمين ، يمكن التطرّق لها في شكل نشاط يعتمد التلميذ على تصميم كل من المجسمين دون أن يكون الهدف منه البحث على استخراج قاعدة الحساب . و يعد هذا المحور مجالا مناسباً لتجنيّد مكتسبات التلميذ المتعلقة بعدة مفاهيم مثل نظرية فتاغورث .</p>						
الأنشطة	- يحسب المساحة الجانبية لمخروط دوران بالاعتماد على تصميمه .	<p>1. إن القطاع الدائري ASB جزء من القرص الذي مركزه S ونصف قطره 10cm . مساحة هذا القرص هي : $\pi \times 10^2$</p> <p>2. مساحة القطاع ASB هي عدد y متناسب مع الزاوية \widehat{ASB} .</p> <table border="1"> <tr> <td>الزاوية</td> <td>360°</td> <td>$\frac{4.5}{10} \times 360^\circ$</td> </tr> <tr> <td>المساحة</td> <td>$\pi \times 10^2$</td> <td>y</td> </tr> </table> <p>وعليه : $y = \frac{\frac{4.5}{10} \times 360^\circ \times \pi \times 10^2}{360^\circ} = 4.5 \times \pi \times 10$</p> <p>3. المساحة الجانبية لمخروط الدوران المعتبر هي : $45 \times \pi \text{cm} \approx 141.3\text{cm}$</p> <p>النشاط 4 ص 196</p> <p>1. إذا تابعنا بالطريقة المذكورة فإن مساحة هذه المضلعات ستقترب شيئاً فشيئاً من مساحة القرص .</p>  <p>2. نقل الأشكال وإتمام رسم الأهرامات :</p> 	الزاوية	360°	$\frac{4.5}{10} \times 360^\circ$	المساحة	$\pi \times 10^2$	y	<p>- يعرف حجم مخروط دوران بمقارنته الى حجم الهرم .</p>
الزاوية	360°	$\frac{4.5}{10} \times 360^\circ$							
المساحة	$\pi \times 10^2$	y							

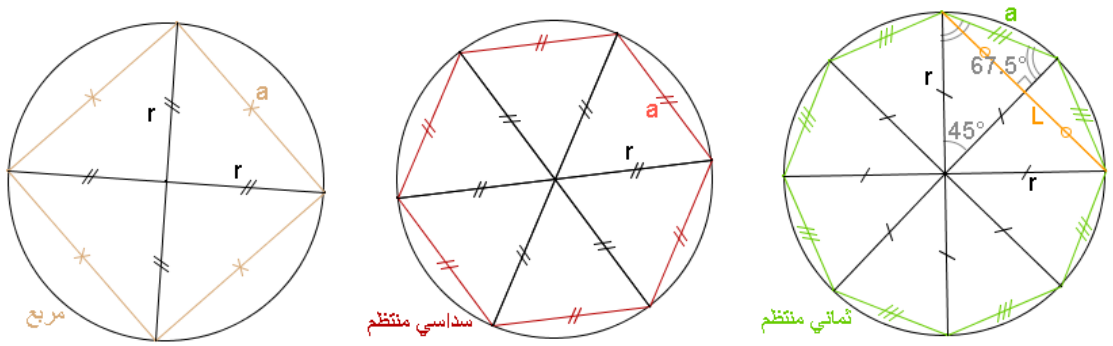
- هذه المجسمات تقترب شيئاً فشيئاً من شكل مخروط الدوران .

3. حساب محيط الدائرة (δ).

$$p = 2\pi r = 2 \times 3.14 \times 2$$

$$p = 12.56cm$$

باستعمال نظرية فيثاغورس أو العلاقات المثلثية نتأكد من محيط كل مضلع :



$$p_4 = 4 \times a_4 = 4 \times \sqrt{2}r$$

$$p_4 = 4 \times \sqrt{2} \times 2$$

$$p_4 \approx 11.31cm$$

$$p_6 = 6 \times a_6 = 4 \times r$$

$$p_6 = 6 \times 2$$

$$p_6 = 12cm$$

$$\frac{\sqrt{2}r}{\sin 67.5^\circ}$$

$$p_8 = 8 \times a_8 = 8 \times \frac{\sqrt{2}r}{\sin 67.5^\circ}$$

$$p_8 \approx 12.24cm$$

- محيط هذه المضلعات يقترب شيئاً فشيئاً من محيط الدائرة (δ)

4. مما سبق يمكن القول أن حجم مخروط دوران هو : $V = \frac{1}{3} \times B \times h$ (نفس قانون حجم الهرم)

حيث B مساحة قرص قاعدة المخروط و h ارتفاع المخروط .

تجربة : يمكن أن نقترح على التلاميذ التحقق من القانون المتوصل اليه وذلك بالتجربة الآتية :

صنع أسطوانة دوران نصف قطرها 2cm وارتفاعها 5cm .

صنع مخروط نصف قطرها 2cm وارتفاعه 5cm .

ملأ الأسطوانة بالرمل وذلك باستعمال المخروط .

حساب عدد المرات التي استعمل فيها المخروط لإستنتاج حجمه مقارنة بحجم الأسطوانة .

• حجم مخروط دوران مساحة قاعدته B وارتفاعه هو h :

$$V = \frac{1}{3} B \times h$$

إنتبه: إذا كان نصف قطر قاعدة المخروط هو r فإن $V = \frac{1}{3} \times B \times h$ يعني $V = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$.

مثال : مخروط دوران نصف قطرها 7cm وارتفاعه 12cm فإن حجمه :

$$V = \frac{1}{3} \times B \times h = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 7^2 \times 12$$

$$V \approx 615.44cm^3$$

رقم 32 ص 205

رقم 29 ـ 30 ص 205

معارف

التطبيق

الواجب المنزلي

- نقترح عدم التطرق تماماً لهذه الفقرة (3) وذلك توفيراً للوقت وعدم إدخال التلاميذ في حسابات معقدة خاصة عند التأكد من محيط الثماني. والانتقال إلى الفقرة 4 لاستنتاج حجم المخروط .

- انتبه لترتيب الفقرات في الكتاب

المجال : أنشطة هندسية.

الباب 12 : المجسمات .

الموضوع : تطبيقات .

الكفاءة القاعدية : .

مذكرة رقم 71

التاريخ : 2011/04/11

مستوى : 3 متوسط

الوسائل : الأدوات الهندسية .

الدعائم : كتاب ت + المنهاج + الوثيقة م

الأستاذ : ولد سعيد عبد القادر

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
التمارين		النشاط 2	



