



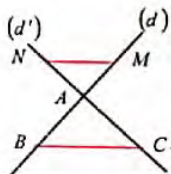
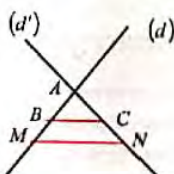
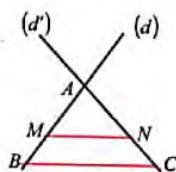
# 8 الدرس الـ

## نظرية طاليس

### 1 - نظرية طاليس

(d) و (d') مستقيمان متقاطعان في النقطة (A)  
 B و M نقطتان من (d) وتختلفان عن A  
 C و N نقطتان من (d') وتختلفان عن A

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \text{ إذا كان المستقيمان } (MN) \text{ و } (BC) \text{ متوازيان فإن}$$



### ملاحظة

جدول التناسبية لأطوال اضلاع الثلثين AMN و ABC هو

AM	AN	MN
AB	AC	BC

### تمرين تدريبي

في الشكل المرفق نعدلي  $OA = 4\text{cm}$  و  $OC = 6\text{cm}$  و  $OD = 8,4\text{cm}$   
 و  $AB = 3\text{cm}$   
 المستقيمان (AB) و (CD) متوازيان.



1) احسب الطول  $OB$

2) احسب الطول  $CD$

الحل

1) النقطة  $C, O, A$  على استقامة واحدة

كذلك النقط  $D, O, B$

المستقيمان  $(AB)$  و  $(CD)$  متوازيان

إذن حسب نظرية طاليس لدينا  $\frac{OA}{AC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{CD}$

$$\text{أي } \frac{4}{6} = \frac{OB}{8,4} = \frac{3}{CD}$$

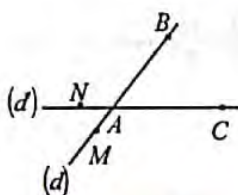
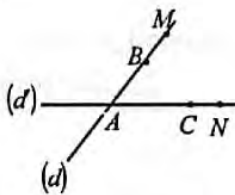
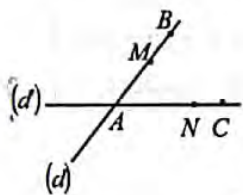
ومنه نستنتج  $\frac{4}{6} = \frac{OB}{8,4}$  إذن  $OB = \frac{8,4 \times 4}{6}$  أي  $OB = 5,6 \text{ cm}$

2) نستنتج من المساواة السابقة أن  $\frac{4}{6} = \frac{3}{CD}$  ومنه  $CD = \frac{3 \times 6}{4} = \frac{9}{2} = 4,5$

إذن  $CD = 4,5 \text{ cm}$

## 2 - النظرية العكسية لنظرية طاليس

في كل شكل من الأشكال التالية نقول أن النقط  $M, B, A$  من المستقيم  $(d)$  أنها بنفس ترتيب النقط  $N, C, A$  من المستقيم  $(d')$



خاصية

$(d)$  و  $(d')$  مستقيمان متقاطعان في النقطة  $A$

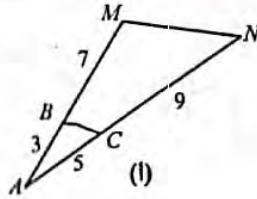
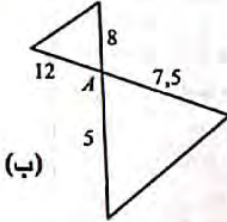
$M$  و  $B$  نقطتان من  $(d)$  مختلفتان عن  $A$

$N$  و  $C$  نقطتان من  $(d')$  مختلفتان عن  $A$

إذا كان  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  والنقط  $M, B, A$  والنقط  $N, C, A$  بنفس الترتيب فإن

المستقيمان  $(MN)$  و  $(BC)$  متوازيان.

في كل حالة من الحالتين التاليتين  $B, M, A$  و  $C, N, A$  على استقامة واحدة هل المستقيمان  $(MN)$  و  $(BC)$  متوازيان؟



الحل

• الحالة الأولى

$$\frac{AN}{AC} = \frac{14}{5} \text{ و } \frac{AM}{AB} = \frac{10}{3}$$

بما أن  $\frac{14}{5} \neq \frac{10}{3}$  فإن  $\frac{AM}{AB} \neq \frac{AN}{AC}$  وبالتالي فإن المستقيمان  $(MN)$  و  $(BC)$  غير متوازيين.

• الحالة الثانية

$$\frac{AM}{AB} = \frac{8}{5} = 1,6$$

$$\frac{AN}{AC} = \frac{12}{7,5} = \frac{120}{75} = 1,6$$

بما أن النقط  $B, M, A$  و  $C, N, A$  على استقامة واحدة و بنفس الترتيب و  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  فإن المستقيمان  $(MN)$  و  $(BC)$  متوازيان.

### 3 - تقسيم قطعة مستقيم هندسيا بالدور و المسطرة الغير المدرجة

تمرين تدريبي

قسم القطعة  $[AB]$  إلى ثلاث قطع متقاسة.

الحل

- لتقسيم القطعة  $[AB]$  إلى ثلاث قطع متقاسة نتبع الخطوات التالية
- نرسم القطعة  $[AB]$
- ننتخب نصف مستقيم بمبدأ  $A$  و حامله يختلف عن المستقيم  $(AB)$

- على نصف المستقيم هذا نمثل النقط  $K, J, I$  بهذا الترتيب بدء من  $A$  حيث

$$AI = IJ = JK$$

- نرسم المستقيم  $(KB)$  ثم مستقيمين موازيين له الأول يشمل  $J$  والثاني  $I$ .  
هذان المستقيمان يقطعان المستقيم  $(AB)$  في  $F$  و  $E$  على الترتيب.

لدينا  $I$  منتصف  $[AJ]$  إذن

$F$  منتصف  $[AE]$

(حسب نظرية المستقيمين

المنتصفين)

بتطبيق نظرية طاليس نستنتج

$$\frac{AJ}{AK} = \frac{AE}{AB} = \frac{2}{3} \text{ و } \frac{AF}{AB} = \frac{AI}{AK} = \frac{1}{3}$$

وبالتالي  $AE = \frac{2}{3} AB$  و  $AF = FE$  و  $AB = 3AF$

نحسب الطول  $EB$

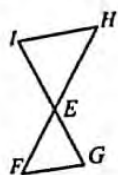
$$EB = AB - AE = 3AF - 2AF = AF$$

إذن  $AF = FE = EB$





## تطبيق 1



النقطة  $F$  تنتمي إلى المستقيم  $(EH)$  والنقطة  $G$  تنتمي إلى المستقيم  $(EI)$

المستقيمان  $(FG)$  و  $(HI)$  متوازيان

$$\frac{EH}{EI} = \frac{EF}{EG} \dots\dots\dots \text{1} \text{ انقل ثم اكمل}$$

2 إذا علمت أن  $EF = 10\text{cm}$  و  $EG = 12\text{cm}$  و  $EI = 18$  و  $IH = 21$

أ) احسب  $EH$

ب) احسب  $FG$

## الحل =

1 بما أن النقط  $G, E, I$  و  $H, E, F$  على استقامة واحدة والمستقيمان  $(IH)$  و  $(FG)$  متوازيان فإن حسب نظرية طاليس

$$\frac{EH}{EF} = \frac{EI}{EG} = \frac{IH}{FG} \dots\dots\dots (1)$$

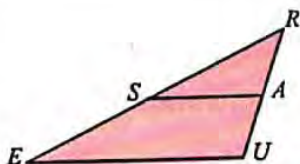
2 بتعويض قيم  $EF$  و  $EG$  و  $EI$  و  $IH$  في المساواة (1) نجد (2)  $\frac{21}{FG} = \frac{18}{12} = \frac{EH}{10}$

أ) من المساواة (2) لدينا

$$EH = \frac{10 \times 18}{12} = 15 \text{ ومنه } \frac{18}{12} = \frac{EH}{10}$$

ب) من المساواة (2) لدينا

$$FG = \frac{21 \times 12}{18} = \frac{21 \times 2}{3} = 7 \times 2 = 14 \text{ cm ومنه } \frac{21}{FG} = \frac{18}{12}$$



## تطبيق 2

المستقيمان  $(AS)$  و  $(UE)$  متوازيان

المستقيمان  $(ES)$  و  $(UA)$  متقاطعان

في النقطة  $R$

احسب  $RU$  ثم استنتج  $AU$

## الحل

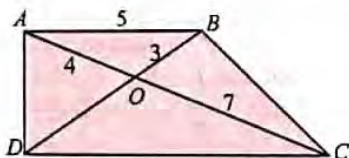
بما ان النقط  $U, A, R$  و  $E, S, R$  على استقامة واحدة و  $(AS)$  يوازي  $(UE)$  فإن حسب نظرية طالبس لدينا

$$\frac{RS}{RE} = \frac{RA}{RU} = \frac{AS}{UE} \dots\dots\dots(1)$$

و بتعويض قيمة  $AS$  و  $RA$  و  $UE$  في (1) نجد  $\frac{RS}{RE} = \frac{4}{RU} = \frac{5}{9} \dots\dots\dots(2)$

من (2) نجد  $\frac{4}{RU} = \frac{5}{9}$  ومنه  $RU = \frac{9 \times 4}{5} = \frac{36}{5} = 7,2$

لدينا  $RU = RA + AU$  و منه  $AU = RU - RA = 7,2 - 4 = 3,2$



## تطبيق 4

$ABCD$  شبه منحرف بحيث  $(AB) \parallel (CD)$  و  $O$  تقاطعان في النقطة  $O$  عين مثلثين يمثلان شكل من اشكال طالبس.

(ب) احسب  $OD$  و  $DC$  اعط القيمة المضبوطة ثم القيمة المدورة إلى  $0,1$  بالزيادة

## الحل

(أ) بما ان النقط  $C, O, A$  و  $D, O, B$  على استقامة واحدة و  $(AB) \parallel (CD)$  فإن المثلثين  $OAB$  و  $ODC$  يمثلان شكلا من اشكال طالبس.

(ب) حساب الطول  $OD$

بما ان المثلثين  $OAB$  و  $ODC$  يمثلان شكلا من اشكال طالبس فإن  $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{DC} \dots\dots\dots(1)$

و بتعويض قيمة  $OB$  و  $OA$  و  $OC$  في (1) نجد

$$\frac{4}{7} = \frac{3}{OD} = \frac{5}{DC} \dots\dots\dots(2)$$

من (2) ينتج ان  $\frac{4}{7} = \frac{3}{OD}$  ومنه  $OD = \frac{3 \times 7}{4} = \frac{21}{4}$

اذن القيمة المضبوطة لـ  $OD$  هي  $\frac{21}{4}$  اي  $5,25$  و القيمة المدورة إلى  $10^{-2}$  هي  $5,3$

- حساب  $DC$

من المساواة (2) نستنتج  $\frac{4}{7} = \frac{5}{DC}$  ومنه  $DC = \frac{5 \times 7}{4} = \frac{35}{4}$

اذن القيمة المضبوطة لـ  $DC$  هي  $\frac{35}{4}$  اي  $8,75$

و القيمة المدورة إلى  $10^{-2}$  هي  $8,8$

## 4 تطبيق

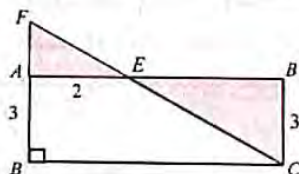
$ABCD$  مستطيل بحيث  $AB = 3\text{cm}$  و  $AD = 8\text{cm}$ ، و لتكن  $E$  نقطة من القطعة  $[AD]$  بحيث  $AE = 2\text{cm}$ ، و لتكن  $F$  نقطة تقاطع المستقيمين  $(CE)$  و  $(AB)$

- 1 اعط شكلا يناسب العطبات .
- 2 اشرح لماذا المثلثين  $EAF$  و  $CBF$  يشكلان حالة من حالات طاليس ثم استنتج الطولين  $FB$  و  $FA$

3 احسب النسبتين  $\frac{AE}{BC}$  و  $\frac{FA}{FB}$  ثم استنتج  $AE$

الـ

1 الشكل



2 بما ان النقط  $B, A, F$  و  $C, E, F$  تقع على استقامة واحدة و  $(AE)$  موازي  $(BC)$  فإن المثلثان  $EAF$  و  $CBF$  يمثلان شكلا من اشكال طاليس - استنتاج الطولين  $FB$  و  $FA$

بما ان  $C, E, F$  و  $B, F, A$  تقع على استقامة واحدة و  $(BC) \parallel (AE)$  فإن حسب نظرية طاليس لدينا

$$\frac{FA}{FB} = \frac{FE}{FC} = \frac{AE}{BC} \dots\dots\dots(1)$$

بتعويض قيمة  $AE$  و  $BC$  في (1) نجد (2)  $\frac{FA}{FB} = \frac{FE}{FC} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$

من (2) نجد  $\frac{FA}{FB} = \frac{1}{4}$  اذن  $FB = 4FA$

لدينا  $FB = FA + AB$  اي  $4FA = FA + 3$  ومنه  $FA = 1$  و بالتالي  $FB = 4FA = 4$

$$\frac{AE}{BC} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4} \text{ و } \frac{FA}{FB} = \frac{1}{4} \quad (3)$$

## 5 تطبيق

$ABC$  مثلث بحيث  $BC = 12\text{cm}$  ،  $AB = 4\text{cm}$  ، نقطة من القطعة  $[AB]$  بحيث  $AM = 1\text{cm}$  ، المستقيم الموازي للمستقيم  $(BC)$  و المار بالنقطة  $M$  يقطع القطعة  $[AC]$  في  $N$

1 - احسب الطول  $MN$

ب- اعط قيمة  $\frac{AN}{AC}$

2 نفرض ان  $NC = 4\text{cm}$  و نضع  $AN = x$

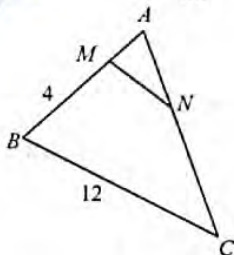
ا) عبر عن  $AC$  بدلالة  $x$  (ب) اشرح لماذا  $\frac{x}{x+12} = \frac{1}{4}$

3 حل هذه المعادلة  $\frac{x}{x+12} = \frac{1}{4}$  ثم اعط قيمة الطول  $AN$  ثم الطول  $AC$  .

## الحل

1) بما أن النقط  $C, N, A$  و  $B, M, A$  تقع على استقامة واحدة و المستقيم  $(MN)$  يوازي

$$\frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC} = \frac{AN}{AC} \dots\dots\dots(1)$$



$$\frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC} \text{ من المساواة (1) نستنتج أن}$$

و بتعويض قيمة كل من  $AM$  و  $AB$  و  $BC$  نجد

$$MN = 3 \text{ cm} \text{ و منه } \frac{1}{4} = \frac{AN}{12}$$

$$\frac{AN}{AC} = \frac{1}{4} \dots\dots\dots(2) \text{ إذن } \frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB} = \frac{1}{4}$$

$$AC = AN + NC = x + 4 \quad (1 \quad 2)$$

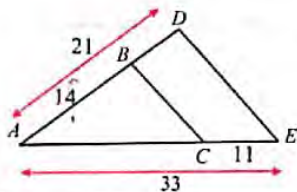
ب) بتعويض  $AN$  و  $AC$  بعبارتهما في (2) نجد

$$\frac{x}{x+4} = \frac{1}{4} \dots\dots\dots(1)$$

ج) المعادلة (1) تعني  $(x+4) \times 1 = 4x$  إذن  $x+4 = 4x$  وبالتالي  $3x = 4$  ومنه  $x = \frac{4}{3} \text{ cm}$

$$\text{وبالتالي } AN = x = \frac{4}{3} \text{ و } AC = x + 4 = \frac{4}{3} + 4 = \frac{16}{3}$$

## تطبيق 6



المستقيمان  $(BD)$  و  $(CE)$  متقاطعان في  $A$

1) أعط الكتابة العشرية للنسبتين

$$\frac{AD}{AB} \text{ و } \frac{AE}{AC}$$

2) استنتج أن  $(BC)$  و  $(DE)$  متوازيان

## الحل

$$\frac{AD}{AB} = \frac{21}{14} = \frac{3}{2} = 1,50 \quad (1)$$

$$\frac{AE}{AC} = \frac{33}{22} = \frac{3}{2} = 1,50$$

$$\text{لأن } AC = AE - CE = 33 - 11 = 22$$

2) بما أن النقط  $E, C, A$  و  $D, B, A$  بنفس الترتيب و النقط  $E, C, A$  على استقامة واحدة و النقط

$D, B, A$  على استقامة واحدة

و  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$  فإن المستقيمين  $(BC)$  و  $(DE)$  متوازيان .



## 7 تطبيق

$ABC$  مثلث بحيث  $AB=4\text{cm}$  و  $AC=5\text{cm}$  و  $BC=6\text{cm}$

$K$  منتصف القطعة  $[AB]$  ،  $G$  نقطة من القطعة  $[CK]$  بحيث  $CG = \frac{2}{3}CK$

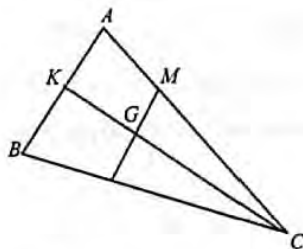
$L$  نقطة من  $[BC]$  بحيث  $CL=4\text{cm}$

(1) اعط شكل يناسب العطايات.

(2) بين ان المستقيمين  $(GL)$  و  $(AB)$  متوازيان .

(3) المستقيم  $(GL)$  يقطع المستقيم  $(AC)$  في النقطة  $M$

- احسب القيمة المظبوطة لطول  $CM$  .



الحل

(1) الشكل

(2) النقط  $K, G, C$  بنفس ترتيب النقط  $B, L, C$  والنقط  $K, G, C$  على استقامة واحدة .

$$\text{لدينا } \frac{CG}{CK} = \frac{\frac{2}{3}CK}{CK} = \frac{2}{3}$$

$$\text{و } \frac{CL}{CB} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \text{ إذن } \frac{CG}{CK} = \frac{CL}{CB}$$

ومن حسب النظرية العكسية لنظرية طاليس نستنتج ان المستقيمين  $(GL)$  و  $(BK)$  متوازيان وبما ان  $(BK)$  هو  $(AB)$  فإن  $(GL)$  يوازي  $(AB)$

(3) المستقيمان  $(LM)$  و  $(AB)$  متوازيان .

- النقط  $A, M, C$  على استقامة واحدة .

- النقط  $B, L, C$  على استقامة واحدة .

إذن حسب نظرية طاليس يكون  $\frac{CM}{CA} = \frac{CL}{CB}$

$$\text{لكن } \frac{CL}{CB} = 1,5 \text{ إذن } \frac{CM}{CA} = 1,5 \text{ و منه } CM = 1,5CA$$

$$\text{إذن } CM = 1,5 \times 5 = 7,5\text{cm}$$

## 8 تطبيق

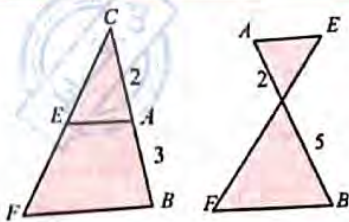
على ورقة بيضاء علم النقطتين  $A$  و  $B$  على المستقيم  $(xy)$

بدون مسطرة مدرجة انشئ النقطة  $C$  من هذا المستقيم بحيث  $\frac{CA}{CB} = \frac{3}{4}$

الحل

المساواة  $\frac{CA}{CB} = \frac{3}{4}$  توجي لنا إلى شكل من أشكال طاليس

لذا اتت فكرة رسم من  $A$  و من  $B$  مستقيمين متوازيين  $(d)$  و  $(d')$



- نرسم مستقيمين متوازيين  $(d)$  و  $(d')$  بحيث  $(d)$  يمر من  $A$  و  $(d')$  يمر من  $B$   
 - نقسم بانتظام هذين المستقيمين انطلاقا من  $A$  و النقطة  $B$  بنفس الوحدة .  
 - على المستقيم  $(d)$  نعلم النقطتين  $E_1$  و  $E_2$  بحيث  $AE_1 = 3$  و  $AE_2 = 3$   
 - على المستقيم  $(d')$  نعلم النقطة  $F$  بحيث  $BF = 4$  و  $(FE_1)$  و  $(FE_2)$  يقطعان  $(xy)$  في النقطتين  $C_1$  و  $C_2$

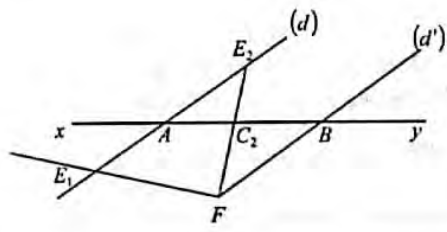
- المثلثان  $C_1E_1A$  و  $C_1FB$  يشكلان حالة من حالات طاليس و بالتالي

$$\frac{C_1A}{C_1B} = \frac{C_1E_1}{C_1F} = \frac{3}{4} \dots \dots \dots (1)$$

- المثلثان  $C_2E_2A$  و  $C_2FB$  يشكلان حالة من حالات طاليس و بالتالي

$$\frac{C_2E_2}{C_2F} = \frac{C_2A}{C_2B} = \frac{3}{4} \dots \dots \dots (2)$$

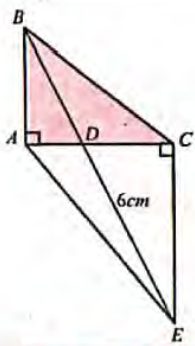
من (1) و (2) ينتج  $\frac{C_1A}{C_1B} = \frac{C_2A}{C_2B} = \frac{3}{4}$  النقطتان  $C_1$  و  $C_2$  هما المطلوبتان.



### تطبيق 9

- $AB = 4cm$  و  $AC = 6cm$  بحيث  $A$  مثلث قائم في  $A$   
 $CD = 4cm$  نقطة من القطعة  $[CA]$  بحيث  
 $E$  نقطة من نصف المستقيم  $[BD]$  بحيث  $BE = 3BD$   
 1 اعط رسما تبين فيه العطيات  
 2 برهن ان المثلث  $ACE$  قائم في  $C$   
 3 احسب الطول  $CE$

### الحل



- 1 اليك الشكل المجاور  
 2 اثبات ان المثلث  $ACE$  قائم في  $C$   
 لإثبات أن المثلث قائم في  $C$  يكفي أن نثبت أن  $(AB)$  و  $(CE)$  متوازيان لدينا  
 - النقط  $E, B, D$  و  $C, A, D$  بنفس الترتيب .  
 - النقط  $F, B, D$  و  $C, A, D$  على استقامة واحدة .  

$$\frac{DB}{DE} = \frac{DB}{2DB} = \frac{1}{2} \dots \dots \dots (1)$$



$$\frac{DA}{DC} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \dots \dots \dots (2)$$

$$\frac{DB}{DE} = \frac{DA}{DC} \text{ من (1) و (2) نجد}$$

و حسب النظرية العكسية لطاليس نستنتج ان  $(AB)$  يوازي  $(CE)$

(3) حساب الطول  $CE$

$$\text{لدينا } \frac{AB}{CE} = \frac{1}{2} \text{ و منه } CE = 2AB = 4 \text{ إذن } CE = 2cm$$

## تطبيق (10)

1

(1) انشئ مثلث  $MNP$  بحيث  $MN = 12cm$  و  $PM = 5cm$  و  $PN = 13cm$

بين ان المثلث  $MNP$  قائم في النقطة  $M$

(2) احسب محيطه و مساحته .

(3) ارسم الدائرة المحيطة بالمثلث  $MNP$  ، حدد موضع مركزها النقطة  $O$  و عين طول نصف القطر .

(4) احسب القيس المقرب إلى الدرجة للزاوية  $\hat{PNM}$

2

$A$  نقطة كيفية من الضلع  $[PM]$  نضع  $AM = x$  (  $x$  عدد محصور بين 0 و 5 )  
الوازي للمستقيم  $(PN)$  و المار بالنقطة  $A$  يقطع القطعة  $[MN]$  في النقطة  $B$

(1) بتحديد الخاصية المستعملة عبر عن  $MB$  و  $AB$  بدلالة  $x$

(2) عبر بدلالة  $x$  عن محيط المثلث  $AMB$

$$(3) \text{ حل المعادلة } x + \frac{12}{5}x + \frac{13x}{5} = 18$$

(4) ارسم شكلا اخر و هذا بتعليم النقطة  $A$  و بحيث محيط المثلث  $AMB$

يساوي 18

ب) ماهي مساحة المثلث  $AMB$  ؟

الحل =

1

$$(1) PM^2 + MN^2 = 5^2 + 12^2 = 25 + 144 = 169$$

$$PN^2 = 13^2 = 169$$

$$\text{إذن } PM^2 + MN^2 = PN^2$$

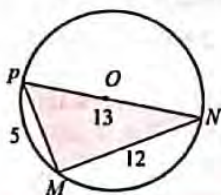
و حسب النظرية العكسية لفيثاغورث فإن المثلث  $MNP$  قائم في  $M$

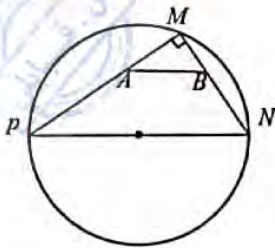
(2) محيط هذا المثلث هو

$$PM + MN + PN = 5 + 12 + 13 = 30cm$$

$$\text{مساحة المثلث } PMN \text{ هي } \frac{12 \times 5}{2} = 30$$

إذن المساحة هي  $30cm^2$





(3) المركز هو منتصف القطعة  $[PN]$

نصف القطر هو  $\frac{PN}{2} = 6,5 \text{ cm}$

$$\sin \hat{P} \hat{N} M \frac{PM}{PN} = \frac{5}{13} \quad (4)$$

$$\hat{P} \hat{N} M = \sin^{-1}\left(\frac{5}{13}\right) = 22,61$$

ومنه القيمة القربة إلى الدرجة هي  $27^\circ$

2

لدينا  $AM = x$

(1) النقط  $N, B, M$  بنفس ترتيب النقط  $P, A, M$

- النقط  $N, B, M$  على استقامة واحدة

- النقط  $P, A, M$  على استقامة واحدة

و  $(AB)$  يوازي  $(PN)$

و حسب نظرية طاليس فإن  $\frac{MA}{MP} = \frac{MB}{MN} = \frac{AB}{PN}$  (i).....

لدينا  $MP = 5$  و  $MA = x$  إذن  $\frac{MA}{MP} = \frac{x}{5}$

- من المساواة (i) نستنتج  $\frac{MA}{MP} = \frac{AB}{PN}$

$$\text{و منه } MB = \frac{MA \times MN}{MP} = \frac{x \times 12}{5}$$

- من المساواة (i) نستنتج أيضا  $\frac{MA}{MP} = \frac{AB}{PN}$

$$\text{و منه } AB = \frac{MA \times PN}{MP} = \frac{x \times 13}{5}$$

(2) محيط المثلث  $AMB$  هو  $MA + AB + BM = x + \frac{13}{5}x + \frac{12}{5}x$

$$\frac{5x + 12x + 13x}{5} = 18 \quad (3) \quad x + \frac{12}{5}x + \frac{12}{5}x = 18$$

$$\text{و منه } \frac{30x}{5} = 18$$

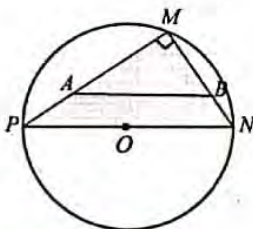
إذن  $6x = 18$  و بالتالي  $x = 3 \text{ cm}$

$$(4) \quad AM = x = 3 \text{ cm} \quad \text{و} \quad AB = \frac{39}{5} \text{ cm} \quad \text{و} \quad MB = \frac{36}{5} \text{ cm}$$

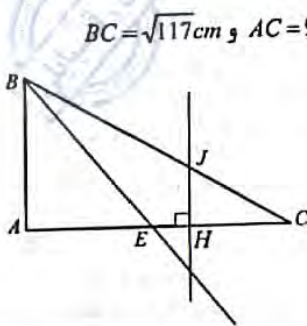
(ب) المثلث  $MAB$  قائم في  $M$

و بالتالي مساحة المثلث  $MAB$  هي  $\frac{MA \times MB}{2}$

$$\begin{aligned} \frac{MA \times MB}{2} &= \frac{3 \times \frac{36}{5}}{2} \\ &= \frac{108}{10} = 10,8 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$



## تطبيق 11



تعتبر المثلث  $ABC$  بحيث  $AB = 6\text{cm}$  و  $AC = 9\text{cm}$  و  $BC = \sqrt{117}\text{cm}$

- (1) ماهي طبيعة المثلث  $ABC$  ؟
- (2) النقطة  $E$  من الضلع  $[AC]$  بحيث  $AE = 4\text{cm}$  محور القطعة  $[EC]$  يقطع  $[BE]$  في  $M$  و  $[BC]$  في  $G$  و  $[EC]$  في  $H$  و  $[BE]$  في  $M$  بين ان

- (أ) المستقيمان  $(GH)$  و  $(AB)$  متوازيان .
- (ب) طول القطعة  $[HC]$  يساوي  $2,5\text{cm}$
- (ج) احسب القيمة الضبوطة للطول  $GH$
- (د) احسب الطول  $HM$

### الحل =

$$AC^2 + AB^2 = 81 + 36 = 117 \quad (1)$$

$$AC^2 + AB^2 = BC^2 \text{ ومنه } BC^2 = (\sqrt{117})^2 = 117$$

و حسب النظرية العكسية لفيثاغورث فإن المثلث  $ABC$  قائم في  $A$

- (2) (أ) بما ان  $(GH)$  محور القطعة  $[EC]$  فهو عمودي على  $(EC)$  و بالتالي فهو عمودي على  $[AC]$  و لدينا فرضا  $(AB)$  عمودي على  $[AC]$

اذن المستقيمان  $(GH)$  و  $(AB)$  عموديان على نفس المستقيم  $(AC)$  و بالتالي  $(GH)$  يوازي  $(AB)$

إثبات ان طول القطعة  $[HC]$  يساوي  $2,5\text{cm}$   
 $H$  منتصف القطعة  $[EC]$  و طول  $[EC]$  يساوي  $5$

$$\text{اذن } HC = \frac{EC}{2} = \frac{5}{2} = 2,5$$

(ب) حساب طول القطعة  $GH$

المثلثان  $CAB$  و  $CHG$  يمثلان حالة من حالات طاليس و بالتالي

$$\frac{CH}{CA} = \frac{CG}{CB} = \frac{GH}{AB} \dots\dots\dots (1)$$

لدينا  $\frac{CH}{CA} = \frac{2,5}{9}$  اذن  $\frac{GH}{AB} = \frac{2,5}{9}$  و منه نستنتج ،

$$GH = \frac{AB \times 2,5}{9} = \frac{6 \times 2,5}{9} = \frac{15}{9} = \frac{5}{3}$$

(ج) المثلثان  $EAB$  و  $EHM$  يمثلان حالة من حالات طاليس و بالتالي

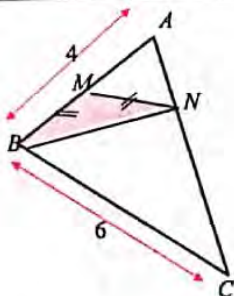
$$\frac{EH}{EA} = \frac{EM}{EB} = \frac{HM}{AB} \dots\dots\dots (2)$$

لدينا  $\frac{HM}{AB} = \frac{2,5}{4}$  اذن  $\frac{EH}{EA} = \frac{2,5}{4}$

$$\text{و منه نستنتج } HM = \frac{AB \times 2,5}{4} = \frac{15}{4} = 3,75\text{cm}$$

$ABC$  مثلث بحيث  $AB=4cm$  و  $BC=6cm$   
 المستقيم الموازي للمستقيم  $(BC)$  يقطع المستقيم  $(AB)$  في النقطة  $M$  والمستقيم  $(AC)$  في النقطة  $N$  بحيث المثلث  $BMN$  متقايس الساقين رأسه الأساسي  $M$   
 نضع  $MN=x$   
 عين قيمة  $x$  في كل حالة من الحالتين التاليتين  
 (أ)  $M$  تنتمي إلى القطعة المستقيمة  $[AB]$   
 (ب)  $A$  تنتمي إلى القطعة المستقيمة  $[BM]$

الحل



(أ) بما ان  $(MN)$  يوازي  $(BC)$  والنقط  $A, B, M, N$  والنقط  $C, N, A$  تقع على استقامة واحدة فإن حسب نظرية طاليس

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \dots\dots\dots(1)$$

من المساواة (1) نجد (2)  $\frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC}$

و بما ان  $MN = x$  فإن  $AM = AB - BM = 4 - x$

فإن المساواة (2) تكتب  $\frac{4-x}{4} = \frac{x}{6}$

ومنه نستنتج  $4x = 24 - 6x$  إذن  $10x = 24$

وبالتالي  $x = \frac{24}{10} = 2,4cm$

(ب) للثلثان  $ABC$  و  $AMN$  يمتلان حالة من حالات طاليس وبالتالي

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \dots\dots\dots(1)$$

$AM = x - 4$  و  $MB = MN = x$  و  $\frac{MN}{BC} = \frac{x}{6}$

إذن للمساواة (1)  $\frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC}$  تكتب  $\frac{x-4}{4} = \frac{x}{6} \dots\dots\dots(1)$

من المعادلة (1) نستنتج  $6(x-4) = 4x$  اي  $6x - 24 = 4x$  ومنه  $2x - 24 = 0$  إذن  $x = 12cm$

