

تعاريف و مسائل

1. في الشكل جيد

(EP) موازي (BC)

بيج أن :  $\frac{AP}{PB} = \frac{EP}{PC} = \frac{AE}{EC}$



2. لاحظ الشكل جيد

(EP) موازي (BC)

بيج أن :  $BC = 8$



3. لاحظ الشكل جيد

(EP) موازي (BC)

بيج أن :  $BC = 5$



4. لاحظ الشكل جيد

(AB) موازي (CD)

بيج أن :  $\frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AB}$



5. لاحظ الشكل



بيج أن :  $\frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AB}$

تعاريف

المثلث القائم الزاوية هو المثلث الذي له زاوية قائمة

2. في المثلث القائم الزاوية، طول وتره يساوي مجموع مربعي أطوال ضلعيه



3. في المثلث القائم الزاوية



4. في المثلث القائم الزاوية



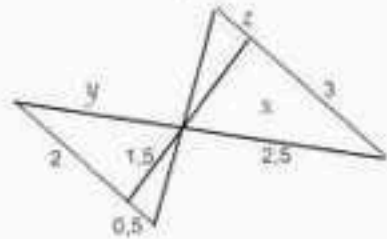
5. في المثلث القائم الزاوية



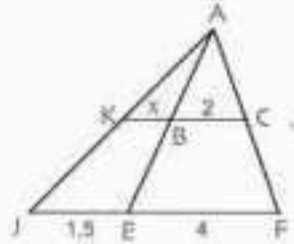
6. في المثلث القائم الزاوية



7 • نفس السؤال التمرين رقم 2.

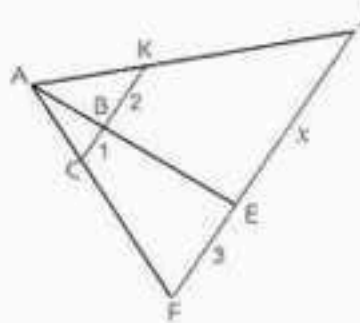


8 في الشكل القطع الملونة متوازية.

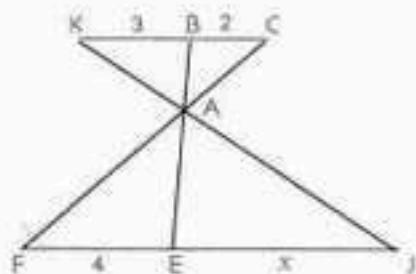


1. اكتب كل النسب المساوية للنسبة  $\frac{BC}{EF}$ .  
2. استنتج  $x$ .

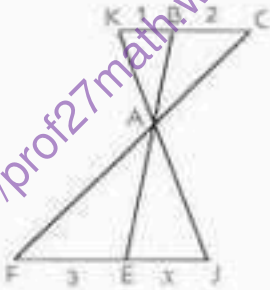
9 نفس السؤالين للتمرين 8.



10 نفس السؤالين للتمرين 8.

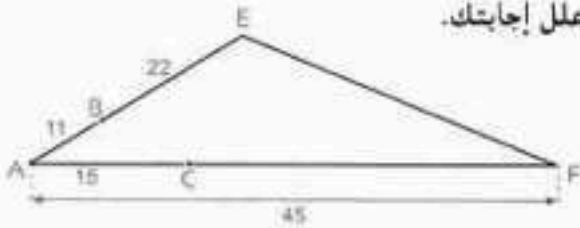


11 • نفس السؤالين للتمرين 8.



استعمال النظرية العكسية لنظرية لطالس

12 • هل المستقيمان (BC) و (EF) متوازيان؟  
علل إجابتك.

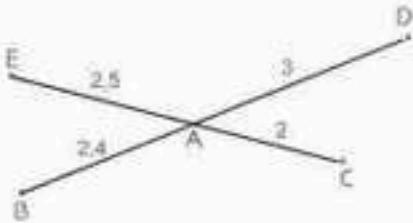


13 • نفس السؤال التمرين رقم 12.

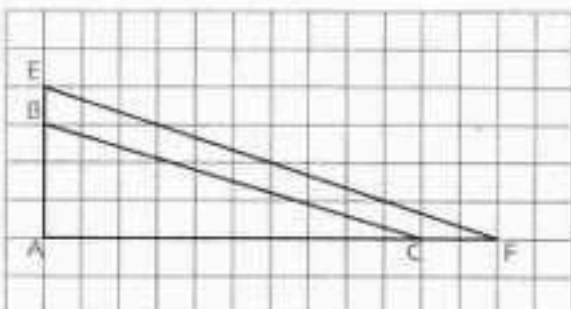
$AB = 3$  ;  $AE = 4,5$  ;  $AC = 3,9$  ;  $AF = 2,6$



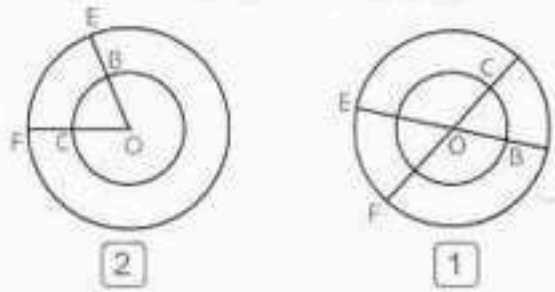
14 • هل المستقيمان (BC) و (ED) متوازيان؟  
علل إجابتك.



15 • هل المستقيمان (BC) و (EF) متوازيان؟



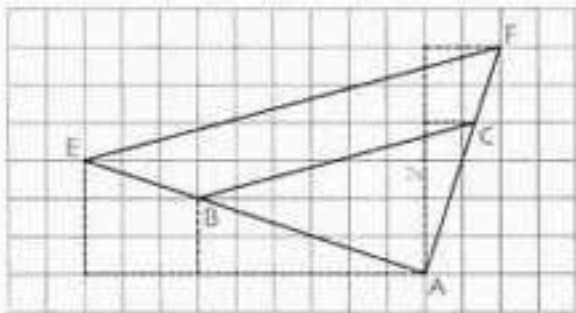
16 • في كل من الشكلين 1 و 2، الدائرتان لهما نفس المركز حيث  $OB = R$  و  $OE = R'$ . هل المستقيمان (BC) و (EF) متوازيان؟



17 • لاحظ الشكل.

1. احسب النسبتين  $\frac{AC}{AF}$  و  $\frac{AB}{AE}$ .

2. هل المستقيمان (BC) و (EF) متوازيان؟



نظرية طاليس و تقسيم قطعة

18 [AB] قطعة مستقيم حيث  $AB = 6$

1. أنشئ النقطة M من القطعة [AB]

بحيث  $\frac{NA}{NB} = \frac{7}{5}$

2. أنشئ النقطة N من المستقيم (AB) و خارج القطعة

[AB] بحيث  $\frac{NA}{NB} = \frac{7}{5}$

• تحقق بالحساب و بالقياس.

19 • نفس سؤال التمرين 18 مع  $AB = 7$

و النسبة تساوي  $\frac{2}{3}$ .

20 • إليك المستقيم (Δ) المدرج.



• ضع النقطتين C و D اللتان فاصلتاها على الترتيب  $\frac{2}{3}$  و  $-\frac{2}{3}$ .

مسائل

21 ABC مثلث. M منتصف [BC].

1 و 2 المسطغان العموديان للنقطتين B و C على الترتيب

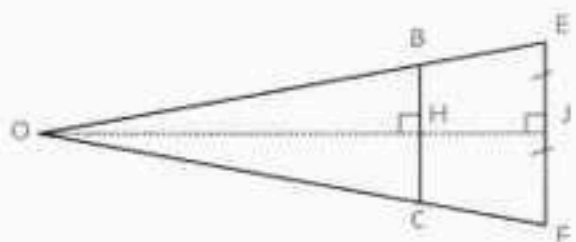
على المستقيم (AM).

1. برهن أن (BI) يوازي (C).

2. برهن أن  $BI = CI$ .

3. برهن أن الرباعي BICJ متوازي أضلاع.

22 لاحظ الشكل.

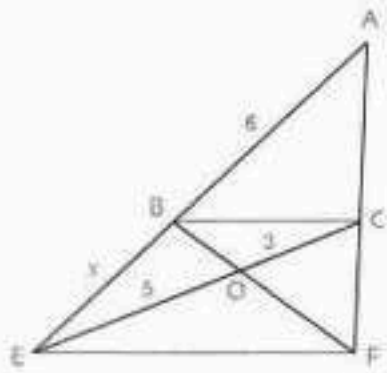


$OH = 5$  ;  $BC = 3$  ;  $EF = 8$  احسب O.

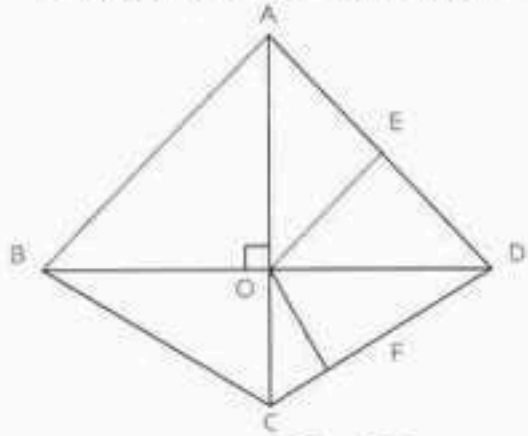
23 في الشكل التالي، القطع الملونة متوازية.

1. قارن النسبتين  $\frac{AB}{AE}$  و  $\frac{OC}{OE}$

2. استنتج الطول x.



24 في الشكل الموالي المستقيم (OE) يوازي (AB) و (OF) يوازي (BC) و (AC) عمودي على (BD).



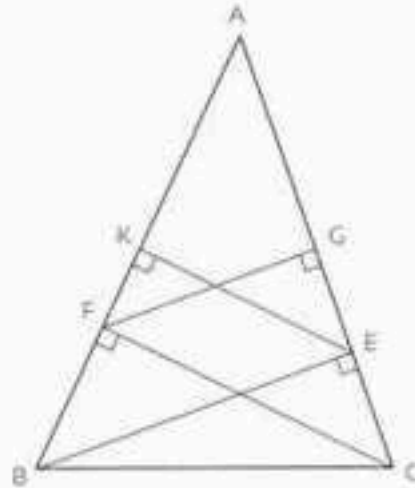
1. قارن النسبتين  $\frac{DE}{DA}$  و  $\frac{DF}{DC}$ .

2. استنتج أن (EF) عمودي على (BD).

25 مثلث ABC مثلث زواياه حادة.

(BE) و (FG) عموديان على (AC).

(CF) و (EK) عموديان على (AB).



• برهن أن  $AE \times AF = AB \times AG = AC \times AK$ .

26 ABCD معين طول ضلعه 6 cm . E نقطة من [AB] و F نقطة من [CD] بحيث  $\frac{AE}{AB} = \frac{1}{3}$  و  $\frac{CF}{CD} = \frac{1}{3}$ .

المستقيم (EF) يقطع (AD) في I و (BC) في J.

1. برهن أن  $EI = EF = FJ$ .

2. برهن أن المثلث DBI قائم في B.

27 لتكن ثلاث قطع مستقيمة أطوالها

$$c = 5,4 \text{ cm} ; b = 2,8 \text{ cm} ; a = 2,4 \text{ cm}$$

• أنشئ، دون إجراء حساب، قطعة مستقيم طولها x

$$\text{بحيث } ax = bc.$$

• تحقق بالحساب و بالقياس.

28 ABC مثلث.

• أنشئ مستقيماً يشعل C و يقطع الضلع [AB] بحيث

تبعد A و B عن هذا المستقيم بمسافتين نسبتها  $\frac{5}{3}$ .

29 تبلغ قامة رضا 170cm.

ينتظر حافلة في محطة عند عمود يدل على مكان موقف

الحافلات، على الساعة الواحدة زوالاً. (الشكل)

في هذه اللحظة، قدر طول

ظل رضا بـ 150cm و طول

ظل العمود بـ 180cm.

• فما هو طول العمود؟



30 ABC مثلث و G مركز ثقله حيث

B' منتصف [AC].

A' منتصف [BC].

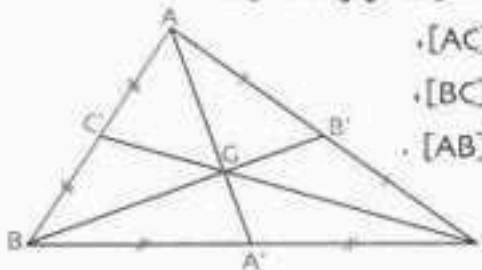
C' منتصف [AB].

(الشكل)

• برهن أن :

$$AA' = 3GA'$$

$$\text{و } BB' = 3GB' \text{ و } CC' = 3GC'$$



## 9 - خاصية طالس

1 الجمل الصحيحة هي  $2 : 3 : 5 : 6$ .

2 الوضعية 1 : يمكن تطبيق نظرية طالس :  $\frac{6}{8} = \frac{x}{10} = \frac{y}{y+3}$

وبالتالي :  $x = \frac{60}{8}$  أي  $x = 7,5$

ومن  $6(y+3) = 8y$

الوضعية 2 : بتطبيق نظرية طالس :

لدينا :  $\frac{15}{25} = \frac{14}{x} = \frac{30-y}{30}$  وبالتالي  $x = \frac{25 \times 14}{15}$  أي  $x = \frac{70}{3}$

وبالتالي  $y = 12$   $25(30-y) = 30 \times 15$

3 الوضعية 1 : حسب نظرية طالس

لدينا  $\frac{x}{3} = \frac{y}{2} = \frac{4}{2}$  وبالتالي :  $x = 6$  و  $y = 4$

الوضعية 2 : حسب نظرية طالس

وبالتالي :  $\frac{x}{4} = \frac{y}{5} = \frac{2}{3}$  و  $x = \frac{8}{3}$  و  $y = \frac{10}{3}$

4 الوضعية 1 : حسب نظرية طالس

لدينا  $\frac{x}{1} = \frac{x+2}{2} = \frac{y+3}{3}$

وبالتالي :  $2x = x+2$  إذن  $x = 2$

و  $6 = y+3$  إذن  $y = 3$

$$\frac{AC}{AE} = \frac{2}{3} = 0,8 \quad ; \quad \frac{BA}{AD} = \frac{2,4}{3} = 0,8 \quad \boxed{14}$$

إذن  $\frac{BA}{AD} = \frac{CA}{AE}$  ولدينا أيضا النقط  $A, B$  على استقامة واحدة.

النقط  $E, A, C$  على استقامة واحدة وبنفس ترتيب  $E, A, B$  إذن المستقيمان  $(BC)$  و  $(ED)$  متوازيان.

$$\frac{AB}{AE} = \frac{3}{4} = \frac{8}{12} \quad ; \quad \frac{AC}{AF} = \frac{10}{12} \quad \boxed{15}$$

إذن  $\frac{AC}{AF} \neq \frac{AB}{AE}$  وبالتالي  $(BC)$  لا يوازي  $(EF)$ .

$$\frac{OB}{OE} = \frac{OC}{OF} = \frac{R}{R} \quad \text{في كل من الشكلين لدينا} \quad \boxed{16}$$

لدينا أيضا النقط  $E, O, B$  على استقامة واحدة.

$F, O, C$  على استقامة واحدة وبنفس ترتيب النقط  $E, O, B$ .

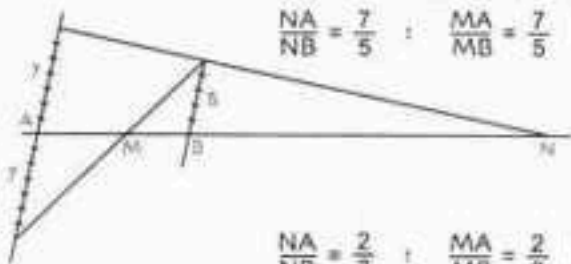
إذن المستقيمان  $(BC)$  و  $(EF)$  متوازيان.

$$\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} \quad \text{لدينا} \quad \frac{AC}{AF} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \quad ; \quad \frac{AB}{AE} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \quad \boxed{17}$$

ولدينا أيضا  $F, C, A$  على استقامة واحدة وبنفس الترتيب  $E, B, A$ .

حسب نظرية طاليس فإن  $(BC)$  يوازي  $(EF)$ .

$$\frac{NA}{NB} = \frac{7}{5} \quad ; \quad \frac{MA}{MB} = \frac{7}{5} \quad \boxed{18}$$



$$\frac{NA}{NB} = \frac{2}{3} \quad ; \quad \frac{MA}{MB} = \frac{2}{3} \quad \boxed{19}$$



$\boxed{20}$  النقطان  $M$  و  $N$  حقتان ما يلي :

$$\frac{AN}{AB} = \frac{AM}{AB} = \frac{2}{3} \quad \text{مع أن } N \text{ خارج } [AB].$$



$\boxed{21}$  الشكل :

1.  $(BI)$  و  $(CJ)$

عموديان على نفس المستقيم  $(AM)$

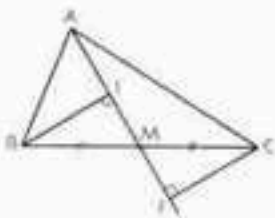
إذن  $(BI)$  يوازي  $(CJ)$ .

2. حسب نظرية طاليس فإن :

$$BI = CJ \quad \text{إذن} \quad \frac{MA}{MC} = \frac{BI}{CJ} = 1$$

3.  $[BI]$  و  $[CJ]$  هما قطرا الرباعي  $BICJ$ . للقطرين  $[BI]$  و  $[CJ]$  نفس

المتوسط  $M$  إذن الرباعي  $BICJ$  متوازي أضلاع.



الوضعية 2 : حسب نظرية طاليس لدينا :

$$2(x+4) = 4 \times 3 \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{x+4}{4} = \frac{y+3}{3} = \frac{3}{2}$$

$$\text{أي } x = 2 \quad \text{و} \quad 2(y+3) = 3 \times 3 \quad \text{أي } y = 1,5$$

$\boxed{5}$  الوضعية 1 : حسب نظرية طاليس

$$\text{لدينا} \quad \frac{x}{8} = \frac{2}{y} = \frac{2}{6} \quad \text{وبالتالي} \quad x = \frac{8}{3} \quad \text{و} \quad y = 6$$

الوضعية 2 : حسب نظرية طاليس لدينا :

$$\frac{x}{y} = \frac{x}{4} = \frac{2}{5} \quad \text{نجد} \quad x = \frac{8}{5} \quad \text{أي} \quad x = 1,6 \quad \text{و} \quad y = 4$$

$$\text{حسب نظرية طاليس لدينا} \quad \frac{x}{4} = \frac{z}{3} = \frac{z}{6} = \frac{y}{6}$$

$$\text{وبالتالي} \quad x = \frac{8}{3} \quad ; \quad y = 4 \quad ; \quad z = 4$$

$$\text{حسب نظرية طاليس لدينا} \quad \frac{x}{1,5} = \frac{z}{0,5} = \frac{2,5}{y} = \frac{3}{2}$$

$$\text{وبالتالي} \quad x = 2,25 \quad ; \quad y = \frac{5}{3} \quad ; \quad z = 0,75$$

1. حسب نظرية طاليس لدينا :

$$\frac{BC}{EF} = \frac{AB}{AE} = \frac{KB}{JE} = \frac{AK}{AJ} = \frac{AC}{AF} = \frac{KC}{JF}$$

$$x = 0,75 \quad \text{أي} \quad \frac{x}{1,5} = \frac{2}{4} \quad \cdot 2$$

$$\text{1. حسب نظرية طاليس لدينا} \quad \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{AF} = \frac{AB}{AE} = \frac{BK}{EJ} = \frac{AK}{AJ}$$

$$x = 6 \quad \text{أي} \quad \frac{2}{x} = \frac{1}{3} \quad \cdot 2$$

1. حسب نظرية طاليس لدينا :

$$\frac{BC}{EF} = \frac{CA}{AF} = \frac{BA}{AE} = \frac{KA}{AJ} = \frac{BK}{EJ} = \frac{KC}{FJ}$$

$$x = 6 \quad \text{أي} \quad \frac{3}{x} = \frac{2}{4} \quad \cdot 2$$

1. حسب نظرية طاليس لدينا :

$$\frac{BC}{EF} = \frac{CA}{AF} = \frac{BA}{AE} = \frac{BK}{EJ} = \frac{KA}{AJ} = \frac{KC}{FJ}$$

$$x = 1,5 \quad \text{أي} \quad \frac{1}{x} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} \quad \text{إذن} \quad \frac{AC}{AF} = \frac{15}{45} = \frac{1}{3} \quad \text{و} \quad \frac{AB}{AE} = \frac{11}{33} = \frac{1}{3} \quad \boxed{12}$$

لدينا أيضا النقط  $F, C, A$  على استقامة واحدة وبنفس ترتيب  $E, B, A$ .

إذن حسب النظرية العكسية لنظرية طاليس فإن المستقيمان  $(BC)$

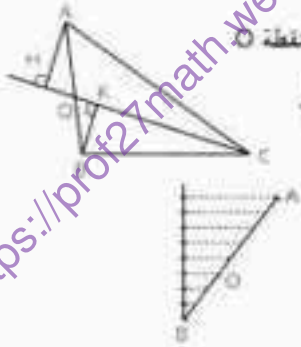
و  $(EF)$  متوازيين.

$$\frac{AC}{AE} = \frac{3,9}{4,5} \quad ; \quad \frac{AB}{AF} = \frac{3}{26} \quad \boxed{13}$$

$$2,6 \times 3,9 = 10,14 \quad ; \quad 3 \times 4,5 = 13,5$$

إذن  $\frac{AB}{AF} \neq \frac{AC}{AE}$  وبالتالي فإن  $(BC)$  لا يوازي  $(EF)$ .

# حلول التمارين و المسائل



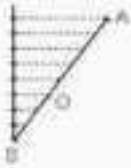
28 - يكتفى بإنشاء النقطة O بحيث  $\frac{AH}{BK} = \frac{OA}{OB}$

من القطعة [AB] بحيث  $\frac{OA}{OB} = \frac{5}{3}$

يكتفى تقسيم [AB] إلى 8 قطع

متقاسة ثم تعيين النقطة O

و رسم المستقيم (CO).

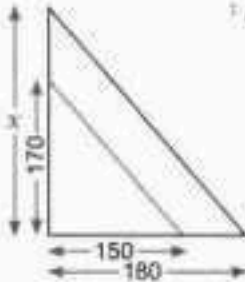


29 - نقل الوضعية بالشكل التالي :

يوجد مثلثان في وضعية تناسب.

$$\frac{x}{170} = \frac{180}{150}$$

إذن  $x = 204\text{cm}$



30 - نرسم المستقيم (A'B') وهو مستقيم متصلي الضلعين

[AC] و [BC]

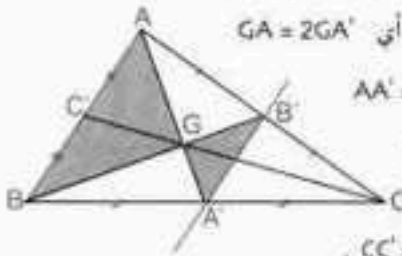
إذن  $(A'B') \parallel (AB)$

يتطبيق نظرية طالس في المثلين AGB و A'GB'

نجد: أي  $\frac{GA'}{GA} = \frac{A'B'}{AB} = \frac{1}{2}$

إذن  $AA' = GA + GA'$

$$= 2GA' + GA' = 3GA'$$



بنفس الطريقة، نبرهن أن

$$BB' = 3GB' \text{ و } CC' = 3GC'$$

22 (BI) و (CJ) متوازيان.

(BC) يوازي (EF). حسب نظرية طالس فإن  $\frac{BH}{EJ} = \frac{OH}{OJ}$

$$\frac{3}{8} = \frac{5}{OJ} \text{ إذن } OJ = \frac{40}{3} \text{ أي } OJ \approx 13.3 \text{ بتقريب } \frac{1}{10}$$

23 حسب نظرية طالس فإن :  $\frac{AB}{AE} = \frac{BC}{EF} = \frac{OC}{OE}$

$$\frac{6}{x+6} = \frac{3}{5} \text{ و } 3(x+6) = 30 \text{ وبالتالي } x = 4$$

24  $\frac{DE}{DA} = \frac{DF}{DC}$  و بالتالي  $\frac{DO}{DB} = \frac{DF}{DC}$  و  $\frac{DE}{DA} = \frac{DO}{DB}$

A, E, D على إستقامة واحدة. و C, F, D على إستقامة واحدة و بنفس

ترتيب A, E, D.

حسب النظرية العكسية لنظرية طالس فإن (EF) يوازي (AC).

(AC) عمودي على (BD) و (AC) يوازي (EF)

إذن (EF) عمودي على (BD).

25 (FG) يوازي (BE) و (EK) يوازي (CF)

حسب نظرية طالس فإن :  $\frac{AE}{AG} = \frac{AB}{AF}$  ①

$$\frac{AE}{AC} = \frac{AK}{AF}$$
 ②

من ① نستنتج :  $AE \times AF = AG \times AB$

من ② نستنتج :  $AE \times AF = AC \times AK$

$$\text{إذن } AE \times AF = AG \times AB = AC \times AK$$

26 الشكل.

1 - حسب نظرية طالس فإن :

$$\frac{EJ}{IE} = \frac{1}{2} \text{ و } \frac{EI}{IF} = \frac{1}{2}$$

و F منتصف [JE] أي  $IE = EF = FJ$

$$\frac{IA}{ID} = \frac{IE}{IF} = \frac{1}{2} \text{ إذن A منتصف [ID].}$$

طول المتوسط [BA] في المثلث DBI هو 6

أي طول [AD] أي نصف طول الضلع [ID]

و بالتالي المثلث DBI قائم في B.



27 (ST) يوازي (PQ).

$$\frac{x}{b} = \frac{c}{a}$$

$$\frac{x}{2.8} = \frac{5.4}{2.4}$$

نقرأ :  $x = 6.4$

