

تمارين الحساب الحرفي – المتطابقات الشهيرة

تمرين 01:

(أ) أحسب ذهنيا المجاميع الجبرية التالية:

1) $A = 6 - 15 + 7 - 3 + 5$

2) $B = 14 - 9 + 27 - 11$

3) $C = 2005 + 2006 + 1995 + 1994$

(ب) أحسب ذهنيا الجداءات التالية :

1) $D = (-6) \times 5 \times (-4) \times 3 \times (-2)$

2) $E = (-0,5) \times (-6) \times (-5) \times (-0,1)$

3) $F = (-0,4) \times (-16) \times 25 \times (-0,5)$

تمرين 02:

احسب ما يلي:

a) $4,31 \times 525 + 4,31 \times 775$

b) $0,24 \times 11 + 9,76 \times 11 - 10 \times 8,32$

c) $24,3 \times 18,5 - 14 \times 18,5 + 18,5 \times 19,7$

تمرين 03:

(1) احسب ذهنيا:

a) $G = 19,36 \times 96 + 19,36 \times 4$

b) $D = 4,732 \times 12,7 - 4,732 \times 13,7$

(2) ما هي الخاصية المستعملة في هذه الحسابات ؟

تمرين 04:

(1) عين قيمة a حتى يكون المجموع الجبري: $(a - 3,5 + 5,4 - 16,1)$ معطو

(2) الجداء ab يساوي (-3) أحسب:

1) $K = (-5a) \times (-3b)$

2) $L = (-0,5a) \times (+2b) \times (-3)$

3) $M = (-3,4a^2) \times (-5b^2)$

تمرين 05:

انشر وبسط العبارات التالية:

a) $(3x-1)^2$; $(-2x+0,5)^2$

b) $\left(\frac{4}{5}-2x\right)\left(\frac{4}{5}+2x\right)$; $\left(2x-\frac{1}{3}\right)\left(2x+\frac{1}{3}\right)$

c) $\left(\frac{2}{3x}+\frac{3}{5}\right)^2$ $x \neq 0$

تمرين 06:

اكتب دون رمز الجذر في المقام كلا مما يلي:

$$A = \frac{1}{\sqrt{3}} ; B = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{7}} ; C = \frac{2}{\sqrt{11}} - \frac{5}{\sqrt{8}} ; D = \frac{2}{\sqrt{2+5}}$$

$$E = \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{5}} ; F = \frac{\sqrt{7}+1}{3-\sqrt{2}} ; G = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}+2} - \frac{1}{\sqrt{5}-\sqrt{6}}$$

تمرين 07:

(1) لاحظ أن : $101 = 100 + 1$ ، $99 = 100 - 1$

(2) استعمل المتطابقات الشهيرة لحساب : 99^2 ; 101^2 ; 99×101

تمرين 08:اكتب على الشكل $(a+b\sqrt{c})$ ، حيث : a, b, c أعدادا مع c أصغر عدد موجب ممكن ، كلا مما يلي :

$$A = 3\sqrt{2} + 2\sqrt{4} - 2\sqrt{2} ; B = (\sqrt{3}+5)(\sqrt{3}-5)$$

$$C = (\sqrt{7}-11)(\sqrt{7}+11) ; D = (\sqrt{2}+5)^2$$

$$E = (2\sqrt{7}-5)(2\sqrt{7}+5) ; F = (\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-7)$$

$$G = (\sqrt{2}+\sqrt{3})(\sqrt{8}+4\sqrt{2}) ; H = (\sqrt{2}-\sqrt{3})^2$$

تمرين 09:

(1) a, b, c أعداد صحيحة، مع c أصغر عدد صحيح موجب.
اكتب العدد A على الشكل $a + b\sqrt{c}$ حيث: $A = (\sqrt{2} + \sqrt{5})^2$

(2) انشر، ثم بسط العبارة التالية:

$$B = (5\sqrt{2} - 4)^2 - (2\sqrt{2} - 3)(3\sqrt{2} + 5)$$

تمرين 10:

ليكن: $a = \sqrt{3}(1 + \sqrt{6})$; $b = 3 - \sqrt{6}$

(1) دون استعمال الآلة الحاسبة احسب: a^2 , b^2 , $a^2 + b^2$.

(2) ما هو طول وتر مثلث قائم حيث ضلعيه القائمين طوليهما a, b ؟

تمرين 11:

(1) نعتبر العبارة الجبرية A حيث: $A = (x - 3)^2 - (x - 1)(x - 2)$

(أ) انشر وبسط العبارة A

(ب) دون استعمال الآلة الحاسبة استنتج قيمة B حيث:

$$B = 99997^2 - 99999 \times 99998$$

(2) (أ) انشر العبارة H حيث: $H = (7x - 3)^2 - 9$

(ب) احسب قيمة H من أجل: $x = \frac{1}{7}$

تمرين 12:

لتكن العبارة E حيث: $E = (x - 2)^2 + x^2 + (x + 2)^2$

(أ) انشر وبسط العبارة E

(ب) عين ثلاثة أعداد طبيعية: $(x - 2)$, x , $(x + 2)$ بحيث يكون مجموع مربعاتها 4808.

تمرين 13:

(أ) احسب بتمعن العبارة G حيث:

$$G = 42,318 \times 3,9 - 42,318 \times 4,9 + 42,318 \times 2$$

(ب) نعتبر العدد الطبيعي a حيث: $a = 331 \times 329 + 1$

دون حساب a بين أنه مربع لعدد طبيعي.

(ج) لتكن العبارة K حيث: $K = 4x^2 - 28x + 49 - 5(2x - 7)$

(1) تحقق أن: $L = 4x^2 - 28x + 49$ هو نشر لمربع.

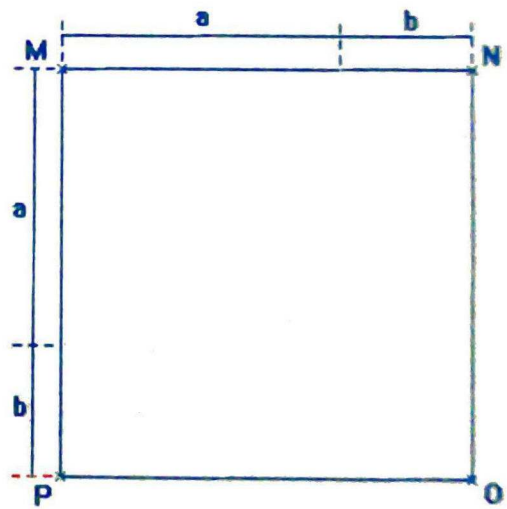
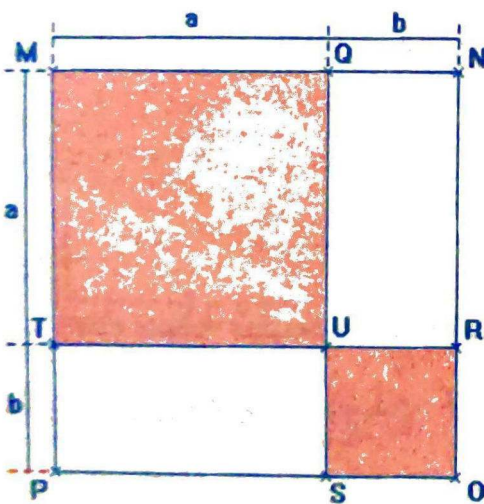
(2) حل K

تمرين 14:

a, b عدنان موجبان

لاحظ جيدا المربع الآتي، ما هو طول ضلعه، وما هي مساحته؟

نقطع نفس المربع إلى عدة أجزاء (كما في الشكل)



أكمل ما يلي :

مساحة المربع $QMTU$ هي:

مساحة المربع $ROSU$ هي:

مساحة المستطيل $NRQU$ هي:

مساحة المستطيل $USPT$ هي:

أكمل ما يلي:

طول ضلع المربع $MNOP$ هو:

مساحة المربع $MNOP$ هي:

اعتمادا على الشكلين السابقين ما هي العلاقة الجبرية التي يمكن استخلاصها؟

تمرين 15:

(1) نرسم n : لعدد طبيعي ، العدد الذي يليه نرسم له بالكتابة $(n+1)$ ،

نقول أن: n ، $(n+1)$ عدنان طبيعيان متتاليان (متعاقبان) .

(2) اعط كتابة مبسطة للفرق $[(n+1)^2 - n^2]$.

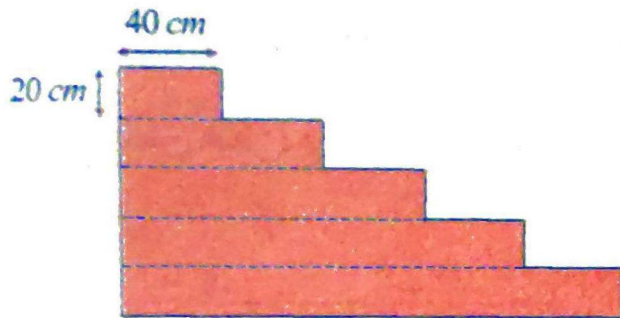
(3) طبق النتيجة السابقة لحساب:

$$(2007^2 - 2006^2) , (456^2 - 455^2) , (125^2 - 124^2) , (30^2 - 29^2)$$

(4) علما أن مربع 70 هو 4900 ، بين كيف يمكن حساب 71^2 ؟

علما أن: مربع 50 هو 2500 ، بين كيف يمكن حساب 49^2 ؟

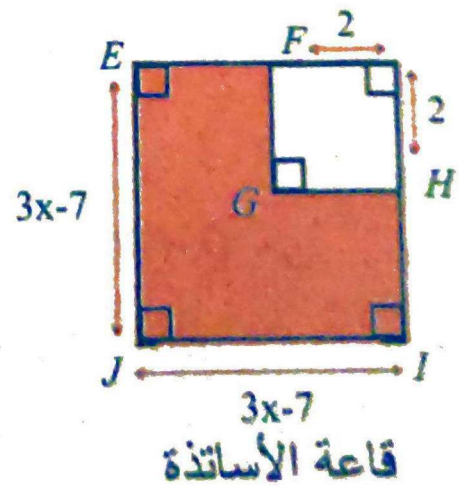
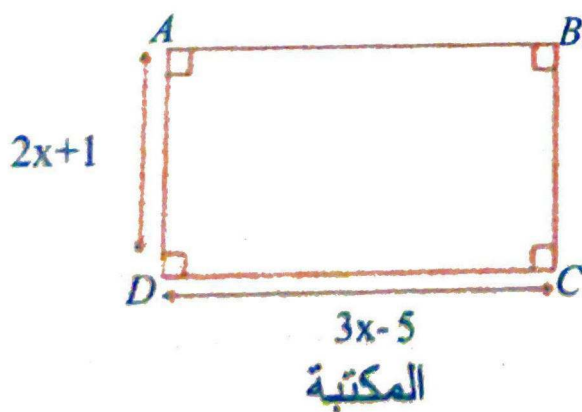
تمرين 16:



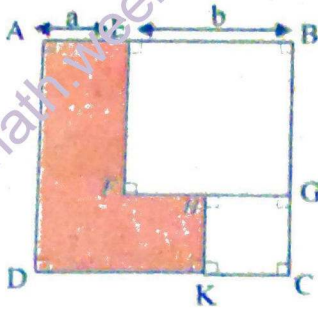
سلم به 5 درجات ، حيث ارتفاع كل درجة منها 20 cm وعرض كل درجة منها 40 cm كما هو موضح في الشكل المقابل .
المطلوب حساب المساحة الواضحة في الشكل .

تمرين 17:

أراد مدير متوسطة تبليط قاعة الأساتذة والممثلة بالمستطيل $ABCD$ والمكتبة التي يمثلها المضلع $EFGHIJ$. (الشكلين أدناه)



- (1) أحسب بدلالة x مساحة كل من قاعة الأساتذة والمكتبة.
- (2) ما هي قيم x التي يكون من أجلها للقاعة والمكتبة نفس المساحة؟



تمرين 18:

$ABCD$ قطعة خشبية مربعة الشكل، اقتطعنا منها المربعين $EBGF$ ، $HGCK$ (كما هو موضح في الشكل المقابل)

نضع $EB = b$ ، $AE = a$

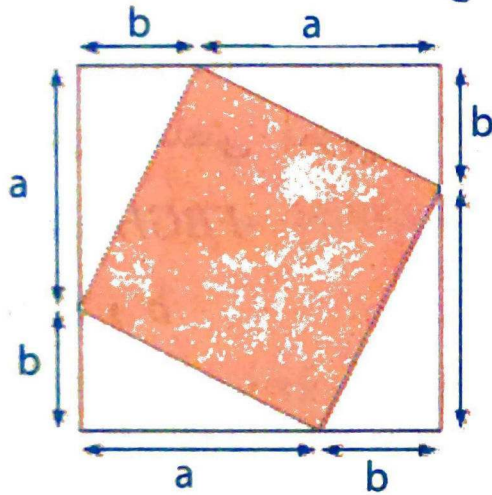
(1) احسب المساحة S المتبقية (الملونة) بدلالة b, a

(2) احسب S من أجل: $a = 5$ ، $b = 10$

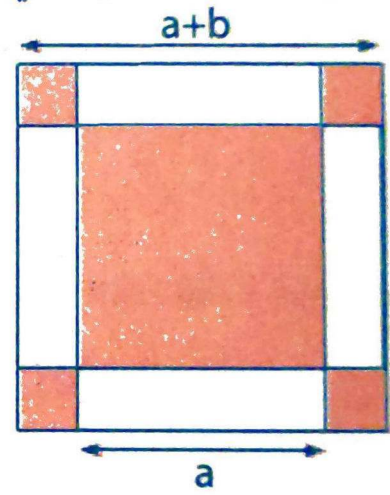
تمرين 19:

لاحظ الشكلين أدناه جيدا.

احسب المساحة الملونة في كل حالة. ما ذا تستنتج؟



الشكل (2)



الشكل (1)

تمرين 20:

(1) حلل العبارات التالية:

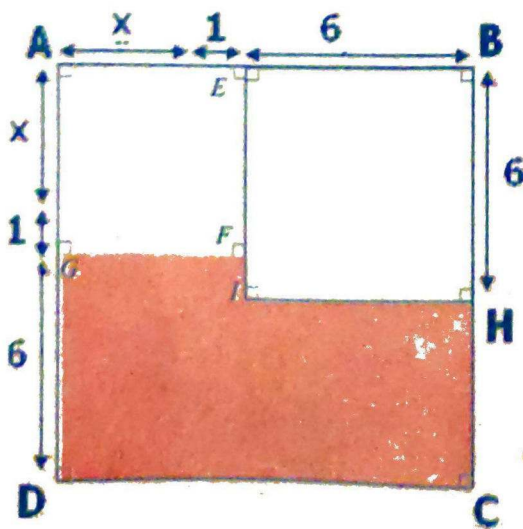
$$A = (x+7)^2 - 36 \quad , \quad B = 4x^2 + 8x + 6$$

$$C = (x+13) + (x+1) - 4(x+1)^2$$

(ب) عبر عن C بدلالة A و B .

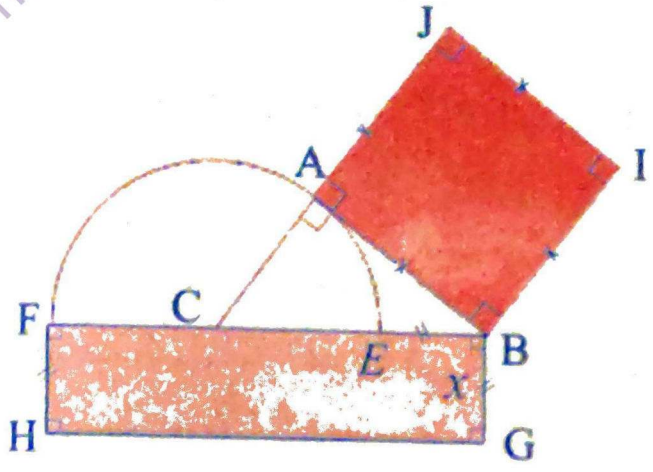
(2) يملك شخص قطعة أرض مربعة الشكل $ABCD$.

بني عليها المرآب $EBHI$ لوضع سيارته (الشكل المقابل).



- (أ) احسب المساحة S المتبقية (الملونة) بدلالة x
- (ب) ومن أجل ممارسة نشاط تجاري بنى المحل WFG
- (ج) استنتج أنه من أجل $x = 3$ فإن:
مساحة المحل التجاري هي ربع المساحة S .

تمرين 21:



في الشكل المقابل: ABC مثلث قائم في A
ولنرسم المربع $ABIJ$ والمستطيل $FBGH$ بحيث:

$$BC = a , AC = b$$

عبر عن مساحتي المربع $ABIJ$ والمستطيل $FBGH$ بدلالة: a و b

حلول تمرين الحساب الحرفي - المتطابقات الشهيرة

تمرين 01:

(أ) حساب المجاميع الجبرية:

$$1) A = 6 - 15 + 7 - 3 + 5 = (6 + 7 + 5) - (15 + 3) \\ = 18 - 18 = 0$$

$$2) B = 14 - 9 + 27 - 11 = (14 + 27) - (9 + 11) \\ = 41 - 20 = 21$$

$$3) C = 2005 + 2006 + 1995 + 1994 \\ = (2005 + 1995) + (2006 + 1994) \\ = 4000 + 4000 = 8000$$

(ب) حساب الجداءات:

$$a) D = (-6) \times 5 \times (-4) \times 3 \times (-2) = (-6) \times (-20) \times (-6) \\ = (-6) \times (-6) \times (-20) \\ = 36 \times (-20) = -720$$

$$b) E = (-0,5) \times (-6) \times (-5) \times (-0,1) = 3 \times 0,5 = 1,5$$

$$c) F = (-0,4) \times (-16) \times 25 \times (-0,5) = (16 \times 0,5) \times (-0,4) \times 25 \\ = 8 \times (-10) = -80$$

تمرين 02:

لنحسب:

$$\begin{aligned}
 a) \quad & 4,31 \times 525 + 4,31 \times 775 = 4,31 \times (525 + 775) \\
 & = 4,31 \times 1300 \\
 & = 431 \times 13 \\
 & = 5603
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 b) \quad & 0,24 \times 11 + 9,76 \times 11 - 10 \times 8,32 = 11 \times (0,24 + 9,76) - 10 \times 8,32 \\
 & = 11 \times 10 - 8,32 \times 10 \\
 & = 10 \times (11 - 8,32) \\
 & = 10 \times 2,68 \\
 & = 26,8
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 c) \quad & 24,3 \times 18,5 - 14 \times 18,5 + 18,5 \times 19,7 = 18,5 \times (24,3 + 19,7 - 14) \\
 & = 18,5 \times (44 - 14) \\
 & = 18,5 \times 30 = 555
 \end{aligned}$$

تمرين 03:(1) حساب العبارتين D, G :

$$\begin{aligned}
 a) \quad G & = 19,63 \times 96 + 19,63 \times 4 = 19,63 \times (96 + 4) \\
 & = 19,63 \times 100 = 1963
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 b) \quad D & = 4,732 \times 12,7 - 4,732 \times 13,7 = 4,732 \times (12,7 - 13,7) \\
 & = 4,732 \times (-1) = -4,732
 \end{aligned}$$

(2) الخاصية المستعملة في هذه الحسابات هي التحليل باستخراج العامل المشترك.

تمرين 04:(1) تعيين قيمة a حتى يكون المجموع الجبري: $(a - 3,5 + 5,4 - 16,1)$ معدوماً:

$$a - 3,5 + 5,4 - 16,1 = 0$$

$$a - (3,5 + 16,1) + 5,4 = 0$$

$$a - 19,6 + 5,4 = 0$$

$$a - 14,2 = 0$$

$$a = 14,2$$

(2) الجداء ab يساوي (-3) لنحسب:

$$a) K = (-5a) \times (-3b) = (-5) \times (-3) \times (ab) \\ = 15 \times ab = 15 \times (-3) = -45$$

$$b) L = (-0,5a) \times (2b) \times (-3) = (0,5 \times 2 \times 3) \times (ab) \\ = 3 \times (-3) = -9$$

$$c) M = (-3,4a^2) \times (-5b^2) = (3,4 \times 5) \times (ab)^2 \\ = 17 \times 9 = 153$$

تمرين 05:

نشر وتبسيط العبارات:

$$a) (3x - 1)^2 = (3x)^2 - 2 \times (3x) \times 1 + 1^2 \\ = 9x^2 - 6x + 1$$

$$(-2x + 0,5)^2 = (-2x)^2 + 2 \times (-2x \times 0,5) + (0,5)^2 \\ = 4x^2 - 2x + 0,25$$

$$b) \left(\frac{4}{5} - 2x\right) \left(\frac{4}{5} + 2x\right) = \left(\frac{4}{5}\right)^2 - (2x)^2 = \frac{16}{25} - 4x^2$$

$$\left(2x - \frac{1}{3}\right) \left(2x + \frac{1}{3}\right) = (2x)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = 4x^2 - \frac{1}{9}$$

$$c) \left(\frac{2}{3x} + \frac{3}{5}\right)^2 = \left(\frac{2}{3x}\right)^2 + 2 \times \left(\frac{2}{3x}\right) \times \left(\frac{3}{5}\right) + \left(\frac{3}{5}\right)^2 ; x \neq 0 \\ = \frac{4}{9x^2} + \frac{4}{5x} + \frac{9}{25} ; x \neq 0$$

تمرين 06:

كتابة الأعداد دون رمز الجذر في المقام:

$$A = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{(\sqrt{3})^2} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$B = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{7}}{(\sqrt{7})^2} = \frac{\sqrt{14}}{7}$$

$$C = \frac{2}{\sqrt{11}} - \frac{5}{\sqrt{8}} = \frac{2\sqrt{11}}{11} - \frac{5\sqrt{8}}{8} = \frac{2\sqrt{11}}{11} - \frac{5\sqrt{2}}{4} = \frac{8\sqrt{11} - 55\sqrt{2}}{44}$$

$$D = \frac{2}{\sqrt{2} + 5} = \frac{2 \times (\sqrt{2} - 5)}{(\sqrt{2} + 5)(\sqrt{2} - 5)} = \frac{-10 + 2\sqrt{2}}{(\sqrt{2})^2 - 5^2} = \frac{-10 + 2\sqrt{2}}{-23}$$

$$E = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5}}{(\sqrt{3} + \sqrt{5})(\sqrt{3} - \sqrt{5})} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{5}}{3 - 5} = -\frac{\sqrt{3} + \sqrt{5}}{2}$$

$$F = \frac{\sqrt{7} + 1}{3 - \sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{7} + 1)(3 + \sqrt{2})}{(3 - \sqrt{2})(3 + \sqrt{2})} = \frac{(\sqrt{7} + 1)(3 + \sqrt{2})}{9 - 2} = \frac{(\sqrt{7} + 1)(3 + \sqrt{2})}{7}$$

$$G = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3} + 2} - \frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{5}(\sqrt{3} - 2)}{3 - 4} - \frac{\sqrt{5} + \sqrt{6}}{5 - 6}$$

$$\begin{aligned} G &= -\sqrt{5}(\sqrt{3} - 2) + \sqrt{5} + \sqrt{6} \\ &= -\sqrt{15} + 2\sqrt{5} + \sqrt{5} + \sqrt{6} \\ &= 3\sqrt{5} + \sqrt{6} - \sqrt{15} \end{aligned}$$

تمرين 07 :

علمنا أن: $101 = 100 + 1$ ، $99 = 100 - 1$

باستعمال المتطابقات الشهيرة نحسب: 99×101 ; 101^2 ; 99^2

$$\begin{aligned} 1) \quad 99^2 &= (100 - 1)^2 = 100^2 - 2 \times 100 + 1 \\ &= 10000 - 200 + 1 \\ &= 9801 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad 101^2 &= (100 + 1)^2 = 100^2 + 2 \times 100 + 1 \\ &= 10201 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3) \quad 99 \times 101 &= (100 - 1)(100 + 1) \\ &= 100^2 - 1^2 \\ &= 9999 \end{aligned}$$

تمرين 08:

كتابة الأعداد على الشكل $(a + b\sqrt{c})$:

$$A = 3\sqrt{2} + 2\sqrt{4} - 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2} + 4 - 2\sqrt{2} = 4 + \sqrt{2}$$

$$B = (\sqrt{3} + 5)(\sqrt{3} - 5) = (\sqrt{3})^2 - 5^2 = 3 - 25 = -22$$

$$C = (\sqrt{7} - \sqrt{11})(\sqrt{7} + \sqrt{11}) = (\sqrt{7})^2 - (\sqrt{11})^2 = 7 - 11 = -4$$

$$D = (\sqrt{2} + 5)^2 = 2 + 10\sqrt{2} + 25 = 27 + 10\sqrt{2}$$

$$E = (2\sqrt{7} - 5)(2\sqrt{7} + 5) = (2\sqrt{7})^2 - 25 = 28 - 25 = 3$$

$$F = (\sqrt{5} + 2)(\sqrt{5} - 7) = 5 + (2 - 7)\sqrt{5} - 14 = -9 - 5\sqrt{5}$$

$$G = (\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{8} + 4\sqrt{2}) = 4 + 8 + \sqrt{24} + 4\sqrt{6} = 12 + 6\sqrt{6}$$

$$H = (\sqrt{2} - \sqrt{3})^2 = 2 - 2\sqrt{6} + 3 = 5 - 2\sqrt{6}$$

تمرين 09:

(1) كتابة العدد A على الشكل $a + b\sqrt{c}$:

$$A = (\sqrt{2} + \sqrt{5})^2 = 2 + 2\sqrt{10} + 5 = 7 + 2\sqrt{10}$$

(2) نشر وتبسيط العبارة B:

$$B = (5\sqrt{2} - 4)^2 - (2\sqrt{2} - 3)(3\sqrt{2} + 5)$$

$$= (5\sqrt{2})^2 - 40\sqrt{2} + 16 - (12 + 10\sqrt{2} - 9\sqrt{2} - 15)$$

$$= 50 - 40\sqrt{2} + 16 - 12 - \sqrt{2} + 15$$

$$= 69 - 41\sqrt{2}$$

تمرين 10:

$$b = 3 - \sqrt{6} , a = \sqrt{3}(1 + \sqrt{6})$$

(1) حساب: $a^2 + b^2$, b^2 , a^2

$$a^2 = 3(1 + \sqrt{6})^2 = 3(1 + 2\sqrt{6} + 6) = 21 + 6\sqrt{6}$$

$$b^2 = (3 - \sqrt{6})^2 = 9 - 6\sqrt{6} + 6 = 15 - 6\sqrt{6}$$

$$a^2 + b^2 = 21 + 6\sqrt{6} + 15 - 6\sqrt{6} = 36$$

(2) ليكن x طول وتر المثلث القائم.

$$x^2 = a^2 + b^2 = 36$$

ومنه: $x = \sqrt{36} = 6$ (لأن x طول).

تمرين 11:

(1) نشر وتبسيط العبارة الجبرية A :

$$A = (x - 3)^2 - (x - 1)(x - 2)$$

$$= x^2 - 6x + 9 - (x^2 - 3x + 2) = -3x + 7$$

(ب) دون استعمال الآلة الحاسبة استنتاج قيمة B :

$$B = 99997^2 - 99999 \times 99998$$

حسب السؤال (ا) وجدنا: $A = -3x + 7$ ، نضع $x = 100000$ فيكون:

$$x - 3 = 99997 ; x - 2 = 99998 ; x - 1 = 99999$$

$$B = (100000 - 3)^2 - (100000 - 1)(100000 - 2)$$

$$= -3 \times 100000 + 7 = -299993$$

(2) نشر العبارة H :

$$H = (7x - 3)^2 - 9$$

$$= 49x^2 - 42x + 9 - 9 = 49x^2 - 42x$$

(ب) حساب قيمة H من أجل: $x = \frac{1}{7}$

$$H = 49 \times \left(\frac{1}{7}\right)^2 - 42 \times \frac{1}{7} = 1 - 6 = -5$$

تمرين 12:

(أ) نشر وتبسيط العبارة E:

$$\begin{aligned} E &= (x-2)^2 + x^2 + (x+2)^2 \\ &= x^2 - 4x + 4 + x^2 + x^2 + 4x + 4 \\ &= 3x^2 + 8 \end{aligned}$$

(ب) تعيين ثلاثة أعداد طبيعية: $(x-2)$, x , $(x+2)$. بحيث يكون مجموع مربعاتها 4808:

$$\text{لدينا: } (x-2)^2 + x^2 + (x-2)^2 = 4808$$

$$\text{بنشر E وجدنا: } E = (x-2)^2 + x^2 + (x-2)^2 = 3x^2 + 8$$

$$\text{ومنه: } 3x^2 + 8 = 4808$$

$$\text{إذن: } 3x^2 = 4800$$

$$\text{ومنه: } x^2 = 1600 \text{ ومنه: } x = 40 \text{ أو } x = -40$$

لكن x عدد طبيعي ، إذن $x = 40$ فالأعداد المطلوبة هي: 38 , 40 , 42

تمرين 13:

(أ) حساب العبارة G:

$$\begin{aligned} G &= 42,318 \times 3,9 - 42,318 \times 4,9 + 42,318 \times 2 \\ &= 42,318 \times (3,9 - 4,9 + 2) \\ &= 42,318 \times 1 = 42,318 \end{aligned}$$

(ب) نضع: $a = x^2$ حيث x عدد طبيعي.

$$\text{فيكون: } x^2 = 331 \times 329 + 1$$

$$\text{ومنه: } x^2 - 1 = 331 \times 329$$

$$\text{ومنه: } (x+1) \times (x-1) = 331 \times 329$$

$$\text{ومنه: } x+1 = 331 , x-1 = 329 \text{ (لأن: } x+1 > x-1 \text{)}$$

$$\text{فنجد في الحالتين: } x = 330$$

وبالتالي: $a = 330^2$ (وهو مربع للعدد 330).

للتحقيق:

$$a = 331 \times 329 + 1 = 331 \times (331 - 2) + 1$$
$$= 331^2 - 2 \times 331 \times 1 + 1^2 = (331 - 1)^2 = 330^2$$

ج- 1) لدينا: $L = 4x^2 - 28x + 49$

$$L = 4x^2 - 28x + 49$$

ومنه: $= (2x)^2 - 2 \times (2x) \times 7 + 7^2$

$$= (2x - 7)^2$$

(2) تحليل K:

$$K = 4x^2 - 28x + 49 - 5(2x - 7)$$

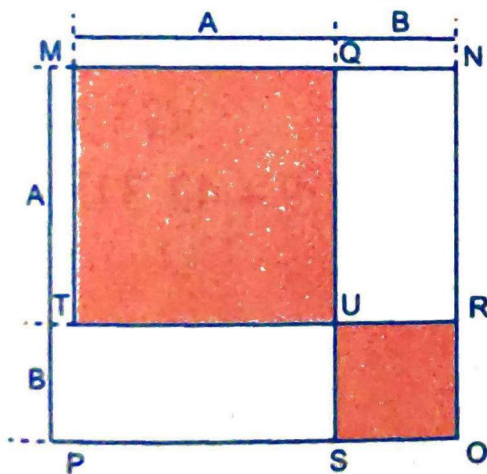
$$= (2x - 7)^2 - 5(2x - 7)$$

$$= (2x - 7)(2x - 7 - 5)$$

$$= (2x - 7)(2x - 12) = 2(2x - 7)(x - 6)$$

تمرين 14:

نقطع نفس المربع إلى عدة أجزاء (كما في الشكل)



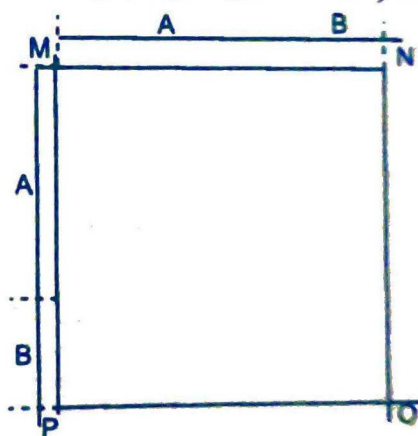
مساحة المربع QMTU هي: a^2

مساحة المربع ROSU هي: b^2

مساحة المستطيل NRUQ هي: $a \times b$

مساحة المستطيل USPT هي: $a \times b$

a, b عدنان موجبان



طول ضلع المربع MNOP هو:

$$a + b$$

مساحة المربع MNOP هي:

$$(a + b)^2$$

اعتمادا على الشكلين السابقين يمكن استخلاص ما يلي:

$$\text{مساحة المربع MNOP} = \text{مساحة (QMTU)} + \text{مساحة (ROSU)} + \text{مساحة (NRUQ)} + \text{مساحة (USPT)}$$

$$\text{ومنه: } (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

تمرين 15:

(1) كتابة مبسطة للفرق $[(n+1)^2 - n^2]$

$$[(n+1)^2 - n^2] = n^2 + 2n + 1 - n^2 = 2n + 1$$

ملاحظة:

استعمال المتطابقة الشهيرة $[a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)]$ يوصلنا إلى نفس النتيجة.

(2) لنحسب $(2007^2 - 2006^2)$, $(456^2 - 455^2)$, $(125^2 - 124^2)$, $(30^2 - 29^2)$
بتطبيق نتيجة السؤال الأول نجد:

$$30^2 - 29^2 = 2 \times 29 + 1 = 59 \quad , \quad n = 29$$

$$125^2 - 124^2 = 2 \times 124 + 1 = 249 \quad , \quad n = 124$$

$$456^2 - 455^2 = 2 \times 455 + 1 = 911 \quad , \quad n = 455$$

$$2007^2 - 2006^2 = 2 \times 2006 + 1 = 4013 \quad , \quad n = 2006$$

(3) نعلم أن: $70^2 = 4900$

بما أن 70 ، 71 عدنان طبيعيين متتاليان ، نستطيع حساب 71^2 وذلك باستعمال
نتيجة السؤال الأول: نضع $n = 70$
فيكون $n + 1 = 71$.

ومنه:

$$71^2 - 70^2 = 2 \times 70 + 1$$

$$71^2 = 2 \times 70 + 1 + 70^2$$

$$71^2 = 141 + 4900 = 5041$$

(* بما أن 49 ، 50 عدنان طبيعيين متتاليان ، نستطيع حساب 49^2 وذلك باستعمال
نتيجة السؤال الأول:

نضع $n = 49$ فيكون $n + 1 = 50$.

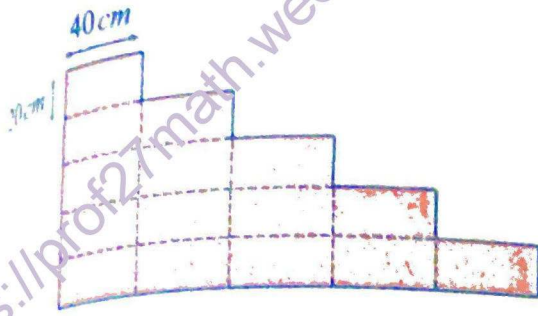
ومنه:

$$50^2 - 49^2 = 2 \times 49 + 1$$

$$49^2 = 50^2 - 2 \times 49 + 1$$

$$49^2 = 2500 - 99 = 2401$$

تمرين 16: هناك عدة طرق لحساب المساحة S الواضحة في الشكل، منها: نقسم S إلى عدة مستطيلات عرض كل منها 20 cm وطول كل منها 40 cm



$$S = 20 \times 40 \times (1 + 2 + 3 + 4 + 5)$$

$$S = 20 \times 40 \times 15$$

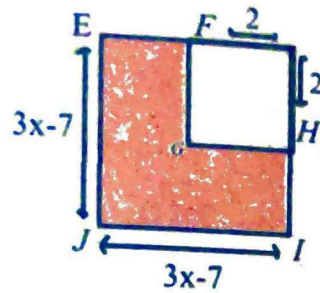
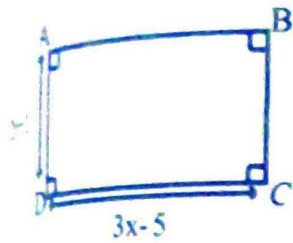
$$S = 12000\text{ cm}^2 = 120\text{ dm}^2 = 1,2\text{ m}^2$$

تمرين 17:

(1) مساحة المستطيل $(ABCD)$ هي:

$$A_1 = (2x + 1)(3x - 5)$$

(2) مساحة المضلع $(EFGHIJ)$ هي A_2 حيث:



$$A_2 = [\text{مساحة المربع الذي طول ضلعه } (3x - 7)] - [\text{مساحة المربع الذي طول ضلعه } 2]$$

ومنه:

$$\begin{aligned} A_2 &= (3x - 7)^2 - 2^2 \\ &= (3x - 7 - 2)(3x - 7 + 2) \\ &= (3x - 9)(3x - 5) \end{aligned}$$

(1) تعيين قيم x التي يكون من أجلها $A_1 = A_2$:

$$(2x + 1)(3x - 5) = (3x - 9)(3x - 5)$$

$$(2x + 1)(3x - 5) - (3x - 9)(3x - 5) = 0$$

$$(3x - 5)[(2x + 1) - (3x - 9)] = 0$$

$$(3x - 5)(-x + 10) = 0$$

ومنه: $3x - 5 = 0$ أو $-x + 10 = 0$

ومنه: $x = \frac{5}{3}$ أو $x = 10$

تمرين 20:

(1) تحليل العبارات:

$$A = (x + 7)^2 - 36$$

$$= [(x + 7) - 6] \times [(x + 7) + 6]$$

$$= (x + 1)(x + 13)$$

$$B = 4x^2 + 8x + 4 = (2x)^2 + 2 \times (2x) \times 2 + 2^2$$

$$= (2x + 2)^2 = 4(x + 1)^2$$

$$C = (x + 13)(x + 1) - 4(x + 1)^2$$

$$= (x + 1)[(x + 13) - 4(x + 1)]$$

$$= (x + 1)(-3x + 9)$$

$$= 3(x + 1)(-x + 3)$$

(ب) التعبير عن C بدلالة A و B :

$$C = (x + 13)(x + 1) - 4(x + 1)^2$$

من السؤال السابق وجدنا: $A = (x + 1)(x + 13)$ ، $B = 4(x + 1)^2$

$$C = A - B$$

(2) (أ) حساب المساحة S الملونة بدلالة x :

لدينا: $ABCD$ مربع طول ضلعه

$x + 7$ ، $EBHI$ مربع طول ضلعه 6:

إذن المساحة S :

$$S = (x + 7)^2 - 6^2 = [(x + 7) - 6] \times [(x + 7) + 6]$$

$$= (x + 1)(x + 13) = A$$

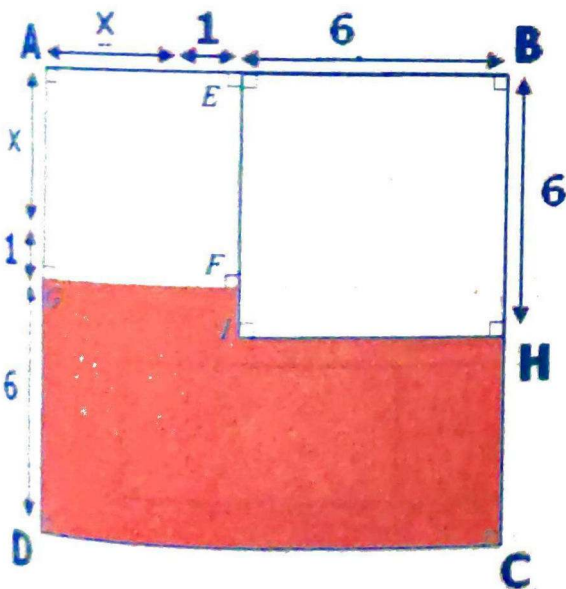
(ب) من أجل $x = 3$ ، يكون: $C = 3 \times 4 \times 0 = 0$

إذن: $A = B$

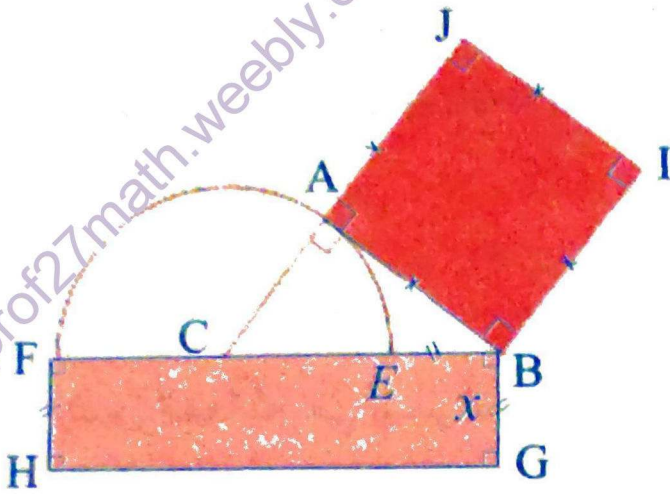
(ج) الشكل $AEFG$ هو مربع طول ضلعه $(x + 1)$

من أجل $x = 3$ يكون: $A = B = 4(x + 1)^2$

ومنه: $(x + 1)^2 = \frac{1}{4} \times S$ ، إذن: مساحة المربع $AEFG$ هي ربع المساحة S



تمرين 21:



ABC مثلث قائم في A ، $ABIJ$ ،
مربع ، $FBGH$ مستطيل .

حيث: $BC = a$ ، $AC = b$

التعبير عن مساحتي المربع $ABIJ$
والمستطيل $FBGH$ بدلالة a و b :

(1) حساب مساحة المربع $ABIJ$:

لدينا حسب نظرية فيثاغورث في المثلث القائم ABC :

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$AB^2 = BC^2 - AC^2 = a^2 - b^2$$
 ومنه:

$$\text{إذن: } AB = \sqrt{a^2 - b^2} \text{ ، (حيث } a \geq b \text{) .}$$

ومنه: مساحة المربع $ABIJ$ هي S_1 حيث:

$$(\text{حيث } a \geq b) \text{ ، } S_1 = AB \times AB = a^2 - b^2 \text{ (Unité)}^2$$

(2) من الشكل لدينا :

$$CB = CE + x \text{ ، } CE = CA = b$$

$$a = b + x \text{ ، } FB = FE + x$$

$$FB = FC + CE + x = 2b + a - b = a + b$$

إذن مساحة المستطيل $FBGH$ هي S_2 :

$$S_2 = (a + b) \times x = (a + b) \times (a - b) = a^2 - b^2 \text{ (Unité)}^2$$

(حيث $a \geq b$)